

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/

X1X. 18.

יהוה





THEONIS SMYRNAEI

PHILOSOPHI PLATONICI

EXPOSITIO RERUM MATHEMATICARUM

AD LEGENDUM PLATONEM UTILIUM.

RECENSUIT

EDUARDUS HILLER.



LIPSIAE,
IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.
MDCCCLXXVIII.

Ree. Aug. 28, 1879.

LIPSIAE: TYPIS B. G. TEUBNERI.

FRIDERICO HULTSCHIO

S.

PRAEFATIO.

Theonis Smyrnaei commentarius de rebus mathematicis ad legendum Platonem utilibus in duas partes discerptus ad nostram aetatem pervenit; quarum prior (p. 1—119) exstat in codice Veneto bibliothecae Marcianae 307 (A), posterior (p. 120—205) in eiusdem bibliothecae codice 303 (B). Hos libros Bonnae excussi, quo transmissi mihi erant intercedente Ottone Iahnio praeceptore humanissimo; postea multos locos Venetiis iterum inspexi.

Codex A membranaceus, saeculi XI. vel XII., formae quadratae, praeter Theonis partem priorem nihil continet. Librarius in iis quae ad prosodiam pertinent multos commisit errores; veluti saepe scripsit, ut pauca adferam, νητή ὅγδοος τετρακτῦς ἶσος δυᾶδος μεταβάσα. Praepositiones saepe carent accentibus. Ubi pronominis reflexivi forma requiritur, aut έαυτοῦ positum est aut αὐτοῦ, nunquam nisi fallor αὐτοῦ. Promiscue legitur αἰεί et ἀεί. ι nunquam subscribitur, interdum adscribitur. Numeri fere semper rubro colore facti sunt.

Quae librarius ille in prosodia peccavit, ea plerumque, non ubique, correxit alia manus (A^2) , quae etiam $i\delta \epsilon \alpha$ pro $\epsilon i\delta \epsilon \alpha$, $\lambda \epsilon i \mu \mu \alpha$ pro $\lambda i \mu \mu \alpha$ ac similia recte restituit. Graviora quoque nonnulla ab eadem manu mutata inveniuntur. Neque vero eae scripturae ex

alio codice repetendae sunt: nam omnes ita sunt comparatae, ut facile coniectura sive vera sive falsa inparatae, ut facile confectura sive vera sive falsa inveniri potuerint. Ceterum cum etiam is qui codicem exaravit multa correxerit et in rasura scripserit, compluribus locis non potest accurate cognosci, utrum ad illam an ad alteram manum mutatio sit`referenda.

De codice B cf. quae disputavi in Philologi vol. XXXI. p. 172 sqq. Chartaceus est, forma maxima, saeculo XIV. vel XV. scriptus. Continet inde a fol. 9a—16 b operis huius partem alteram cum figuris ne-

glegentissime factis.

Inscriptiones capitum quas A et B praebent tantopere discrepant ab indicandi argumenti recta ratione tamque inepte nonnunquam positae sunt, ut ipsius scriptoris quamvis mediocri ingenio tribui non possint. Itaque non in verborum contextu sed in aduotatione critica locum iis adsignandum esse censui. Cf. Martin, Theo de astr p. 36.

Ex codicibus A et B ducti sunt omnes quorum ego notitiam habeo libri manu scripti in quibus tota exstat aut prior pars aut posterior; quod ita se habere certis argumentis alio loco mox comprobabo. Adhibitis exemplaribus ex A aut B derivatis priorem partem edidit Bullialdus (Lut. Par. 1644), posteriorem Martinus (ib. 1849) — versus Alexandri (p. 139 sqq.), quos ex apographo codicis B descripserat Isaac Vossius, iam antea saepius typis expressi erant, cf. adn. ad p. 139 —, denique primam particulam (p. 1—46, 19) de Gelder (Lugd. Bat. 1827). Mihi codices huius generis iis potissimum locis commemorandi fuerunt, ubi antiquae scripturae errores correctos exhibent. Variorum signorum multitudine ne adnotatio prorsus inutiliter oneraretur, ex horum librorum numero eos in quibus emendatae lectiones inveniuntur singillatim indicare nolui, sed communi apographorum appellatione codices ex A vel B oriundos significavi.

Eam autem particulam huius libri quae legitur p. 46, 20—57, 6 (τοῦ πνεύματος) separatim excerptam complures codices praebent, in quorum archetypum transscripta esse videtur ex libro ab A diverso. Huius generis exemplaria sunt codex Venetus Marcianus 512 saeculi XIII. vel XIV., Riccardianus K 2, 2, 41 saec. XV., Neapolitanus 260 sive III C 2 saec. XV. vel XVI., Vaticanus 221 saec. XVI., Vaticanus Urbinas 77 saec. XVI., Barberinianus II 86 saec. XVI. Fragmentum Theonis ex Marciano in usum meum insigni comitate descripsit Hermannus Diels; ex Neapolitano nonnulla mihi notaverunt Fridericus de Duhn et Georgius Kaibel; ceteros ipse cum editione Bullialdi contuli. Ex eodem genere is codex fuit quo Manuel Bryennius usus est: cf. eius Harmon. p. 393 sqq. His igitur libris inter se comparatis quid in eorum archetypo (Z) scriptum fuerit facile cognosci potest.

Ad emendandos versus Alexandri praeter codicem Marcianum B adhibui eiusdem bibliothecae codicem 203 (C) chartaceum saeculi XIII., in cuius ultimo folio (230) poema illud exstat praescripto titulo ἀλλεξάνδοου Αἰτωλοῦ περὶ τῶν πλανητῶν. Librarius eo exemplari

usus esse videtur ex quo B descriptus est.

Compluribus locis ad restituenda Theonis verba utilitatem praebet *Chalcidii* in Platonis Timaeum commentarius, propterea quod uterque scriptor Adrasti Peripatetici commentarium in usum suum convertit partesque eius haud exiguas accurate expressit: cf.

Rhein. Mus. XXVI p. 582 sqq.

Lacunarum quarum signa in contextu verborum posui vestigia in codicibus iis tantum locis exstant, ubi id diserte a me indicatum est. Uncis obliquis $\langle \; \rangle$ ea inclusi quae traditae lectioni addenda, quadratis [] ea quae delenda esse mihi videntur. Ad significandas eas prioris manus cod. A scripturas quae ab A² mutatae sunt nota A¹ usus sum. Asteriscum * appo-

sui scripturis libri B a Martino correctis. Omnibus vero iis locis, quibus emendationis sive in adnotatione propositae sive in verborum ordinem receptae auctorem vel fontem non indicavi — sunt autem fere CCCCL -, emendationem a me conjectura esse inventam sciendum est. Ceterum in mutanda tradita lectione caute erat progrediendum; multa enim quae perverse vel neglegenter dicta esse apparet quin ipsius Theonis inscitiae levitatique tribuenda sint dubitari nequit. Praecipue loci Platonici in praefationem recepti (p. 2—14) reliquas operis partes tantopere superant vitiorum multitudine ac foeditate, ut ea omnia ad librariorum errores referenda esse prorsus sit incredibile. In his igitur quia accurate diiudicari nullo modo potest, quid librarii peccaverint, quid Theo, denique quid iam in Platonis exemplaribus a Theone adhibitis corrupte scriptum fuerit, errores intactos relinquere quam facili atque inutili negotio genuina Platonis verba hic illic restituere malui. Notas codicum Reipublicae ex Schneideri, Epinomidis ex Bekkeri editione mutuatus sum.

Reliquum est ut gratias agam quam maximas Friderico Hultschio viro clarissimo, qui accuratissime perlectis his plagulis complures emendationes aut certas aut probabiles quarum in addendis mentionem feci (cf. etiam adn. ad p. 15, 17. 22, 17. 25, 20) mecum communicavit.

Scr. Halae mense Octobri a. 1878.

THEO SMYRNAEUS.

Ότι μεν ούχ οδόν τε συνεΐναι τῶν μαθηματικῶς λεγομένων παρά Πλάτωνι μη και αὐτον ήσκημένον έν τῆ θεωρία ταύτη, πᾶς ἄν που ὁμολογήσειεν ώς δὲ ούδε τὰ ἄλλα ἀνωφελής ούδε ἀνόνητος ή περί ταῦτα έμπειρία, διὰ πολλών αὐτὸς έμφανίζειν ἔοικε. τὸ μὲν 5 οὖν συμπάσης γεωμετρίας καὶ συμπάσης μουσικῆς καὶ άστρονομίας έμπειρον γενόμενον τοις Πλάτωνος συγγράμμασιν έντυγχάνειν μακαριστόν μέν εί τφ γένοιτο, οί μην εύπορον οὐδε δάδιον άλλα πάνυ πολλοῦ τοῦ έκ παίδων πόνου δεόμενον. ώστε δε τοὺς διημαρτηκό- 10 τας τοῦ ἐν τοῖς μαθήμασιν ἀσκηθῆναι, ὀρεγομένους δὲ τῆς γνώσεως τῶν συγγραμμάτων αὐτοῦ μὴ παντάπασιν ών ποθούσι διαμαρτείν, κεφαλαιώδη καὶ σύντομον ποιησόμεθα τῶν ἀναγκαίων καὶ ὧν δεῖ μάλιστα τοῖς έντευξομένοις Πλάτωνι μαθηματικών θεωρημάτων παρά- 15 δοσιν, άριθμητικών τε καλ μουσικών καλ γεωμετρικών τῶν τε κατὰ στερεομετρίαν καὶ ἀστρονομίαν, ὧν χωρίς

Digitized by Google

Inscr. Θέωνος Σμυςναίου Πλατωνικοῦ τῶν κατὰ τὸ (τὸ supra vs.) μαθηματικὸν χοησίμων εἰς τὴν Πλάτωνος ἀνάγνωσιν Α 1 inscr. ὅτι ἀναγκαῖα τὰ μαθήματα Α 2 ήσκημένου: ον corr. ex ων Α 4 οὐδὲ τὰ ἄ.] οὕτε τὰ ἄ. Α 5 τὸ corr. ex τὸν Α 6 γεωμετρίας: καὶ ἀριθμητικῆς add. recentior manus in apogr. fort. recte 10 σκοπὸς τοῦ βιβλίου mg. Α

ούχ ολόν τε είναι φησι τυχεῖν τοῦ ἀφίστου βίου, διὰ πολλοῦν πάνυ δηλώσας ὡς οὐ χρὴ τῶν μαθημάτων ἀμελεῖν.

Έρατοσθένης μεν γαρ έν τῷ ἐπιγραφομένῷ Πλατωνικῷ φησιν ὅτι, Δηλίοις τοῦ θεοῦ χρήσαντος ἐπὶ τωνικῷ φησιν ὅτι, Δηλίοις τοῦ θεοῦ χρήσαντος ἐπὶ τὰπαλλαγῆ λοιμοῦ βωμὸν τοῦ ὅντος διπλασίονα κατασκευάσαι, πολλὴν ἀρχιτέκτοσιν ἐμπεσεῖν ἀπορίαν ζητοῦσιν ὅπως χρὴ στερεὸν στερεοῦ γενέσθαι διπλάσιον, ἀφικέσθαι τε πευσομένους περὶ τούτου Πλάτωνος. τὸν δὲ φάναι αὐτοῖς, ὡς ἄρα οὐ διπλασίου βωμοῦ ὁ θεὸς το δεόμενος τοῦτο Δηλίοις ἐμαντεύσατο, προφέρων δὲ καὶ ὀνειδίζων τοῖς Ἑλλησιν ἀμελοῦσι μαθημάτων καὶ γεωμετρίας ώλιγωρηκόσιν.

ἀκολούθως δὲ τῆ τοῦ Πυθίου παραινέσει πολλὰ καὶ αὐτὸς διέξεισιν ὑπὲρ τοῦ ἐν τοῖς μαθήμασι χρησίμου. ἔν το γὰρ τῆ Ἐπινομίδι προτρέπων ἐπὶ τὰ μαθήματά φησιν οὐ γὰρ ἄνευ τούτων ποτέ τις ἐν πόλει εὐδαιμόνων γενήσεται φύσις, ἀλλ' οὐτος ὁ τρόπος, αῦτη ἡ τροφή, ταῦτα τὰ μαθήματα, εἴτε χαλεπὰ εἴτε ράδια, διὰ ταύτης ἰτέον ἀμελῆσαι δὲ οὐ θεμιτόν ἐστι θεῶν. καὶ ἐν τοῖς ἐφεξῆς τὸν τοιοῦτόν φησιν ἐκ πολλῶν ἕνα γεγονότα εὐδαίμονά τε ἔσεσθαι καὶ σοφώτατον ἄμα καὶ μακάριον.

έν δὲ τῆ Πολιτεία φησίν ἐκ τῶν κε΄ ἐτῶν οί προκριθέντες τιμάς τε τῶν ἄλλων μείζους οἴσονται, τά τε

^{3 &#}x27;Εφατοσθένης: Bernhardy Eratosthenica p. 168. cf. Philol. XXX p. 67 12 ώλιγοςηκόσιν A, em. apogr. 15 Epin. p. 992 A οὐ γὰς ἄνευ γε (γε om. Nicom. introd. arithm. I 3, 5) τούτων μήποτέ τις ἐν πόλεσιν εὐδαίμων (εὐδαιμόνων codd. duo, εὐδαιμονῶν unus) γένηται φύσις, ἀλλ' ούτος ὁ τρόπος, αῦτη (ἡ add. Ast) τροφή, ταῦτα τὰ μαθήματα, εἶτε χαλεπὰ εἶτε ξάδια, ταύτη πορευτέον (ἰτέον Nicom.) ἀμελῆσαι δὲ οὐ θεμιτόν ἐστι θεῶν εὐδαιμονῶν Α 17 φύς Α, tum dua litt. erasae 20 Epin. p. 992 B 22 Civ. VII p. 537 B κέ] εἴκοσιν Plato. cf. Schneider 23 μείζους τῶν ἄλλων Plato

γύδην μαθήματα πασιν έν τη παιδεία γενόμενα τούτοις συνακτέον είς σύνοψιν οίκειότητός τε άλλήλων των μαθημάτων και της τοι όντος φύσεως, παραινεί τε πρώτον μεν έμπειρον γενέσθαι άριθμητικής, έπειτα γεωμετρικής, τρίτον δε στερεομετρίας, τέταρτον άστρονο- 5 μίας, ην φησιν είναι θεωρίαν φερομένου στερεού, πέμπτον δὲ μουσικῆς. τό τε χρήσιμον παραδεικνὺς τῶν μαθημάτων φησίν ήδὺς εί, ὅτι ξοικας δεδιέναι, μὴ άχοηστα τὰ μαθήματα προστάττοιμι. τὸ δ' ἔστιν οὐ πάνυ φαύλοις, άλλὰ πᾶσι χαλεπὸν πιστευθῆναι, ὅτι ἐν 10 τούτοις τοῖς μαθήμασιν έκάστου οἶον ὀργάνοις τὸ ψυχῆς έκκαθαίρεται καὶ ἀναζωπυρεῖται ὅμμα τυφλούμενον καλ αποσβεννύμενον ύπὸ τῶν ἄλλων ἐπιτηδευμάτων, κοείττον ον σωθήναι μυρίων όμματων μόνω γαρ αὐτῷ άλήθεια δρᾶται. 15

έν δὲ τῷ έβδόμῳ τῆς Πολιτείας περὶ ἀριθμητικῆς λέγων ὡς ἔστιν ἀναγκαιοτάτη πασῶν φησιν, ἔπειτα ἦς

1 παισίν Plato. cf. H. Heller curae crit. in Plat. de republ. libros p. 16 παιδεία corr. ex παιδιᾶ Α (παιδιᾶ Platonis codd. tres) 2 οἰπειότητος ἀλλήλων Plato (οἰπειότητός τε ἀλλήλων codd. tres) 3 cf. Civ. p. 525 sqq. παραινέσει Α, em. apogr. 8 Civ. p. 527 D ἡδὺς εἶ, ἡν δ ἐγώ, ὅτι ἔοιπας δεδιότι τοὺς πολλούς, μὴ δοκῆς (ὅτι ἔοιπας δεδιέναι, μὴ ἄρα Νίτοπ. 1 3, 7) ἄχρηστα μαθήματα (τὰ μαθήματα cod. Par. Κ, ταῦτα τὰ μαθήματα Nicom.) προστάττειν (προστάττοιμι Nicom.). τὸ δ' ἔστιν οὐ πάνυ φαῦλον ἀλλὰ χαλεπὸν πιστεῦσαι (παγχάλεπον Nicom.), ὅτι ἐν τοὐτοις τοἰς μαθήμασιν ἐπάστον ὄγγανόν τι ψυχῆς ἐκκαθαίρεταί τε καὶ ἀναζωπυρεῖταί (ὅμμα τῆς ψυχῆς exstat etiam apud Nicom., ubi haec contracta sunt, cf. Alcim. 27 p. 180 Herm., Iambl. de vita Pyth. § 70, Boeth. Inst. arithm. I 1 p. 10 Friedl.) ἀπολλύμενον καὶ τυφλούμενον ὑπὸ κτλ. 9 τὰ γξ΄ καὶ προστάττοιμι

fort. add. ab A³ προστάττοιμι A 10 φαύλοις: ι in ras. A
11 cf. Cobet, Mnemos. XI p. 177. Wex, Jahrb. f. Philol. 1863
p. 692 sqq. 1864 p. 381
12 ὅμμα in ras. A
16 Civ.
p. 522 C

δει πάσαις μεν τέχναις, πάσαις δε διανοίαις και επιστήμαις καὶ τῆ πολεμικῆ. παγγέλοιον γοῦν στρατηγὸν Αγαμέμνονα έν ταζς τραγφδίαις Παλαμήδης έκάστοτε άποφαίνει. φησί γὰρ ἀριθμὸν εύρῶν τάς τε τάξεις 5 καταστησαι τῷ στρατοπέδφ ἐν Ἰλίφ καὶ ἐξαριθμησαι ναῦς τε καὶ τὰ ἄλλα πάντα, ὡς πρὸ τοῦ ἀναριθμήτων οντων και του Άγαμέμνονος ώς ξοικεν οὐδε όσους είχε πόδας είδότος, είγε μη ηπίστατο άριθμεϊν. πινδυνεύει ούν τῶν πρὸς νόησιν ἀγόντων φύσει εἶναι, καὶ οὐδεὶς 10 αὐτῷ χρῆται έλκτικῷ ὄντι πρὸς οὐσίαν καὶ νοήσεως παρακλητικώ. όσα μεν γαρ απλώς κινεί την αίσθησιν, ούκ έστιν έπεγερτικά και παρακλητικά νοήσεως, οίον οτι ο δρώμενος δάκτυλός έστι, και ότι παγύς η λεπτός η μέγας η μικρός. όσα δ' έναντίως κινετ αίσθησιν, 15 έπεγερτικά καλ παρακλητικά έστι διανοίας, οἶον ὅταν τὸ αὐτὸ φαίνηται μέγα καὶ μικρόν, κοῦφον καὶ βαρύ, εν και πολλά. και τὸ εν οὖν και ὁ ἀριθμὸς παρακλητικά καὶ ἐπεγερτικά ἐστι διανοίας, ἐπεὶ τὸ ἕν ποτε πολλὰ φαίνεται λογιστική δε και άριθμητική όλκος και άγω-20 γὸς πρὸς ἀλήθειαν. ἀπτέον δὲ λογιστικῆς μὴ ἰδιωτικῶς,

2 παγγέλοιον: γγ θα νγ Α (πανγέλοιον Platonis cod. Vind. F) 3 παλαμίδης Α 4 ἀποφαίνει. ἢ οὐκ ἐννενόηκας, ὅτι φησίν ἀριθμόν εύρων τάς τε τάξεις τῷ στρατοπέδω καταστῆσαι ἐν Ἰλίω Plato 7 ὅσους π. εἰχεν εἰδ. εἰπερ ἀρ. μὴ ἤπ. Plato μὴ ἤπιστατο corr. θα μὴ τίστατὸ Α Civ. p. 523 Α πινδυνεύει τῶν πρὸς τὴν νόησιν ἀγόντων φύσει εἶναι ὡν ζητοῦμεν, χρῆσθαι δ' οὐδεὶς αὐτῷ ὀρθῶς, ἑἰπτικῷ ὅντι παντάπασι πρὸς οὐσίαν 10 νοήσεως παραπλητικῷ: cf. Civ. p. 523 D 19 δὲ] δὴ Stallbaum ad Plat. Civ. p. 523 A 20 Civ. p. 525 Β προσῆπον δὴ τὸ μάθημα ᾶν εἰη, ὡ Γλαύκων, νομοθετῆσαι καὶ πείθειν τοῦς μέλλοτας ἐν τῷ πόλει τῶν μεγίστων μεθέξειν, ἐπὶ λογιστικὴν ἱέναι καὶ ἀνθάπτεσθαι αὐτῆς μὴ ἰδιωτικῶς, ἀλὶ' ἔως ᾶν ἐπὶ θέαν τῆς τῶν ἀριθμῶν φύσεως ἀφίκωνται τῷ νοήσει αὐτῷ, οὐκ ἀνῆς οὐδὲ πράσεως χάριν ὡς ἐμπορους ἢ καπήλους μελετῶντας,

άλλ' ώς αν έπι θέαν της των άριθμων φύσεως άφικωνται τη νοήσει, ούδε πράσεως γάριν εμπόρων η καπήλων μελετώντας, άλλ' Ενεκα ψυχής της έπ' άλήθειαν και οὐσίαν όδοῦ. τοῦτο γὰο ἄνω ἄγει τὴν ψυχὴν καὶ περί αὐτῶν τῶν ἀριθμῶν ἀναγκάζει διαλέγεσθαι, οὐκ 5 άποδεχόμενον, αν τις αὐτῷ σώματα ἢ αὖ τὰ ὁρατὰ έχοντα άριθμούς προσφερόμενος διαλέγηται. καλ πάλιν έν τῷ αὐτῷ φησιν. ἔτι οί λογιστικοί είς ἄπαντα τὰ μαθήματα όξεις φύονται, οί τε βραδείς είς τὸ όξύτεροι αὐτοὶ αὑτῶν γενέσθαι. ἔτι ἐν τῷ αὐτῷ φησι καὶ 10 έν πολέμφο δ' αὖ χρήσιμον πρὸς τὰς στρατοπεδεύσεις και καταλήψεις χωρίων και ξυναγωγάς και έξετάσεις στρατιάς. Εν τε τοις έξης επαινών την περί τα τοιαύτα μαθήματα σπουδήν, γεωμετρία μέν, φησίν, έστὶ περί τὴν τοῦ ἐπιπέδου θεωρίαν, ἀστρονομία δὲ περὶ τὴν τοῦ 15 στερεού φοράν αύτη δ' άναγκάζει είς τὸ ἄνω δρᾶν καί ἀπὸ τῶν ἐνθένδε ἐκεῖσε ἄγει. καὶ μὲν δὴ περὶ μουσικῆς ἐν τῷ αὐτῷ φησιν, ὅτι δυεῖν δεῖται ἡ τῷν ὄντων

άλλ ἔνεκα πολέμου τε καὶ αὐτῆς τῆς ψυχῆς ὁαστώνης τε (τε om. codd. multi) μεταστροφῆς ἀπὸ γενέσεως ἐπ' ἀλήθειἀν τε (τε ἐπ' ἀλ. codd. complures) καὶ οὐσίαν 4 Civ. p. 525 D τοῦτό γε — ὡς σφόδρα ἄνω ποι ἄγει τὴν ψυχὴν καὶ περὶ αὐτῶν τῶν ἀριθμῶν ἀνωγκάζει διαλέγεοθαι, οὐδαμῆ ἀποδεχόμενον, ἐάν τις αὐτῆ ὁρατὰ ἢ ἀπτὰ (ἢ ἀπὸ τὰ codd. duo, ἢ τοὺς τὰ unus) σωματα ἔχοντας (ἔχοντα codd. tres) ἀριθμοὺς προτεινόμενος διαλέγηται 8 Civ. p. 526 B τόδε ἤδη ἐπεσκέψω, ὡς οῖ τε φύσει λογιστικοὶ εἰς πάντα τὰ μαθήματα ὡς ἔπος εἰπεὶν όξεὶς φύονται, οῖ τε βραδεὶς, ᾶν ἐν τούτω παιδευθῶσι καὶ γυμνάσωνται, κὰν μηδὲν ἄλλο ὡφεληθῶσιν, ὅμως εἰς γε τὸ ὀξύτεροι αὐτοὶ αὐτῶν γίγνεσθαι πάντες ἐπιδιδόασιν; 10 Civ. p. 526 D ὅσον μέν, ἔφη, πρὸς τὰ πολεμικὰ αὐτοῦ τείνει, ὅῆλον ὅτι προσήκει: πρὸς γὰρ τὰς στρατοπεδεύσεις καὶ καταλήψεις χωρίων καὶ συναγωγὰς καὶ ἐκτάσεις στρατιᾶς — 16 Civ. p. 529 A παντὶ γάρ μοι δοκεί δῆλον, ὅτι αῦτη γε ἀναγκάζει ψυχὴν εἰς τὸ ἄνω ὁρᾶν καὶ ἀπὸ τῶν ἐνθένδε ἐκεῖσε ἄγει 18 δυεὲν corr. ex δυοίν Α

θεωρία, ἀστρονομίας καὶ ἀρμονίας καὶ αὖται ἀδελφαὶ αί ἐπιστῆμαι, ὡς οἱ Πυθαγορικοί. οἱ μὲν οὖν τὰς ἀκουομένας συμφωνίας αὖ καὶ φθόγγους ἀλλήλοις ἀναμετροῦντες ἀνήνυτα πονοῦσι. τελείως παραβάλλοντες τὰ ὧτα, οἶον ἐκ γειτόνων φωνὴν θηρώμενοι, οἱ μέν φασιν ἀκούειν ἐν μέσω τινὰ ἡχον καὶ μικρότατον εἶναι διάστημα τοῦτο, ὡ μετρητέον, οἱ δὲ ἀμωισβητοῦσιν ὡς ὅμοιον ἤδη φθεγγομένου, τὰ ὧτα τοῦ νοῖ προστησάμενοι. ταῖς χορδαῖς πράγματα παρέχουσιν ἐπὶ τῶν κολλά-10 βων στρεβλοῦντες. οἱ δὲ ἀγαθοὶ ἀριθμητικοὶ ζητοῦσιν ἐπισκοποῦντες, τίνες σύμφωνοι ἀριθμοὶ ἀριθμοῖς καὶ τίνες οὕ. καὶ τοῦτο χρήσιμον πρὸς τὴν τοῦ ἀγαθοῦ

1 Civ. p. 530 D — και αὐται ἀλλήλων ἀδελφαί τινες αί ἐπιστῆμαι εἶναι, ὡς οῖ τε Πυθαγόρειοί φασι — 2 Civ. p. 531 A τὰς γὰρ ἀκουομένας αὐ συμφωνίας καὶ φθόγγους ἀλλήλοις ἀναμετροῦντες ἀνήνυτα ἄσπερ οἱ ἀστρονόμοι πονοῦσι. νὴ τοὺς θεούς, ἔφη, καὶ γελοίως γε, πυκνώματ ἄττα ὀνομάζοντες καὶ παραβάλλοντες τὰ ὧτα, οἰον ἐκ γειτόνων φωνὴν θηρευόμενοι, οἱ μέν φασιν ἔτι (ἔτι om. codd. tres) κατακούειν ἐν μέσω τινὰ ἡχὴν καὶ σμικρότατον εἶναι τοῦτο διάστημα, ὡ μετρητέον, οἱ δὲ ἀμφισβητοῦντες ὡς ὄμοιον ἤδη φθεγγομένων (φθεγγόμενον codd. duo), ἀμφότεροι ὡτα τοῦ νοῦ προστησάμενοι. σὰ μέν, ἡν δ' ἐγώ, τοὺς χρηστοὺς λέγεις τοὺς ταὶς χορδαῖς πράγματα παρέχοντας καὶ βασανίζοντας, ἐπὶ τῶν κολλόπων (κολάβων, καλλό-

πων, κολλόπων alii: cf. Tim. lex.) στοεβλοῦντας 4 ἀνήνυτα v corr. ex οι A 5 έκ corr. ex έγ A 7 μετοητέον: η corr. ex ι A 11 Civ. p. 531 C τοὺς γὰρ έν ταύταις ταῖς συμφωνίαις ταῖς ἀκουομέναις ἀριθμοὺς ζητοῦσιν, ἀλλ' οὐκ εἰς προβλήματα ἀνίασιν ἐπισκοπεῖν, τίνες ὑψφωνοι ἀριθμοὶ καὶ τίνες οὔ, καὶ διὰ τί ἑκάτεροι. δαμόνων γάρ, ἔφη, πρᾶγμα λέγεις. χρήσιμον μὲν οὖν, ην δ' ἐγώ, πρὸς τὴν τοῦ καλοῦ τε καὶ ἀγαθοῦ ζήτησιν, ἄλλως δὲ μεταδιωκόμενον ἄχρηστον. εἰκός γ', ἔφη. οἰμαι δὲ γε, ην δ' ἐγώ, καὶ ην τοῦτων πάντων ών διεληλύθαμεν μέθοδος ἐὰν μὲν ἐπὶ τὴν ἀλλήλων κοινωνίαν ἀφίκηται καὶ ξυγγένειαν, καὶ ξυλλογισθην ταῦτα ην έστιν τλλόρος οἰκεῖα, φέρειν τι αὐτῶν εἰς ην βουλόμεθα τὴν πραγματείαν. cf. Schneider

καὶ καλοῖ ξήτησιν, ἄλλως δὲ ἄχοηστον. καὶ τούτων πάντων ἡ μέθοδος ἂν μὲν ἐπὶ τὴν ἀλλήλων ἀφίκηται κοινωνίαν καὶ ξυλλογισθῆ ἦ ἐστιν ἀλλήλοις οἰκεῖα, φέρει αὐτῶν ἡ πραγματεία καρπόν. οἱ δὲ ταῦτα δεινοὶ διαλεκτικοί οὐ γὰρ μὴ δύνωνται λαβεῖν τε καὶ ἀπο- 5 δέξασθαι λόγον. οὐχ οἶόν τε δὲ τοῦτο μὴ δι' ἐκείνων ἐλθόντα τῶν μαθημάτων ὁδὸς γάρ ἐστι δι' αὐτῶν ἐπὶ τὴν τῶν ὄντων θέαν ἐν τῷ διαλέγεσθαι.

πάλιν τε έν τῷ Ἐπινομίῷ πολλα μὲν καὶ ἄλλα ὑπὲρ ἀριθμητικῆς διεξέρχεται, θεοῦ δῶρον αὐτὴν λέγων, καὶ 10 οὐχ οἰόν τε ἄνευ ταύτης σπουδαῖον γενεσθαι τινά. ὑπο-βὰς δὲ ἄντικρύς φησιν εἴπερ γὰρ ἀριθμὸν ἐκ τῆς ἀν-θρωπίνης φύσεως ἔξέλοιμεν, οὐκ ἄν που ἔτι φρόνιμοι γενοίμεθα, οὐδ' ἄν ἔτι ποτὲ τούτου τοῦ ζώου, φησίν, ἡ ψυχὴ πᾶσαν ἀρετὴν λάβοι σχεδὸν ὁ τούτου λόγος 15 εἰη. ζῷον δὲ ὅ τι μὴ γινώσκοι δύο καὶ τρία μηδὲ πε-ριττὸν μηδὲ ἄρτιον, ἀγνοοῖ δὲ τὸ παράπαν ἀριθμόν, οὐκ ἄν ποτε διδόναι λόγον, περὶ ὧν αἰσθήσεις καὶ μνήμας

4 Civ. p. 531 D οὐ γάο που δοκοῦσί γε σοι οἱ ταῦτα δεινοὶ διαλεκτικοὶ εἶναι. οὐ μὰ τὸν Δί', ἔφη, εἰ μὴ μάλα γέ τινες όλίγοι ὧν ἐγὰ ἐντετύχηκα. ἀλλ' ἤδη, εἶπον, μὴ δυνατοί τινες ὅντες δοῦναί τε καὶ ἀποδέξασθαι λόγον εἴσεσθαί ποτέ τι ὧν

φαμὲν δεὶν εἰδέναι; 6 ἐπ' αὐτῷ post ἐκείνων A, sed delenda haec esse punctis significatum est 8 cf. Civ. p. 532 C 10 cf. Epin. p. 976 DE 11 ὑποβάς corr. ex ὑπερβάς A 12 Epin. p. 977 C εἴπερ ἀριθμὸν ἐκ τῆς ἀνθρωπίνης φύσεως ἐξέλοιμεν, οὐν ἄν ποτέ τι φρόνιμοι γενοίμεθα. οὐ γὰρ ἄν ἔτι ποτὲ ψυχὴ τούτου τοῦ ζώου πάσαν ἀρετην λάβοι σχεδόν, ὅτου λόγος ἀπείη. ζῷον δέ, ὅ τι μὴ γιγνώσκοι δύο καὶ τρία μηδὲ περιττὸν μηδὲ ἄρτιον, ἀγνοοῖ δὲ τὸ παράπαν ἀριθμόν, οὐκ ἄν ποτε διδόναι λόγον ἔχοι περὶ ἀν αἰσθήσεις καὶ μνήμας μόνον εἴη κεκτημένον τὴν οὲ ἄλλην ἀρετήν, ἀνδρείαν καὶ σωφροσύτην, οὐδὲν ἀποκωλύει· στερόμενος δὲ ἀληθοῦς λόγου σοφὸς οὐκ ἄν ποτε γένοιτο 15 γὰρ post σχεδὸν supra vs. add. Α²

μόνον είη κεκτημένος στεφόμενος δε άληθοῦς λόγου σοφὸς οὐκ ἄν ποτε γένοιτο. οὐ μὴν οὐδὲ τὰ τῶν ἄλλων τεχνων λεγόμενα, α νυν διήλθομεν, οὐδέποτε τούτων ούδεν μένει, πάντα δε άπολεῖται τὸ παράπαν, δταν 5 ἀριθμητικής τις ἀμελή. δόξειε δ' ἂν ἴσως τισὶ βραχέως άριθμοῦ δεϊσθαι τὸ τῶν ἀνθρώπων γένος, ὡς εἰς τὰς τέχνας ἀποβλέψασι καίτοι μέγα μεν και τοῦτο. εί δέ τις ίδοι τὸ θεῖον τῆς γενέσεως καὶ τὸ θνητόν, ἐν ικαὶ τὸ θεοσεβές γνωρισθήσεται καὶ ὁ ἀριθμὸς ὄντως, οὐκ 10 αν έτι πας μάντις γνοίη σύμπαντα άριθμόν, όσης ήμεν δυνάμεως αίτιος αν είη συγγινόμενος, έπει και μουσικὴν πᾶσαν δι' ἀριθμοῦ μετὰ κινήσεώς τε καὶ φθόγγων ΄ δηλου δτι δεῖ. καὶ τὸ μέγιστου, ἀγαθὸυ ὡς πάντων αἴτιον δτι δε κακών οὐδενός έστι, τοῦτο γνωστέον. σχε-15 δον δε άλόγιστος, ἄτακτος, άσχήμων τε καὶ ἄρουθμος άνάρμοστός τε σφόδρα καὶ πάνθ' ὅσα κακοῦ κεκοινώνηκέ τινος, όστις λέλειπται παντός άριθμου. έν δε τοις έφεξης φησιν. έστιν έχον μηδείς ήμας ποτε πειθέτω τῆς εὐσεβείας εἶναι τῷ θνητῷ γένει. ἐκ γὰο τούτου 20 φύεσθαι και τὰς ἄλλας ἀρετὰς τῷ μαθόντι κατὰ τρόπον.

² Epin. p. 977 D καὶ ὁ νῦν (λόγος) ὀρθῶς ξηθήσεται, ὅτι καὶ τὰ τῶν ἄλλων τεχνῶν λεγόμενα, ὰ νῦν δὴ διήλθομεν ἐῶντες εἶναι πάσας τὰς τέχνας, οὐδὲ τούτων εν οὐδὲν μένει (μενεῖ Stephanus), πάντα δ' ἀπολεῖται τὸ παράπαν, ὅταν ἀριθμητικήν τις ἀνέλη. δόξειε δ' ἄν ἰκανῶς τισι βραχέων ενεκα ἀριθμητικήν δεῖσθαι τὸ τῶν ἀνθρώπων γένος, εἰς τὰς τέχνας ἀποβλέψασι καίτοι κτλ. 9 ὁ non exstat ap. Pl. 11 ἐπεὶ καὶ τὰ κατὰ μουσικήν πᾶσαν διαριθμουμένων κινήσεώς τε κτλ. Pl. 13 δεῖ ⟨εἶναι⟩ cj. Bullialdus ἀγαθῶν Pl. 14 ὅτι δὲ κακῶν οὐδενός, εὖ τοῦτο γνωστέον, ὁ καὶ τάχα γένοιτ' ἄν, ἀλλ' ἡ σχεδὸν ἀἰόγιστός τε καὶ ἄτακτος κτλ. Pl. 16 σφόδρα] φορά Pl. ὁπόσα Pl. κεκοινώνικε Α 17 ὅστις λέλειπται] ἐπιλέλειπται Pl. Ερίπ. p. 989 B μεἰζον μὲν γὰρ ἀφετῆς μηδεὶς ἡμᾶς ποτε πείθη τῆς εὐσεβείας εἶναι τῷ δνητῷ γένει 19 cf. Ερίπ. p. 989 D

έπειτα παραδείκυυσι δεοσέβειαν ὅτφ τρόπφ τις μαθήσεται. λέγει δὲ δεῖν μαθεῖν πρῷτον ἀστρονομίαν. εἰ γὰρ τὸ καταψεύδεσθαι καὶ ἀνθρώπων δεινόν, πολὺ δεινότερον δεῶν καταψεύδοιτο δ΄ ἂν ὁ ψευδεῖς ἔχων δόξας κερὶ θεῶν ψευδεῖς δ΄ ἂν δόξας ἔχοι περὶ θεῶν ὁ μηδὲ 5 τὴν τῶν αἰσθητῶν θεῶν φύσιν ἐπεσκεμμένος, τουτέστιν ἀστρονομίαν. ἀγνοεῖσθαι δέ φησι τοῖς πολλοῖς, ὅτι σοφώτατον ἀνάγκη τὸν ἀληθῶς ἀστρονόμον εἶναι, μὴ τὸν καθ΄ 'Ησίοδον ἀστρονομοῦντα, οἶον δυσμάς τε καὶ ἀνατολὰς ἐπεσκεμμένον, ἀλλὰ τὰς περιόδους τῶν ἐπτά, ὁ 10 μὴ ραδίως ποτὲ πᾶσα φύσις ἰκανὴ γένοιτο θεωρῆσαι. τὸν δ΄ ἐπὶ ταῦτα παρασκευάζοντα φύσεις οῖας δυνατὸν πολλὰς προδιδάσκειν χρεία ἐστὶν ἐθίζοντα παῖδα ὅντα καὶ νεανίσκον διὰ μαθημάτων· ὧν τὸ μέγιστον εἶναι

1 Epin. p. 989 E — θεοσεβείας ώτινι τρόπφ τίς τινα μαθήσεται 7 Epin. p. 990 A άγνοεῖτε ὅτι σοφώτατον ἀνάγκη τὸν ἀληθῶς ἀστρονόμον εἶναι, μὴ τὸν καθ' Ἡσίοδον ἀστρονόμον εἶναι, μὴ τὸν καθ' Ἡσίοδον ἀστρονομοῦντα καὶ πάντας τοὺς τοῦς, οἶον δυσμάς τε καὶ ἀνατολάς ἐπεσκεμμένον, ἀλλὰ τὸν τῶν ὁκτὰ περιόδων τὰς ἐπτὰ περιόδους, διεξιούσης τὸν αὐτὸν κύκλον ἐκάστης, οῦτως ὡς οὐκ ὰν ὁαδίως ποτὲ πὰσα φύσις ἱκανὴ γένοιτο θεωρῆσαι 12 Epin. p. 990 C ἐπὶ δὲ ταῦτα παρασκευάζοντας φύσεις, δι' ὰς (οῖας et δι' οῖας alii) δυνατὸν εἶναι χρεών πολλὰ προδιδάσκοντα καὶ ἐδίζοντα δεῖ διαπονήσασθαι παῖδα ὅντα καὶ πρῶτον. διὸ μαθημάτων δεῖ διαπονήσασθαι παῖδα ὅντα καὶ πρῶτον. διὸ μαθημάτων ἀλλὶ οὐ σώματα ἐχόντων, ἀλλὰ ὅλης τῆς τοῦ περιττοῦ τε καὶ ἀφτίου γενέσεως τε καὶ δυνάμεως, ὅσην παρέχεται πρὸς τὴν τῶν ὅντων φύσιν. ταῦτα δὲ μαθόντα τούτοις ἐφεξῆς ἐστιν ὁ καλοῦσι μὲν σφόδρα γελοίον ὅνομα γεωμετρίαν, τῶν οὐκ ὅντων δὲ ὁμοιων ἀλλήλοις φύσει ἀριθμῶν ὁμοίωσις πρὸς τὴν τῶν ἐπιπέδων μοῖ-ραν γεγονοῖά ἐστι διαφανής. ὁ δὴ θαὸτμα οὐκ ἀνθρώπινον ἀλλὰ γεγονὸς θεὶον φανερὸν ᾶν γίγνοιτο τῷ δυναμένῷ ξυννοεῖν. μετὰ δὲ τούτην τοὺς τρεῖς (τρὶς Βekker) ηψξημένους καὶ τῆ στερεῷ φύσει ὁμοίους, τοὺς δὲ ἀνομοίους αὐ γεγονότας ἐτέρα τέχνη ὁμοία ταῖτη, ἢν δὴ γεωμετρίαν (στερεομετρίαν cod. Ζ) ἐκάλεσαν οί προστυχεῖς αὐτῆ γεγονότες· ὁ δὲ θεῖόν τ' ἐστὶ καὶ θανμαστὸν —

ἀριθμῶν ἐπιστήμονα αὐτῶν, ἀλλ' οὐ σώματα ἐχόντων, καὶ αὐτῆς τῆς τοῖ περιττοῦ τε καὶ ἀρτίου γενέσεώς τε καὶ ἀυνάμεως, ὅσον παρέχεται πρὸς τὴν τῶν ὄντων φύσιν. τούτοις δὲ ἐφεξῆς μαθήματα μὲν καλοῦσι, φησί, 5 σφόδρα γελοῖον ὄνομα γεωμετρίαν ἔστι δὲ τῶν οὐκ ὄντων ὁμοίων ἀλλήλοις φύσει ἀριθμῶν ὁμοίωσις πρὸς τὴν τῶν ἐπιπέδων μοῖραν. λέγει δέ τινα καὶ ἑτέραν ἐμπειρίαν καὶ τέχνην, ἣν δὴ στερεομετρίαν καλεῖ, εἴ τις, φησί, τοὺς τρεῖς ἀριθμοὺς ἐξ ὧν τὰ ἐπίπεδα εἶναι αὐξη10 θέντας ὁμοίους καὶ ἀνομοίους ὅντας, ὡς προεῖπον, στερεὰ ποιεῖ σώματα τοῦτο δὲ θεῖόν τε καὶ θαυμαστόν ἐστι.

και εν Πολιτεία δε περι συμφωνίας τῆς κατὰ μουσικήν φησι καλλίστη και μεγίστη τῶν περι πόλεων συμφωνιῶν ἐστιν ἡ σοφία, ἡς ὁ μεν κατὰ λόγον ζῶν 15 μέτοχος, ὁ δε ἀπολειπόμενος οἰκοφθόρος και περι πόλιν οὐδαμῆ σωτήριος, ᾶτε τὰ μέγιστα ἀμαθαίνων.

καὶ ἐν τῷ τρίτῷ δὲ τῆς Πολιτείας, διδάσκων ὅτι μόνος μουσικὸς ὁ φιλόσοφος, φησίν ἄρ' οὖν πρὸς θεῶν οῦτως οὐδὲ μουσικοὶ πρότερον ἐσόμεθα, οὕτε αὐτοὶ οὕτε 20 οῦς φαμεν ἡμεῖς παιδευτέον εἶναι τοὺς φύλακας, πρὶν

¹² Leg. III p. 689 D ἀλλ' ἡ καλλίστη καὶ μεγίστη τῶν ξυμφωνιῶν μεγίστη δικαιότατ' ἂν λέγοιτο σοφία, ἡς ὁ μὲν κατὰ λόγον ζῶν μέτοχος, ὁ δ' ἀπολειπόμενος οἰκοφθόρος καὶ περὶ πόλιν οὐδαμῆ σωτὴρ ἀλλὰ πᾶν τοὐναντίον ἀμαθαίνων εἰς ταῦτα εκάστοτε φανεὶται 18 Civ. III p. 402 B ἀρ' οὖν, ὁ λέγω, πρὸς θεῶν, οῦτως οὐδὲ μουσικοὶ πρότερον ἐσόμεθα, οὕτε αὐτοὶ οῦτε οῦς φαμεν ἡμὶν παιδευτέον εἰναι τοὺς φύλακας, πρὶν ἂν τὰ τῆς σωφροσύνης εἴδη καὶ ἀνδρείας καὶ ἐλευθεριότητος καὶ μεγαλοπρεπείας καὶ ὅσα τούτων ἀδελφὰ καὶ τὰ τούτων αὖ ἐναντία πανταχοῦ περιφερόμενα γνωρίζωμεν (cf. p. 12, 1) καὶ ἐνόντα ἐν οἷς ἔνεστιν αἰσθανώμεθα καὶ αὐτὰ καὶ εἰκόνας αὐτῶν καὶ μήτε ἐν σμικροῖς μήτε ἐν μεγάλοις ἀτιμάζωμεν, ἀλλὰ τῆς οὐτῆς οἰώμεθα τέχνης εἰναι καὶ μελέτης; ἄρ corr. ex ἀρ Α

ἂν ᾶπαντα τὰ τῆς σωφροσύνης είδη καὶ ἀνδρείας καὶ μεγαλειότητος καλ μεγαλοποεπείας καλ όσα τούτων άδελφὰ καί €ὰ τούτων ύπεναντία πανταχῆ περιφερόμενα χωρίζωμεν καὶ ένόντα έν οἶς ἔστιν αἰσθανώμεθα και αύτὰ και είκονας αὐτῶν και μήτε ἐν μικροῖς μήτε 5 έν μεγάλοις ἀτιμάζωμεν, άλλὰ τῆς αὐτῆς οἰώμεθα τέχνης είναι καὶ μελέτης; διὰ γὰο τούτων καὶ τῶν ποὸ αὐτῶν τί τε ὄφελος έκ μουσικής δηλοί, καὶ ὅτι μόνος ὄντως μουσικός ὁ φιλόσοφος, ἄμουσος δὲ ὁ κακὸς. τῆ μὲν γὰρ εὐηθεία ὄντως, ήτις έστιν άρετη τὸ εὖ τὰ ήθη κατε- 10 σκευασμένα έχειν, έπεσθαί φησιν εὐλογίαν, τουτέστι τὸ εὖ λόγω χοῆσθαι, τῆ δὲ εὐλογία τὴν εὐσχημοσύνην καὶ εύουθμίαν καλ εύαρμοστίαν εύσχημοσύνην γάο περλ μέλος, εὐαρμοστίαν δὲ περί άρμονίαν, εὐρυθμίαν δὲ περί ουθμόν τη δε κακοηθεία, τουτέστι τῷ κακῷ ήθει, 15 φησίν επεσθαι κακολογίαν, τουτέστι κακοῦ λόγου χοῆσιν, τῆ δὲ κακολογία ἀσχημοσύνην καὶ ἀρρυθμίαν καὶ άναομοστίαν περί πάντα τὰ γενίμενα καὶ μιμούμενα: ώστε μόνος αν είη μουσικός ὁ κυρίως εὐήθης, όστις είη αν ό φιλίσοφος. δηλοϊ δὲ καὶ τὰ εἰρημένα. ἐπεὶ γὰρ ἡ 20 μουσική τὸ εὔουθμον καὶ εὐάομοστον καὶ εὔσχημον έμποιεῖ τῆ ψυχῆ ἐκ νέου εἰσδυομένη διὰ τὸ τῆ ἀφελεία μεμιγμένην έχειν άβλαβη ήδονήν, άδύνατόν φησι τέλεον μουσικόν γενέσθαι μή είδότα τὸ έν παντί εὔσχημον καί τὰ τῆς εὐσχημοσύνης καὶ έλευθεριότητος καὶ σωφροσύ- 25

¹ αν supra vs. A 5 αντων infra vs. A 9 cf. Civ. p. $400\,\mathrm{D}-401\,\mathrm{A}$ 12 εν λόγω] ενλόγως A 13 ad ενονθμίαν in mg. A adnotatum erat το βιβλίον έχει έρνθμίαν, quae verba deleta sunt 17 ἀρνθμίαν A 20 τὰ είρημένα: p. 10, 18 sqq. an scr. τὰ προειρημένα?

νης είδη μὴ γνωρίζοντα, τουτέστι τὰς ίδέας. ἀμέλει ἐπιφέρει ἐν παντὶ περιφερόμενα — τουτέστι τὰ είδη — καὶ
μὴ ἀτιμάζων αὐτὰ μήτ' ἐν σμικροῖς μήτ' ἐν μεγάλοις.
ἡ δὲ τῶν ίδεῶν γνῶσις περὶ τὸν φιλόσοφον οὐδὲ γὰρ
είδείη τις ἂν τὸ κόσμιον καὶ σῶφρον καὶ εὕσχημον
αὐτὸς ὢν ἀσχήμων καὶ ἀκόλαστος τὸ δ' ἐν βίφ εὕσχημον καὶ εὕρυθμον καὶ εὐάρμοστον εἰκόνες τῆς ὄντως
εὐσχημοσύνης καὶ εὐαρμοστίας καὶ εὐρυθμίας, τουτέστι
τῶν νοητῶν καὶ ἰδεῶν εἰκόνες τὰ αἰσθητά.

καὶ οί Πυθαγορικοὶ δέ, οἶς πολλαχῆ ἔπεται Πλάτων, 10 την μουσικήν φασιν έναντίων συναρμογην καὶ τών πολλών ενωσιν και των δίχα φρονούντων συμφρόνησιν. ού γὰο δυθμῶν μόνον καὶ μέλους συντακτικήν, ἀλλ'. άπλῶς παντὸς συστήματος τέλος γὰρ αὐτῆς τὸ ένοῦν 15 τε και συναρμόζειν. και γὰρ ὁ θεὸς συναρμοστής τῶν διαφωνούντων, και τοῦτο μέγιστον ἔργον θεοῦ κατὰ μουσικήν τε καὶ κατὰ ἰατρικὴν τὰ ἐχθρὰ φίλα ποιεῖν. έν μουσική, φασίν, ή δμόνοια τῶν πραγμάτων, ἔτι καλ άριστοκρατία τοῦ παντός. και γὰρ αῦτη ἐν κόσμφ μέν 20 άρμονία, εν πόλει δ' εὐνομία, εν οἴκοις δε σωφροσύνη γίνεσθαι πέφυκε· συστατική γάο έστι καλ ένωτική τῶν πολλών ή δε ενέργεια και ή χρησις, φησί, της επιστήμης ταύτης έπὶ τεσσάρων γίνεται τῶν ἀνθρωπίνων, ψυχῆς, σώματος, οίκου, πόλεως προσδεῖται γὰρ ταῦτα 25 τὰ τέσσαρα συναρμογῆς καὶ συντάξεως.

έν δὲ τῆ Πολιτεία. Πλάτων ὑπὲο τῶν μαθημάτων

² cf. p. 11, 3 sqq. (Civ. p. 402 AC) 10 cf. Boeckh Philolaos Lehren p. 61 12 διχοφορονόντων Ast ad Nicom. p. 299 18 (καὶ) έν μουσική? 20 cf. p. 47, 2 sq.

γ⁶ ένωτική 21 εὐνοητική (οη ex corr. ut vid.) Α 22 φασί?

καὶ τάδε ἔφη ἀγαθὸς δὲ ἀνὴρ ὅστις διασώζει τὴν ὀρθὴν δόξαν τῶν ἐκ παιδείας αὐτῷ ἐγγενομένων ἔν τε λύπαις καὶ ἡδοναῖς καὶ ἐπιθυμίαις καὶ φόβοις καὶ μὴ ἐκβάλλει. ὡ δέ μοι δοκεῖ ὅμοιον εἶναι, θέλω ἀπεικάσαι. οἱ νῦν βαφεῖς, ἐπειδὰν βουληθῶσι βάψαι ἔρια ῶστ' εἶναι τὰλουργά, πρῶτον μὲν ἐκλέγονται ἐκ τοσούτων χρωμάτων μίαν φύσιν τὴν τῶν λευκῶν, ἔπειτα προκατασκευάζουσιν οὐκ ὀλίγη παρασκευῆ θεραπεύσαντες, ὅπως δέξηται ὅ τι μάλιστα τὸ ἄνθος, καὶ οῦτως βάπτουσι καὶ Ὁ μὲν ἂν τούτῷ τῷ τρόπῷ βαφῆ, ὁμοῦ τι τὸ βαφὲν καὶ 10

1 Civ. p. 429 C (cf. etiam antecedentia) διὰ παντὸς δὲ έλεγον αύτην σωτηρίαν τὸ έν τε λύπαις όντα διασώζεσθαι αὐτην και ἐν ἡδοναῖς καὶ ἐν (ἐν om. codices complures Platonis et Stobaei Flor. XXXXIII 97) ἐπιθυμίαις καὶ ἐν (ἐν om. Stob. ed. Trincav.) φόβοις καὶ μὴ ἐκβάλλειν. ῷ δέ μοι δοκεὶ ὅμοιον είναι, έθέλω άπεικάσαι, εί βούλει. άλλα βούλομαι. ούκουν οίσθα, ην δ' έγώ, ὅτι οι βαφεῖς, ἐπειδὰν βουληθῶσι βάψαι ἔφια ὥστ' εἶναι ὰλουργά, πρῶτον μὲν ἐπλέγονται ἐπ τοσούτων χρωμάτων μίαν φύσιν την των λευκών, ξπειτα προπαρασκευάζουσιν ούκ όλίγη παρασκευή θεραπεύσαντες, ὅπως δέξεται (δέξηται Stobaei codex A et complures Platonis) ὅ τι μάλιστα τὸ ἄνθος, καὶ οὕτω δὴ βάπτουσι καὶ ὁ μὲν ἂν τούτω τῷ τρόπω βαφή, δευσοποιόν γίγνεται τὸ βαφέν, καὶ ἡ πλύσις οὖτ' ἄνευ ξυμμάτων οὔτε μετὰ ξυμμάτων δύναται αὐτῶν τὸ ἄνθος ἀφαι-ξείσθαι. ἃ δ' ἀν μή, οἴσθα οἶα δὴ γίγνεται, ἐάν τέ τις ἀλλα καράματα βάπτη ἐάν τε καὶ ταῦτα μὴ προθεσαπεύσας. οίδα, ἔφη, ὅτι ἔκπλυτα καὶ γελοία. τοιούτον (τοιούτο codd. duo) τοίνυν, ἡν δ' ἐγώ, ὑπόλαβε κατὰ δύναμιν ἐργάζεσθαι καὶ ἡμᾶς, ὅτε ἐξελεγόμεθα τοὺς στρατιώτας καὶ ἐπαιδεύομεν (ค่ add. codd. Stobaei) แบบอเหก หลุโ ขบแทนธาเหก แกรโลง อใจข (εν add. codd. Stoober) μουσική και γυμναστική μησεν στου αλλο μηχανάσθαι, η όπως ημέν ο τι κάλλιστα τούς νόμους πεισθέντες δέξοιντο ώσπες βαφήν, ένα δευσοποιός αὐτών η δόξα γίγνοιτο καλ περλ δεινών καλ περλ τών άλλων, διὰ τὸ τήν τε φύσιν καλ τὴν τροφὴν ἐπιτηδείαν ἐσχηκέναι, καλ μὶ αὐτών ἐκπλύναι τὴν βαφήν τὰ ξύμματα ταῦτα, δεινὰ όντα έκκλύζειν, ή τε ήδονή, παντὸς χαλεστραίου δεινοτέρα οὖσι τοῦτο δρᾶν καὶ κονίας, λύπη τε καὶ φόβος καὶ ἐπιθυμία, παντὸς αιλου δύμματος

ή φίσις, καὶ οὖτε ἄνευ ουμμάτων οὔτε μετὰ οδμμάτων δύναται αὐτῶν τὸ ἄνθος ἀφαιρεῖσθαι ἃ δ' αν μή, οίσθα οία δη γίνεται, αν μη προθεραπείσας βάπτη, έκπλυτα καὶ ἐξίτηλα καὶ οὐ δευσοποιά, τοιοῦτο δὲ κατὰ 5 δύναμιν έργάζεσθαι ήγεῖσθαι χρή καὶ ἡμᾶς. παιδεύομεν γὰο τοὺς παϊδας ἐν μουσικῆ τε καὶ γυμναστικῆ καὶ γράμμασι και γεωμετρία και έν άριθμητική, ούδεν άλλο μηχανώμενοι, ἢ ὅπως ἡμεῖς προεκκαθάραντες καὶ προθεραπεύσαντες ώσπερ τισί στυπτικοῖς τοῖς μαθήμασι 10 τούτοις, τοὺς περὶ ἀπάσης ἀρετῆς ἣν ἂν ἐκμανθάνωσιν ύστερον λόγους ένδείξοιντο ώσπερ βαφήν, ΐνα δευσοποιὸς αὐτῶν ἡ δόξα γίνοιτο, διὰ τὸ τὴν φύσιν καὶ τροφην επιτηδείαν έσχηκεναι, και μη εκπλύνη αὐτῶν την βαφην τὰ δύμματα ταῦτα, δεινὰ ὄντα ἐκκλύζειν, 15 η τε ήδονή, παντός στοεβλοῦ δεινοτέρα οὖσα καὶ κοινωνίας, λύπη τε καὶ φόβος καὶ ἐπιθυμία, παντὸς ἄλλου δύμματος.

καί γὰρ αὖ τὴν φιλοσοφίαν μύησιν φαίη τις ἂν ἀληθοῦς τελετῆς καὶ τῶν ὄντων ὡς ἀληθῶς μυστηρίων 20 παράδοσιν. μυήσεως δὲ μέρη πέντε. τὸ μὲν προηγούμενου καθαρμός οὕτε γὰρ ἄπασι τοῖς βουλομένοις μετουσία μυστηρίων ἐστίν, ἀλλ' εἰσὶν οῦς αὐτῶν εἰργεσθαι προαγορεύεται, οἶον τοὺς χεῖρας μὰ καθαρὰς καὶ φωνὴν ἀξύνετον ἔχοντας, καὶ αὐτοὺς δὲ τοὺς μὴ εἰργομένους ἀνάγκη καθαρμοῦ τινος πρότερον τυχεῖν. μετὰ δὲ τὴν κάθαρσιν δευτέρα ἐστὶν ἡ τῆς τελετῆς παράδοσις.

⁹ στυπτικοῖς: κ in ras. trium aut quattuor litterarum A
12 γένοιτο A 18 cf. Plat. Phaed. p. 69 D 20 α A in margine 23 cf. Bernhardy Grundriss der griech. Litt. I p.
22. Schoemann opusc. II p. 351 26 β mg. A

τρίτη δε ζή επονομαζομένη εποπτεία τετάρτη δέ, δ δή και τέλος της έποπτείας, ανάδεσις και στεμμάτων έπίθεσις, ώστε καὶ έτέροις, ας τις παρέλαβε τελετάς, παραδούναι δύνασθαι, δαδουχίας τυχόντα ἢ ίεροφαντίας ή τινος άλλης ιερωσύνης πέμπτη δε ή έξ αὐτῶν περι- 5 γενομένη κατά τὸ θεοφιλές καλ θεοῖς συνδίαιτον εὐδαιμονία. κατὰ ταὐτὰ δὴ καὶ ἡ τῶν Πλατωνικῶν λόγων παράδοσις τὸ μὲν πρῶτον ἔχει καθαρμόν τινα, οἶον τὴν ἐν τοῖς προσήχουσι μαθήμασιν έχ παίδων συγγυμνασίαν. δ μέν γὰο Ἐμπεδοκλῆς κοηνάων ἀπὸ πέντ' ἀνιμῶντά φησιν ἀτει- 10 ρέι γαλκῶ δεῖν ἀπορρύπτεσθαι ὁ δὲ Πλάτων ἀπὸ πέντε μαθημάτων δεῖν φησι ποιεῖσθαι τὴν κάθαρσιν ταῦτα δ' έστιν άριθμητική, γεωμετρία, στερεομετρία, μουσική, άστρονομία. τῆ δὲ τελετῆ ἔοικεν ἡ τῶν κατὰ φιλοσοφίαν θεωρημάτων παράδοσις, των τε λογικών καλ πολιτικών 15 καλ φυσικών, εποπτείαν δε όνομάζει την περλ τα νοητά καὶ τὰ ὄντως ὄντα καὶ τὰ τῶν ἰδεῶν πραγματείαν. ανάδεσιν δε και κατάστεψιν ήγητέον το έξ ών αὐτός τις κατέμαθεν οἶόν τε γενέσθαι καὶ έτέρους είς την αὐτην θεωρίαν καταστησαι: πέμπτον δ' αν είη 20 καλ τελεώτατον ή έκ τούτων περιγενομένη εὐδαιμονία

¹ $\bar{\gamma}$ et $\bar{\delta}$ mg. A $\hat{\eta}$ add. Lobeck Aglaoph. p. 39 5 $\pi \epsilon \mu \pi \tau \eta$ δὲ $\hat{\eta}$] $\hat{\eta}$ δὲ $\bar{\epsilon}$ A 6 $\epsilon \dot{v} \delta \alpha \iota \mu \nu \tau \alpha \nu$ A, em. Bullialdus 7 $\tau \alpha \bar{v} \tau \alpha$ A $[\Pi \lambda \alpha \tau \omega \nu \iota \kappa \bar{\omega} \nu]$ $\pi o \lambda \iota \tau \iota \kappa \bar{\omega} \nu$ A 8 $\bar{\alpha}$ mg. A 9 $\tau \dot{\eta} \nu - \sigma \nu \gamma \gamma \nu \iota \nu \nu \alpha \sigma (\alpha \Lambda)$ 10 $[E \mu \pi \epsilon \delta \sigma \iota \lambda \tilde{\eta} \bar{\gamma} \epsilon]$ vs. 422 Karsten, 442 Stein, 452 Mullach. cf. Aristot. Poet. p. 1457 b ανιμῶντα: αν et ω ex corr. ι in ras. A ἀτειφέι corr. ex ἀ ανηφέι, inter φέ et ι una lit. er. A 11 $\chi \alpha \lambda \iota \kappa \bar{\omega}$ δεὶν ἀπορφύπτεσθαι: $\iota \kappa \bar{\omega}$ δεὶν et pr. ϱ in ras. A 13 στεφεύμετ $\varrho (\alpha)$: o corr. ex $\bar{\omega}$ A $\bar{\beta}$ mg. A 16 cf. Phaedrus p. 250 C $\bar{\gamma}$ mg. A 17 $\tau \dot{\alpha}$ $\tau \bar{\omega} \nu$ Hultsch] $\tau \dot{\eta} \nu$ $\tau \bar{\omega} \nu$ A 18 $\bar{\delta}$ mg. A 20 $\bar{\epsilon}$ mg. A

καὶ κατ' αὐτὸν τὸν Πλάτωνα ὁμοίωσις θεῷ κατὰ τὸ δυνατόν.

πολλά μεν οὖν καὶ ἄλλα ἔχοι τις ἂν λέγειν παραδεικνύς τὸ τῶν μαθημάτων χρήσιμον καὶ ἀναγκαίον. 5 τοῦ δὲ μὴ δοκεῖν ἀπειροκάλως διατρίβειν ⟨έν⟩ τῷ τῶν μαθημάτων ἐπαίνω τρεπτέον ήδη πρὸς τὴν παράδοσιν τῶυ ἀναγκαίων κατὰ τὰ μαθήματα θεωρημάτων, οὐχ όσα δύναιτο αν τὸν ἐντυγχάνοντα ἢ ἀριθμητικὸν τελέως η γεωμέτοην η μουσικόν η άστρονόμον άποφηναι οὐδε 10 γάρ έστι τοῦτο προηγούμενον η προκείμενον απασι τοις Πλάτωνι έντυγγάνουσι μόνα δε ταῦτα παραδώσομεν, όσα έξαρχει πρός τὸ δυνηθηναι συνείναι τῶν συγγραμμάτων αὐτοῦ. οὐδὲ γὰρ αὐτὸς άξιοῖ εἰς ἔσχατον γῆρας ἀφικέσθαι διαγράμματα γράφοντα καὶ μελφδίαν, 15 άλλὰ παιδικὰ οἴεται ταῦτα τὰ μαθήματα, προπαρασκευαστικά καὶ καθαρτικά ὄντα ψυχῆς εἰς τὸ ἐπιτήδειον αὐτὴν πρὸς φιλοσοφίαν γενέσθαι. μάλιστα μὲν οὖν χοὴ τὸν μέλλοντα οἶς τε ἡμεῖς παραδώσομεν οἶς τε Πλάτων συνέγραψεν έντεύξεσθαι διὰ γοῦν τῆς πρώτης 20 γραμμικής στοιχειώσεως κεχωρηκέναι φᾶον γὰρ ἂν ξυνέποιτο οίς παραδώσομεν. Εσται δ' όμως τοιαυτα και τὰ παρ' ήμῶν, ώς και τῷ παντάπασιν ἀμυήτῷ τῶν μαθημάτων γνώριμα γενέσθαι.

πρώτον δε μνημονεύσομεν τῶν ἀριθμητικῶν θεωρη
μάτων, οἶς συνέζευκται καὶ τὰ τῆς ἐν ἀριθμοῖς μουσικῆς·

τῆς μὲν γὰρ ἐν ὀργάνοις οὐπαντάπασι προσδεόμεθα, καθα

καὶ αὐτὸς ὁ Πλάτων ἀφηγεῖται λέγων ὡς οὐ χρὴ ὥσπερ

¹ Theaet. p. 176 B 3 αν λέγειν apogr.] αναλέγειν A 24 inscr. περλ άριθμητικής A, β in mg. 27 Civ. VII p. 531 A, cf. p. 6, 5 sqq.

έκ γειτόνων φωνήν δηρευομένους πράγματα παρέχειν ταις χορδαις. ὀρεγόμεθα δε την εν κόσμω άρμονίαν και την έν τούτω μουσικήν κατανοήσαι ταύτην δε ούχ οίόν τε κατιδείν μή της έν άριθμοίς πρέτερον θεωρητικούς γενομένους. διὸ και πέμπτην ὁ Πλάτων φησιν 5. είναι την μουσικήν, την έν κόσμφ λέγων, ήτις έστιν έν τῆ κινήσει καὶ τάξει καὶ συμφωνία τῶν ἐν αὐτῷ κινουμένων άστρων. ήμιν δ' άναγκατον δευτέραν αυτήν τάττειν μετὰ ἀριθμητικήν καὶ κατ' αὐτὸν τὸν Πλάτωνα, έπειδη οὐδ' ή έν κόσμφ μουσική ληπτη ανευ της έξαριθ- 10 μουμένης και νοουμένης μουσικής. ώστε εί μεν συνέζευκται τη περί ψιλούς άριθμούς θεωρία ή έν άριθμοϊς μουσική, δευτέρα αν ταχθείη προς την της ήμετέρας θεωρίας εύμάρειαν. πρός δε την φυσικήν τάξιν πρώτη μεν αν είη ή περί άριθμούς θεωρία, καλουμένη άριθ- 15 μητική δευτέρα δε ή περί τὰ ἐπίπεδα, καλουμένη γεωμετρία τρίτη δε ή περί τὰ στερεά, ήτις έστι στερεομετρία τετάρτη (δε) ή περί τὰ κινούμενα στερεά, ήτις έστιν άστρονομία. ή δε της των κινήσεων και διαστημάτων ποιὰ σχέσις έστὶ μουσική, ήτις ούχ οῖα τέ έστι 20 ληφθηναι μη πρότερον ημών αὐτην έν άριθμοῖς κατανοησάντων διὸ πρὸς τὴν ἡμετέραν θεωρίαν μετ' ἀριθμητικήν τετάχθω ή έν άριθμοῖς μουσική, ώς δὲ πρὸς τὴν φύσιν πέμπτη ζή της τοῦ κόσμου άρμονίας θεωρητική μουσική. κατά δή τους Πυθαγορικούς πρεσβευτέα 25

⁴ τῆς corr. ex τοῖς A 5 Πλάτων: cf. Civ. p. 530 D 6 τὴν ἐν κόσμω λέγων] τῶν ἐν κόσμω λόγων A, cf. vs. 2 et 10 7 αὐτῷ Bull.] αὐτῆ A 10 scrib. vid. ἄνευ τῆς ἐν ἀριθμοῖς (vel ἐξ ἀριθμῶν) κατανοουμένης, cf. vs. 21 18 δὲ add. Bull. 19 scr. vid. πέμπτη δὲ ἡ τῆς τῶν κιν. καὶ διαστ. πρὸς ἄλληλα σχέσεως θεωρητικὴ μουσική 21 αὐτὴν] τὴν? 25 μέχρι τούτου mg. Α πρεσβευτὰς Α

τὰ τῶν ἀριθμῶν ὡς ἀρχὴ καὶ πηγὴ καὶ ρίζα τῶν κάντων.

άριθμός έστι σύστημα μονάδων, η προποδισμός πλήθους ἀπὸ μονάδος ἀρχόμενος καὶ ἀναποδισμὸς είς 5 μονάδα καταλήγων. μονάς δέ έστι περαίνουσα ποσότης [άρχὴ καὶ στοιχείον τῶν ἀριθμῶν], ῆτις μειουμένου του πλήθους κατά την ύφαίρεσιν του παντός άριθμου στερηθείσα μονήν τε καὶ στάσιν λαμβάνει. οὐ γὰρ οἶόν τε περαιτέρω γενέσθαι την τομήν και γαρ έαν είς μόρια 10 διαιρώμεν τὸ εν έν αίσθητοις, έμπαλιν πλήθος γενήσεται τὸ εν καὶ πολλά, καὶ καταλήξει είς εν κατά τὴν ύφαίρεσιν έκάστου τῶν μορίων κἂν ἐκεῖνο πάλιν εἰς μόρια διαιρώμεν, πληθός τε τὰ μόρια γενήσεται καὶ ή κατάληξις καθ' ύφαίρεσιν έκάστου τῶν μορίων εἰς εν. 15 ώστε άμέριστον και άδιαίρετον τὸ ξυ ώς ξυ. και γάρ ό μεν άλλος άριθμός διαιρούμενος έλαττοῦται καὶ διαιφεῖται εἰς ἐλάττονα αύτοῦ μόρια, οἶον τὰ ς΄ εἰς τὰ γ΄ $n\alpha l$ γ' $\ddot{\eta}$ δ' $n\alpha l$ β' $\ddot{\eta}$ ϵ' $n\alpha l$ α' . τὸ δὲ ξν $\ddot{\alpha}$ ν μὲν έν αίσθητοῖς διαιρῆται, ώς μέν σῶμα έλαττοῦται καὶ διαι-20 οεῖται εἰς ἐλάττονα αὑτοῦ μόρια τῆς τομῆς γινομένης, ώς δε άριθμός αύξεται άντι γαρ ενός γίνεται πολλά. ώστε και κατά τοῦτο άμερες τὸ εν. οὐδεν γὰρ διαιρούμενον είς μείζονα έαυτοῦ μόρια διαιρείται τὸ δὲ ⟨εν⟩

3 inser. πε ο ξενός και μονάδος Α, γ in mg. Stob. ecl. I 1, 8 έκ τῶν Μοδεράτου Πυθαγορείου. ἔστι δ' ἀριθμὸς ὡς τύπω εἰπεῖν σύστημα μονάδων, ἢ προποδισμὸς πλήθους ἀπὸ μονάδος ἀρχόμενος καὶ ἀναποδισμὸς εἰς μονάδα καταλήγων, μονάδας δὲ περαίνουσα ποσότης, ἢτις μειουμένου τοῦ πλήθους κατὰ τὴν ὑφαίρειν παντὸς ἀριθμοῦ στερηθείσα μονήν τε καὶ στάσιν λαμράνει. περαιτέρω γὰρ ἡ μονὰς τῆς ποσότητος (ser. τῆς μονάδος ἡ ποσότης) οὐκ ἰσχύει ἀναποδίζειν. cf. schol. Dion. Thr. p. 820, 14 9 περαιτέρω: α corr. ex ε Α 14 post ἐκάστου ras. trium fere litt. Α 23 εἰς ⟨ἴσα ἑαντῷ ἢ εἰς⟩ μείζονα ἑαυτοῦ?

διαιρούμενον καὶ εἰς μείζονα τοῦ ὅλου μόρια ώς ἐν άριθμοϊς διαιφείται καὶ (είς) ζοα τῷ ὅλῷ. οἶον τὸ ξν τὸ ἐν αἰσθητοῖς ἂν εἰς εξ διαιρεθῆ, εἰς ἴσα μεν τῷ ὅλφ ώς ἀφιθμός διαιρεθήσεται α΄ α΄ α΄ α΄ α΄ α΄, είς μείζονα δὲ τοῦ ὅλου ὡς ἀριθμὸς είς δ΄ καὶ β΄ τὰ γὰρ β΄ καὶ τ δ΄ ώς ἀριθμοὶ πλείονα τοῦ ένός. ἀδιαίρετος ἄρα ἡ μονάς ώς άφιθμός. καλεΐται δε μονάς ήτοι άπο τοῦ μένειν άτρεπτος καὶ μὴ ἐξίστασθαι τῆς έαυτῆς φύσεως: όσακις γαρ αν έφ' έαυτην πολλαπλασιάσωμεν την μονάδα, μένει μονάς καὶ γὰο ἄπαξ εν εν, καὶ μέχρις 10 • ἀπείρου ἐὰν πολλαπλασιάζωμεν τὴν μονάδα, μένει μονάς. ἢ ἀπὸ τοῦ διακεκρίσθαι καὶ μεμονῶσθαι ἀπὸ τοῦ λοιποῖ πλήθους τῶν ἀριθμῶν καλεῖται μονάς. ἡ δὲ διενήνοχεν ἀριθμὸς καὶ ἀριθμητόν, ταύτη καὶ μονὰς καὶ εν. ἀριθμὸς μὲν γάρ ἐστι τὸ ἐν νοητοῖς ποσόν, 15 οἷον αὐτὰ ε΄ καὶ αὐτὰ ι΄, οὐ σώματά τινα οὐδὲ αἰσθητά, άλλα νοητά άριθμητον δε το έν αίσθητοῖς ποσόν, ώς Ίπποι ε΄, βόες ε΄, ἄνθρωποι ε΄. καὶ μονὰς τοίνυν ἐστὶν ή τοῦ ένὸς ἰδέα ή νοητή, η έστιν ἄτομος εν δε τὸ έν αίσθητοῖς καθ' έαυτὸ λεγόμενον, οἶον εἶς ἵππος, εἶς 20 ἄνθρωπος. ώστ' είη ἂν άρχὴ τῶν μὲν άριθμῶν ἡ μονάς, των δε αριθμητων τὸ εν και τὸ εν ώς εν αισθητοις

7 pergit Stob. l. c. ὅστε μονὰς ἦτοι ἀπὸ τοῦ ἑστάναι καὶ κατὰ ταὐτὰ ὡσαύτως ἄτρεπτος μένειν, ἢ ἀπὸ τοῦ διακεκρίσθαι καὶ παντελῶς μεμονῶσθαι τοῦ πλήθους εὐλόγως ἐκλήθη 11 fort. add. ἐφ' ἑαντὴν 19 ἢ] ὅ A 21 inscr. τίς ἀρχὴ ἀριθ μοῦ Α, δ̄ in mg. 22 Stob. ecl. I 1, 9 τινὲς τῶν ἀριθμῶν ἀρχὴν ἀπεφήναντο τὴν μονάδα, τῶν δὲ ἀριθμητῶν τὸ ἔν, τοῦτο δὲ σῶμα τεμνόμενον εἰς ἄπειρον· ὅστε τὰ ἀριθμητὰ τῶν ἀριθμῶν ταύτη διαλλάττειν ἢ διαφέρει τὰ σώματα τῶν ἀσωμάτων. εἰδέναι δὲ καὶ τοῦτο χρὴ ὅτι τῶν ἀριθμῶν εἰσηγήσαντο τὰς ἀριθμῶν ἐισηγήσαντο τὰς ἀριδμῶν ρείσηγήσαντο τὰς ἀριδμὸς οἱ μὲν νεώτεροι τῆν τε μονάδα καὶ τὴν δυάδα, οἱ δὲ Πυθαγόρειοι πάσας παρὰ τὸ ἑξῆς τὰς τῶν ὅρων ἐκθέσεις,

τέμνεσθαί φασιν είς ἄπειρον, οὐχ ώς ἀριθμὸν οὐδὲ ώς άρχην άριθμοῦ, άλλ' ώς αίσθητόν. ώστε ή μέν μονας νοητή οὖσα ἀδιαίρετος, τὸ δὲ εν ὡς αίσθητὸν εἰς ἄπειρον τμητόν. και τὰ ἀριθμητὰ τῶν ἀριθμῶν είη ἂν διαφέ-5 ρουτα τῷ τὰ μὲν σώματα είναι, τὰ δὲ ἀσώματα. ἁπλῶς δε άρχας άριθμῶν οι μεν ὕστερόν φασι τήν τε μονάδα καὶ τὴν δυάδα, οί δὲ ἀπὸ Πυθαγόρου πάσας κατὰ τὸ έξης τας των δρων έκθέσεις, δι' ων άρτιοί τε και περιττοι νοοῦνται, οίον τῶν ἐν αισθητοῖς τριῶν ἀρχὴν τὴν 10 τριάδα καὶ τῶν ἐν αἰσθητοῖς τεσσάρων πάντων ἀρχὴν την τετράδα και έπι των άλλων άριθμων κατά ταύτά. οί δὲ καὶ αὐτῶν τούτων ἀρχὴν τὴν μονάδα φασί καὶ τὸ ξυ πάσης ἀπηλλαγμένου διαφορᾶς ώς ἐυ ἀριθμοῖς, μόνον αὐτὸ εν, οὐ τὸ εν, τουτέστιν οὐ τόδε τὸ ποιὸν και διαφοράν τινα πρός έτερον εν προσειληφός, άλλ' αὐτὸ καθ' αὑτὸ εν. οῦτω γὰρ ἄν ἀρχή τε καὶ μέτρον είη τῶν ὑφ' έαυτὸ ὄντων, καθὸ ἕκαστον τῶν ὄντων ἕν λέγεται, μετασχὸν τῆς πρώτης τοῦ ένὸς οὐσίας τε καὶ ίδέας. 'Αρχύτας δε καὶ Φιλόλαος άδιαφόρως τὸ εν καὶ 20 μονάδα καλοῦσι καὶ τὴν μονάδα ἕν. οἱ δὲ πλεῖστοι προστιθέασι τῷ μονάδα αὐτὴν τὴν πρώτην μονάδα, ώς ούσης τινὸς οὐ πρώτης μονάδος, η έστι κοινότερον καὶ αὐτὴ μονὰς καὶ εν - λέγουσι δὴ καὶ τὸ εν -, τουτδι' ών ἄρτιοί τε και περιττοι νοοῦνται. cf. Phot. Bibl. p. 438 b 34. corr. ex ἀπλῶν Α 11 ταῦτά Α 14 μόνον ⟨ονν αὐτὸ ἔν?
αὐτὸ ἕν corr. in αὐτοὲν Α ποιὸν ⟨ἔν⟩? 16 καθ'
αὐτὸ ἕν corr. in αὐτοὲν Α ποιὸν ⟨ἕν⟩? 16 καθ'
αὐτὸ τὸ ἔν Bull. 17 ἔαντὸ: ὸ corr. ex ῶ Α 19 Ἰορνότας:
Mullach fragm. philos. Gr. II p. 117 Φιλόλαος: Boeckh Philolaos Lehren p. 147. Mullach II p. 5. cf. Zeller I p. 320, 1
21 τῷ μονάδα] scrib. vid. aut τῆ μονάδι aut τῷ μονάδα
⟨εἶναι⟩ 22 μονάδος] μό Α 23 αῦτη Α καὶ τὸ ἕν] οὐ tò Eu? cf. vs. 14

έστιν ή πρώτη καὶ νοητή οὐσία τοῦ ένός, έκάστου τῶν ποαγμάτων παρέχουσα εν' μετοχή γὰρ αὐτῆς εκαστον εν καλείται. διὸ καὶ τούνομα αὐτοῦ οὐδεν παρεμφαίνει τί εν και τίνος γένους, κατά πάντων δε κατηγορείται, [ώστε καὶ ή μουὰς καὶ εν έστι,] κᾶν τὰ μὲν νοητὰ καὶ 5 παραδείγματα μηδεν άλλήλων διαφέροντα, τὰ δεαίσθητά. ἔνιοι δὲ έτέραν διαφορὰν τῆς μονάδος καὶ τοῦ ένὸς παρέδοσαν. τὸ μὲν γὰρ εν ούτε κατ' οὐσίαν άλλοιοῦται, ούτε τη μονάδι και τοις περιττοίς αιτιόν έστι του μή άλλοιοῦσθαι κατ' οὐσίαν, οὕτε κατὰ ποιότητα, αὐτὸ 10 γὰο μονάς ἐστι καὶ οὐχ ὅσπεο αί μονάδες πολλαί, οὕτε κατὰ τὸ ποσόν. οὐδὲ γὰρ συντίθεται ώσπερ αί μονάδες άλλη μονάδι εν γάρ έστι και ού πολλά, διὸ και ένικῶς καλεϊται εν. και γαρ εί παρά Πλάτωνι ενάδες είρηνται έν Φιλήβφ, οὐ παρὰ τὸ εν έλέχθησαν, άλλὰ παρὰ τὴν 15 ένάδα, ητις έστι μονάς μετοχη του ένός. κατά πάντα δη άμετάβλητον τὸ εν τὸ ώρισμένον τοῦτο ἐν τῆ μονάδι. ώστε διαφέροι αν τὸ εν τῆς μονάδος, ὅτι τὸ μέν έστιν ώρισμένον και πέρας, αί δε μονάδες ἄπειροι και άόριστοι.

τῶν δὲ ἀριθμῶν ποιοὖνται τὴν πρώτην τομὴν είς 20 δύο τοὺς μὲν γὰρ αὐτῶν ἀρτίους, τοὺς δὲ περιττούς φασι. καὶ ἄρτιοι μέν είσιν οἱ ἐπιδεχόμενοι τὴν εἰς ἴσα διαίρεσιν, ὡς ἡ δυάς, ἡ τετράς περισσοὶ δὲ οἱ εἰς ἄνισα διαιρούμενοι, οἶον ὁ ε΄, ὁ ζ΄. πρώτην δὲ τῶν περισσῶν ἔνιοι ἔφασαν τὴν μονάδα. τὸ γὰρ ἄρτιον τῷ περισσῷ 25 ἐναντίον ἡ δὲ μονὰς ἤτοι περιττόν ἐστιν ἢ ἄρτιον καὶ

¹ ἐκάστω? 9 καὶ τοῖς ⟨ἀρτίοις καὶ⟩ περιττοῖς? μὴ del. Bull. 12 συντίθεται A 14 εἰ corr. ex οἱ A 15 ἐν Φιλήβω: p. 15 A 16 μετοχῆ corr. ex μετοχὴ A 18 τὸ μὲν ⟨ἕν⟩? 20 inscr. π ερὶ άρτίον καὶ π εριττοῦ A, $\bar{\epsilon}$ in mg. 22 εἰς δύο ἴσα Gelder, sed cf. p. 25, 21 sqq. 70, 16. 19. 71, 3. 72, 20

άρτιον μεν ούκ αν είη ού γαρ όπως είς ίσα, άλλ' οὐδε όλως διαιρείται περιττή άρα ή μουάς. καν άρτίφ δε άρτιον προσθής, τὸ πᾶν γίνεται ἄρτιον μονὰς δὲ ἀρτίφ προστιθεμένη τὸ πᾶν περιττὸν ποιεί οὐκ ἄρα ἄρτιον 5 ή μουας άλλα περιττόυ. 'Αριστοτέλης δε έν τῷ Πυθαγορικώ τὸ εν φησιν άμφοτέρων μετέχειν της φύσεως άρτίω μέν γάρ προστεθέν περιττόν ποιεί, περιττώ δέ ἄρτιον, δ οὐκ ἂν ήδύνατο, εί μη ἀμφοϊν τοῖν φυσέοιν μετείχε διό και άρτιοπέριττον καλείσθαι τό εν. συμ-10 φέρεται δε τούτοις και Αρχύτας. περιττοῦ μεν ούν πρώτη ίδεα έστιν ή μονάς, καθάπερ και εν κόσμφ τῷ ώρισμένω και τεταγμένω το περιττον προσαρμόζουσι». άρτίου δε πρώτη ίδεα ή άόριστος δυάς, καθά καὶ έν κόσμφ τῷ ἀορίστφ καὶ ἀγνώστφ καὶ ἀτάκτφ τὸ ἄρτιον 15 προσαρμόττουσι. διὸ καὶ ἀόριστος καλείται ἡ δυάς, έπειδή ούχ έστιν ώσπες ή μονάς ώρισμένη. οί δ' έξης έπόμενοι τούτοις δροι από μοναδος έκτιθέμενοι τα αὐτά αύξονται μεν τη ίση ύπεροχη. μονάδι γαο εκαστος αὐτῶν τοῦ προτέρου πλεονάζει αὐξόμενοι δὲ τοὺς λόγους 20 της πρός άλλήλους σχέσεως αὐτῶν μειοῦσιν. οἶον ἐκτεθέντων ἀριθμῶν α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄ ς΄ ὁ μὲν τῆς δυάδος λόγος πρὸς τὴν μονάδα ἐστὶ διπλάσιος, ὁ δὲ τῆς τριάδος πρὸς την δυάδα ημιόλιος, δ δε της τετράδος προς την τριάδα έπίτριτος, ὁ δὲ τῆς πεντάδος πρὸς τὴν τετράδα ἐπιτέ-25 ταρτος, ὁ δὲ τῆς εξάδος πρὸς τὴν πεντάδα ἐπίπεμπτος. έστι δ' έλάττων λόγος ὁ μὲν ἐπίπεμπτος τοῦ ἐπιτετάρτου,

^{5 &#}x27;Αριστοτέλης: ed. Berol. fr. 194. Rose Arist. pseudepigr. fr. 184. Heitz fragm. Aristot. 115. cf. Zeller I p. 368, 4. II 2² p. 48 πυθαγορικῶ: ω corr. ex ων ut vid. A 8 φυσέοιν mut. in φύσεοιν Α 17 τὰ αὐτὰ del. esse cj. Hultsch 18 μονά γὰρ corr. ex μόνοι Α

ό δὲ ἐπιτέταρτος τοῦ ἐπιτρίτου, ὁ δὲ ἐπίτριτος ⟨τοῦ⟩ ἡμιολίου, ὁ δὲ ἡμιόλιος τοῦ διπλασίου καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν δὲ ἀριθμῶν ὁ αὐτὸς λόγος. ἐναλλὰξ δ' εἰσὶν ἀλλήλοις οῖ τε ἄρτιοι καὶ οἱ περιττοὶ παρ' ἕνα θεωρούμενοι.

τῶν δὲ ἀριθμῶν οί μὲν πρῶτοι καλοῦνται ἁπλῶς καὶ ἀσύνθετοι, οί δὲ πρὸς ἀλλήλους πρῶτοι καὶ οὐχ άπλως, οι δε σύνθετοι άπλως, οι δε πρός αύτους σύνθετοι. πρώτοι μέν άπλώς και άσύνθετοι οι ύπο μηδενὸς μὲν ἀριθμοῦ, ὑπὸ μόνης δὲ μονάδος μετρούμενοι, 10 ώς δ γ΄ ε΄ ζ΄ ια΄ ιγ΄ ιζ΄ καλ οί τούτοις δμοιοι. λέγονται δε οί αὐτοι οὖτοι γραμμικόι και εὐθυμετρικοι διὰ τὸ καὶ τὰ μήκη καὶ τὰς γραμμὰς κατὰ μίαν διάστασιν θεωοεϊσθει · καλούνται δε και περισσάκις περισσοί · ώστε όνομάζεσθαι αὐτοὺς πενταχῶς, πρώτους, ἀσυνθέτους, γραμ- 15 μικούς, εύθυμετρικούς, περισσάκις περισσούς. μόνον δε ούτως καταμετρούνται. τὰ γὰρ τρία οὐκ ἂν ὑπ' ἄλλου καταμετοηθείη ἀριθμοῦ ώστε γεννηθηναι έκ τοῦ πολλαπλασιασμοῦ αὐτῶν, ἢ ὑπὸ μόνης μονάδος ἄπαξ γὰρ τρία τρία. όμοίως δε και απαξ ε΄ ε΄, και απαξ ζ΄ ζ΄, και 20 απαξια΄ ια΄. διὸ καὶ περισσάκις περισσοί κέκληνται οῖ τε γὰρ καταμετρούμενοι περισσοί η τε καταμετροῦσα αὐτοὺς μονὰς περισσή. διὸ και πρώτοι και ἀσύνθετοι μόνοι οί περισσοί. οί γὰρ ἄρτιοι οὖτε πρῶτοι οὖτε ἀσύνθετοι ούτε ύπὸ μόνης μονάδος μετρούμενοι, άλλὰ καὶ ὑπ' 25

¹ τοῦ add. apogr. 2 καὶ supra vs. add. A 6 inscr. περὶ πρώτου καὶ ἀσυνθέτου A, \bar{z} ac mox ad significanda quattuor genera $\bar{\alpha}$ $\bar{\beta}$ $\bar{\gamma}$ $\bar{\delta}$ in mg. 8 scr. vid. of δὲ σύνθετοι άπλῶς καὶ πρὸς αὐτούς, of δὲ πρὸς ἀλλήλους σύνθετοι 9 $\bar{\alpha}$ mg. A 11 $\hat{\omega}$ ς] οὖτως A 16 μόνοι A 18 πολλασιασμοῦ A, em. apogr.

αλλων ἀριθμῶν· οἶον τετρὰς μὲν ὑπὸ δυάδος· δὶς γὰρ β΄ δ΄ έξὰς δὲ ὑπὸ δυάδος καὶ τριάδος δὶς γὰρ γ΄ ς΄ καὶ τρὶς β΄ ς΄ καὶ οί λοιποὶ ἄρτιοι κατὰ τὰ αὐτὰ ὑπό τινων μειζόνων τῆς μονάδος ἀριθμῶν καταμετροῦνται, πλὴν τῆς 5 δυάδος. ταύτη γὰρ μόνη συμβέβηκεν, ὅπερ καὶ ἐνίοις τῶν περισσῶν, τὸ ὑπὸ μονάδος μετρεῖσθαι μόνον ἄπαξ γὰο β΄ β΄ διὸ καὶ περισσοειδής εξρηται ταὐτὸ τοῖς περισσοίς πεπουθυία. πρός άλλήλους δε λέγονται πρώτοι άριθμοί καὶ οὐ καθ' αύτοὺς οί κοινῷ μέτρω μετρούμενοι τῆ 10 μονάδι, καν ὑπ' άλλων τινῶν ἀριθμῶν ὡς πρὸς ἐαυτούς καταμετρώνται. οδον ί η' μετρεδται μέν καλ ύπὸ τῶν β΄ καὶ δ΄, καὶ ὁ θ΄ ὑπὸ τῶν γ΄, καὶ ὁ ι΄ ὑπὸ τῶν β΄ καὶ ε΄ εχουσι δε καὶ κοινὸν μέτρον καὶ πρὸς ἀλλήλους καὶ πρὸς τοὺς καθ' έαυτοὺς πρώτους τὴν μονάδα καὶ γὰρ 15 απαξ γ΄ γ΄ καὶ απαξ η΄ η΄ καὶ απαξ θ΄ θ΄ καὶ απαξ ι΄ ι΄. σύνθετοι δέ είσι πρὸς έαυτοὺς οί ὑπό τινος έλάττονος άριθμοῦ μετρούμενοι, ώς ὁ ς΄ ὑπὸ δυάδος καὶ τριάδος. πρός άλλήλους δε σύνθετοι οί κοινῷ ὡτινιοῦν μέτρφ μετρούμενοι ώς ό η και ό ς [και ό θ'] κοινόν 20 γὰρ ἔχουσι μέτρον δυάδα [καὶ τριάδα]. δὶς γὰρ γ΄ ς΄ καὶ $\delta l_S \delta' \eta' [καl τρlς <math>\gamma' \delta']$ (καl $\delta \varsigma'$ καl $\delta \delta'$) κοινον γὰο αὐτῶν μέτρον ἡ τρίας καὶ γὰο τρὶς β΄ ς΄ καὶ τρὶς γ' θ'. οὔτε δὲ ἡ μονὰς ἀριθμὸς, ἀλλὰ ἀρχὴ ἀριθμοῦ, ούτε ή άόριστος δυάς, πρώτη οὖσα έτερότης μονάδος 25 καὶ μηδὲν αὐτῆς ἐν ἀρτίοις ἀρχικώτερον ἔχουσα. τῶν δε συνθέτων τοὺς μεν ὑπὸ δύο ἀριθμῶν περιεχομένους καλούσιν έπιπέδους, ώς κατά δύο διαστάσεις θεωρου-

4 ἀριθμῶν corr. ex ἀριθμὸν A 8 $\bar{\beta}$ mg. A 14 καl] $\dot{\omega}_{\bar{s}}$ A 15 inscr. π ερl συνθέτου ἀριθμοῦ A, $\bar{\xi}$ et $\bar{\gamma}$ in mg. 18 $\bar{\delta}$ mg. A 23 sqq. οὕτε $\delta \dot{k}_{\bar{l}}$ — ἔχουσα fort, del.

μένους καὶ οἶον ὑπὸ μήκους καὶ πλάτους περιεχομένους, τοὺς δὲ ὑπὸ τριῶν στερεούς, ὡς καὶ τὴν τρίτην διάστασιν προσειληφότας. περιοχὴν δὲ καλοῦσιν ἀριθμῶν τὸν διὶ ἀλλήλων αὐτῶν πολυπλασιασμόν.

τῶν δὲ ἀρτίων οἱ μέν εἰσιν ἀρτιάκις ἄρτιοι, οἱ δὲ 5 περιττάκις ἄρτιοι, οἱ δὲ ἀρτιοπέριττοι. ἀρτιάκις μὲν ἄρτιοι [τὸ σημεῖον τοῦτό ἐστιν] οἶς τρία συμβέβηκεν, ἕν τὸ ὑπὸ δύο ἀρτίων ἐπ' ἀλλήλους πολυπλασιασθέντων γεγενῆσθαι, δεύτερον τὸ πάντα ἄρτια ἔχειν τὰ μέρη μέχρι τῆς εἰς μονάδα καταλήξεως, τρίτον τὸ μηδὲν αὐ- 10 τῶν μέρος ὁμώνυμον εἶναι περιττῷ ὁποῖοί εἰσιν ὁ λβ΄ ξδ΄ ρκή καὶ οἱ ἀπὸ τούτων ἔξῆς κατὰ τὸ διπλάσιον λαμβανόμενοι. τὰ γὰρ λβ΄ γέγονε μὲν ἔκ τε δ΄ καὶ ή΄, ἄ ἐστιν ἄρτια μέρη δὲ αὐτῶν πάντα ἄρτια, ῆμισυ ις΄, τέταρτον ὁ η΄, ὄγδοον ὁ δ΄ αὐτά τε τὰ μόρια ὁμώνυμα 15 ἀρτίοις, τό τε ῆμισυ ὡς ἐν δυάδι θεωρούμενον καὶ τέταρτον καὶ ὄγδοον. ὁ δὲ αὐτὸς λόγος καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ὁμοίως ἀριθμῶν.

ἀρτιοπέριττοι δέ είσιν οι ὑπὸ δυάδος καὶ περιττοῦ οὑτινοσοῦν μετρούμενοι, οἴτινες ἐκ παντὸς περιττὰ μέρη 20 ἔχουσι τὰ ἡμίσεα κατὰ τὴν εἰς ἴσα διαίρεσιν ὡς τὰ δἰς ζ ιδ΄. ἀρτιάκις μὲν γὰρ οὖτοι καλοῦνται περιττοί, ἐπεὶ ὑπὸ τῆς δυάδος ἀρτίας οὖσης μετροῦνται καὶ περισσοῦ τινος, ὁ μὲν δύο τοῦ ένός, ὁ δὲ ς΄ τοῦ γ΄, ὁ δὲ ι΄ τοῦ ε΄, ὁ δὲ ιδ΄ τοῦ ξ΄. διαιροῦνται δὲ οὖτοι τὴν πρώτην 25

⁵ inscr. περὶ τῆς τῶν ἀρτίων διαφορᾶς Α, ῆ in mg. 6 inscr. περὶ τῶν ἀρτιάκις ἀρτίων Α. cf. Zeller I p. 366 μὲν ἄρτιοι Α] μὲν ἀρτίου apogr. 7 οἶς] ὧ Α 9 τὸ apogr.] τὸν Α 11 ὁμώνυμον: ω corr. ex ο Α περιττῶ: ω corr. ex ου Α 14 τ̄ς corr. ex τ̄γ Α 18 inscr. περὶ ἀρτιοπερίττων Α, τ̄ in mg. 20 μέρη del. Hultsch

διαίρεσιν είς περιττόν, μετὰ δὲ τὴν πρώτην είς ἴσα διαίρεσιν οὐκ ἔτι διαιροῦνται. τῶν γὰρ ς΄ τὰ μὲν γ΄ ῆμισυ, τὰ δὲ γ΄ οὐκ ἔτι είς ἴσα διαιρεῖται μονὰς γὰρ ἀδιαίρετος.

5 περισσάκις δὲ ἄρτιοί εἰσιν ὧν ὁ πολλαπλασιασμὸς ἐκ δυεῖν ὡντινωνοῦν περισσοῦ καὶ ἀρτίου γίνεται, καὶ πολλαπλασιασθέντες εἰς ἴσα μὲν ἄρτια μέρη δίχα διαιροῦνται, κατὰ δὲ τὰς πλείους διαιρέσεις ἃ μὲν ἄρτια μέρη, ἃ δὲ περισσὰ ἔχουσιν· ὡς ὁ ιβ΄ καὶ κ΄· τρὶς γὰρ ται ⟨εἰς⟩ ξ΄ καὶ ξ΄, τριχῆ δὲ εἰς δ΄ καὶ δ΄ καὶ δ΄, τετραχῆ δὲ εἰς τετράκις γ΄· τὰ δὲ κ΄ διχῆ μὲν εἰς ι΄, τετραχῆ δὲ εἰς ε΄, πενταχῆ δὲ εἰς ε΄, πενταχῆ δὲ εἰς ε΄, πενταχῆ δὲ εἰς ε΄, πενταχῆ δὸ εἰς δ΄.

έτι τῶν συνθέτων ἀριθμῶν οἱ μὲν ἰσάχις ἴσοι εἰσὶ 15 καὶ τετράγωνοι καὶ ἐπίπεδοι, ἐπειδὰν ἴσος ἐπὶ ἴσον πολλαπλασιασθεὶς γεννήση τινὰ ἀριθμόν, [ὁ γεννηθεὶς ἰσάχις τε ἴσος καὶ τετράγωνός ἐστιν] ὡς ὁ δ΄, ἔστι γὰρ δὶς β΄, καὶ ὁ θ΄, ἔστι γὰρ τρὶς γ΄ οἱ δὲ ἀνισάχις ἄνισοι, ἐπειδὰν ἄνισοι ἀριθμοὶ ἐπ' ἀλλήλους πολλαπλα-20 σιασθῶσιν, ὡς ὁ ϛ΄ ἔστι γὰρ δὶς γ΄ ϛ΄.

τούτων δὲ έτερομήκεις μέν είσιν οι τὴν έτέραν πλευρὰν τῆς έτέρας μονάδι μείζονα ἔχοντες. ἔστι δὲ ὁ τοῦ περισσοῦ ἀριθμοῦ μονάδι πλεονάζων καὶ ἄρτιος:

⁵ inscr. περί περισσάκις ἀρτίων Α, τα in mg. 14 inscr. περί ἰσάκις ἴσων Α, τβ in mg. 15 καὶ ἐπίπεδοι fort. del. γὰρ post ἐπειδὰν add. Α² 16 γεννήση: ση corr. ex σε Α 18 inscr. περί τῶν ἀνισάκις ἀνίσων Α, τη in mg. 21 sqq. cf. Cantor mathemat. Beitr. zum Culturleben der Völker p. 105 sqq. inscr. περί ἐτερομηκῶν (corr. ex ἐτερομήκων) Α 23 τοῦ περισσοῦ ἀριθμοῦ mut. in τῶ περισσῶ ἀριθμοῦ Μ

διὸ μόνον ἄρτιοι οί έτερομήκεις. ή γὰρ ἀρχὴ τῶν άριθμών, τουτέστιν ή μονάς, περισσή ούσα την έτερότητα ζητούσα τὴν δυάδα έτερομήκη τῷ αὐτῆς διπλασιασμώ ἐποίησε, καὶ διὰ τοῦτο ἡ δυὰς τῆς μονάδος έτερομήκης ούσα καλ μονάδι ύπερέχουσα τοὺς άρτίους 5 άριθμούς των περισσών έτερομήκεις ποιεί μονάδι ύπερέχοντας. γεννώνται δε διχώς, έκ τε πολλαπλασιασμοῦ καλ έπισυνθέσεως. έκ μέν έπισυνθέσεως οί ἄρτιοι τοῖς έφεξης επισυντιθέμενοι τους απογεννωμένους ποιούσιν έτερομήκεις. οἶον έκκείσθωσαν ἄρτιοι κατὰ τὸ έξῆς β΄ 10 δ΄ ς΄ η΄ ι΄ ιβ΄ ιδ΄ ις΄ ιη΄ γίνονται δε κατ' εκισύνθεσιν β' xal δ' ς' , ς' xal ς' $\iota\beta'$, $\iota\beta'$ xal η' x', x' xal ι' λ' ι' ι' ι' ι' είεν αν οι γεγεννημένοι έτερομήπεις ς ιβ κ λ. δ δε αὐτὸς λόγος καὶ ἐπὶ τῶν έξῆς. κατὰ δὲ πολλαπλασιασμον οί αὐτοὶ έτερομήκεις γεννῶνται τῶν ἐφεξῆς ἀρτίων 15 τε καλ περιττών τοῦ πρώτου ἐπλ τὸν έξῆς πολλαπλασιαζομένου οἶον α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄ ς΄ ζ΄ η΄ δ΄ ι΄ απαξ μεν γὰρ β' β' , δl_S δl_S γ' ς' , τol_S $\langle \delta l_S \rangle$ δ' $\iota \beta'$, $\tau e \tau o lpha n \iota_S$ δl_S ϵ' κ' , πεντάκις δε ς' λ' και έπι των έξης δ αὐτὸς λόγος. έτερομήπεις δε οι τοιούτοι πέπληνται, έπειδη πρώτην έτε- 20 ρότητα τῶν πλευρῶν ἡ προσθήκη τῆ ετέρα πλευρᾶ τῆς μονάδος ποιεί.

παραλληλόγραμμοι δέ είσιν άριθμοί οι δυάδι ἢ καὶ μείζονι άριθμῷ τὴν έτέραν πλευρὰν τῆς έτέρας

23 inser. $\pi \epsilon \varrho l \pi \alpha \varrho \alpha \lambda l \eta l o \gamma \varrho \acute{\alpha} \mu \mu \omega \nu \acute{\alpha} \varrho \iota \vartheta \mu \check{\omega} \nu \dot{A}$, $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$ in mg. figures inutiles add. A^2

¹ διὸ corr. ut vid. ex δύο A 3 έτεςομήμη: ο corr. ex ω A 5 έτεςομήμης: ομήμη in ras., εςο corr. ut vid. ex έςα A 6 τῶν πεςισσῶν mut. in τῷ πεςισσῷ A 9 ἀπογεννωμένους: ω corr. ex ο A 11 5 ιβ κ λ μβ νς οβ 7 supra numerorum seriem add. A 13 γεγενημένοι A, em. Bull. 16 τὸν apogr.] τῶν A 18 δὲ add. Bull. 20 πρώτην corr. ex πρῶτον A

ύπερέχουσαν ἔχοντες, ὡς ὁ δὶς δ΄ καὶ ὁ τετράκις ૬΄ καὶ ὁ έξάκις η΄ καὶ ὁ ὀπτάκις ι΄, οἴτινές εἰσιν ὁ η΄ κδ΄ μη΄ π΄.

τετράγωνοι εἰσιν οι ἐκ τῶν κατὰ τὸ έξῆς περισσῶν ἐπισυντιθεμένων ἀλλήλοις γεννώμενοι. οἶον ἐκκείσθω
σαν ἐφεξῆς περισσοὶ α΄ γ΄ ε΄ ζ΄ θ΄ ια΄ τὰν καὶ γ΄ δ΄, ῶς ἐστι τετράγωνος, ἰσάκις γάρ ἐστιν ἰσος, τουτέστι δὶς β΄ δ΄ τὰ καὶ ε΄ θ΄, ὡς καὶ αὐτὸς τετράγωνος ἔστι γὰρ τρὶς γ΄ θ΄ τὰ χὶς καὶ θ΄ κε΄, ὡς καὶ αὐτὸς τετράγωνος ἔστι τετράκις γὰρ δ΄ ιξ΄ ιξ΄ καὶ θ΄ κε΄, ὡς καὶ αὐτὸς τετράγωνος ἔστι καὶ ιο ἰσάκις ἰσος. ἔστι γὰρ πεντάκις ε΄ κε΄ καὶ μέχρις ἀπείρου ὁ αὐτὸς λόγος. κατὰ μὲν οὖν ἐπισύνθεσιν οῦτως γεννῶνται οι τετράγωνοι, τῶν ἐφεξῆς περισσῶν τῷ γεννωμένω ἀπὸ μονάδος τετραγώνω προστιθεμένων κατὰ πολλαπλασιασμὸν δέ, ἐπειδὰν ὁστισοῦν ἀριθμὸς ἐφ' ἑαυτὸν πολλα
15 πλασιασθῆ, οἶον δὶς β΄ δ΄, τρὶς γ΄ θ΄, τετράκις δ΄ ις΄.

οί μεν ούν τετράγωνοι πάντες τοὺς έτερομήκεις περιλαμβάνουσι κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν καὶ μέσους αὐτοὺς ποιοῦσι [τουτέστι τοὺς μονάδι μείζονας τὴν έτέραν πλευρὰν τῆς έτέρας ὑπερέχοντας]· οἱ δὲ το έτερομήκεις οὐκ ἔτι τοὺς τετραγώνους περιλαμβάνουσιν ώς μέσους εἶναι κατὰ ἀναλογίαν. οἶον α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄. οὖτοι τῷ μὲν ἰδίφ πλήθει πολλαπλασιαζόμενοι ποιοῦσι τετραγώνους· ἄπαξ τε γὰρ α΄ α΄ καὶ δὶς β΄ δ΄ καὶ τρὶς γ΄ δ΄ καὶ τετράκις δ΄ ις΄ καὶ πεντάκις ε΄ κε΄ καὶ οὐκ 25 ἐκβαίνουσι τῶν ἰδίων ἵρων· ἢ τε γὰρ δυὰς ἑαυτὴν

³ inscr. περί τετραγώνων ἀριθμῶν Α, τ̄s in mg. τετράγωνοι ⟨δέ⟩ εἰσιν? 5 δ θ ις κε λς supra numerorum seriem add. Α σς apogr.] ο Α 16 inscr. οτι οί τετράγωνοι μέσους τοὺς ἐτερομήκεις λαμβάνουσιν Α, τ̄s in mg.
18 μείζονα Gelder 19 ὑπερέχοντας] ἔχοντας apogr.
22 οὖτοὶ] οὖτως οἱ Α 25 τὸν ἴδιον οῦρον Α²

έδύασε καὶ ή τριὰς έαυτὴν έτρίασεν, ώστε είεν ἂν τετράνωνοι οι έξῆς α΄ δ΄ δ΄ ις΄ κέ. μέσους δὲ ἔχουσι τοὺς έτερομήκεις ούτως. τετράγωνοι δύο έφεξης ο τε α΄ καλ δ΄ τούτων μέσος έτερομήκης ὁ β΄ κείσθωσαν δὴ α΄ β΄ δ΄ μέσος γίνεται ὁ β΄, τῷ αὐτῷ λόγῷ τῶν ἄκρων τοῦ 5 μεν ύπερέχων, ύφ' ού δε ύπερεχόμενος του μεν γάρ ένὸς τὰ β΄ διπλάσια, τῶν δὲ β΄ τὰ δ΄. πάλιν τετράγωνοι μέν ὁ δ΄ καὶ θ΄ μέσος δὲ αὐτῶν έτερομήκης ὁ ξ΄. κείσθωσαν δη δ΄ ς΄ δ΄· μέσος δ ς΄, τῷ αὐτῷ λόγῳ τῶν απρων τοῦ μὲν [γὰρ] ὑπερέχων, ὑφ' οὖ δὲ ὑπερεχόμε- 10 νος τῶν μὲν γὰρ δ΄ τὰ ς΄ ἡμιόλια, τῶν δὲ ς΄ τὰ δ΄. ὁ δε αὐτὸς λόγος και ἐπὶ τῶν έξης. οι δε έτερομήκεις, ύπὸ τῶν τῆ μονάδι ὑπερεχόντων πολλαπλασιαζόμενοι, ούτε μένουσιν έν τοῖς ίδίοις ὅροις οὕτε περιέχουσι τοὺς τετραγώνους. οἶον τὰ δὶς γ΄ γεννῷ τὸν ૬΄ καὶ τὰ τρὶς 15 δ΄ γεννᾶ τὸν ιβ΄ καὶ τὰ τετράκις ε΄ γεννᾶ τὸν κ΄, καὶ οί δείς αὐτῶν μένει ἐν τῷ ἑαυτοῦ ὅρῷ, ἀλλὰ μεταπίπτει έν τῷ πολλαπλασιασμῷ, οἶον δυὰς ἐπὶ τριάδα καὶ τριὰς έπὶ τετράδα καὶ τετράς έπὶ πεντάδα. οῖ τε γεννώμενοι ύπὸ τῶν έτερομήκων οὐ περιλαμβάνουσι τοὺς τετραγώ- 20 νους αριθμούς οίον έφεξης έτερομήκεις β΄ ξ΄, μεταξύ δε αὐτῶν ἐστι τῆ τάξει τετράγωνος ὁ δ΄ άλλὰ κατ' οὐδεμίαν ἀναλογίαν περιλαμβάνεται ὑπ' αὐτῶν ὧστε ἐν τῷ αὐτῷ λόγῷ πρὸς τὰ ἄκρα εἶναι. ἐκκείσθω γὰρ β΄ δ΄ 5΄ ή τετράς έν διαφόροις λόγοις πρός τὰ ἄκρα 25 γενήσεται τῶν μὲν γὰρ β΄ τὰ δ΄ διπλάσια, τῶν δὲ δ΄

⁹ μέσος ὁ] μέσα τὰ A 10 γὰς om. apogr. 20 ὑπὸ τῶν ἐτὲςομήπων del. vid. 23 οὐδὲ μίαν A, em. apogr. 24 αὐτῷ supra vs. add. A ἐππείσθω γὰς] ἐππείσθωσαν apogr. 26 τὰ δ πλάσια A, em. apogr.

τὰ ς΄ ἡμιόλια. ἵνα δὲ ἀναλόγως μέσον ἢ, δεῖ αὐτὶ οὕτως μέσον εἶναι, ὥστε ὃν ἔχει λόγον τὸ πρῶτον πρὸς τὸ μέσον, τοῦτον τὸ μέσον πρὸς τὸ τρίτον. πάλιν τῶν ς΄ καὶ ιβ΄ ἐτερομήκων μέσος τἢ τάξει τετράγωνος ἱ δ΄, δ ἀλλ' οὐχ εὑρεθήσεται ἐν τῷ αὐτῷ λόγῷ πρὸς τὰ ἄκρα ΄ δ΄ δ΄ ιβ΄ τῶν μὲν γὰρ ς΄ τὰ δ΄ ἡμιόλια, τῶν δὲ δ΄ τὰ ιβ΄ ἐπίτριτα. ὁ δὲ αὐτὸς καὶ ἐπὶ τῶν ἔξῆς λόγος.

προμήκης δέ έστιν άριθμός ό ύπο δύο άνίσων άριθμῶν ἀποτελούμενος ώντινωνοῦν, ἢ μονάδι ἢ δυάδι 10 η και πλείονι τοῦ έτέρου τὸν έτερον ὑπερέχοντος, ὡς ό κδ΄, ἔστι γὰρ έξάκις δ΄, καὶ οί τοιοῦτοι. ἔστι δὲ τρία μέρη τῶν προμήκων. καὶ γὰρ πᾶς έτερομήκης προμήκης. καθό μείζονα την έτέραν πλευράν της έτέρας έχει. ώστε εί μέν τις έτεφομήκης, ούτος και πφομήκης ού 15 μην αναπαλιν' δ γαρ μείζονα πλέον η μονάδι την έτέοαν έχων πλευοαν ποομήκης μέν, ού μην ετερομήκης· ἦν γὰο έτερομήκης ὁ μονάδι μείζονα τὴν έτέραν ἔχων πλευράν, ώς ὁ ς΄ ἔστι γὰρ δὶς γ΄ ς΄. ἔτι προμήμης καὶ ό κατὰ διαφορὰν πολλαπλασιασμοῦ ποτὲ μὲν μονάδι 20 μείζονα τὴν έτέραν πλευρὰν ⟨ἔχων⟩, ποτὲ δὲ πλεῖον ἢ μονάδι ώς διβ΄ έστι γὰς καὶ τρὶς δ΄ καὶ δὶς ς΄, ώστε κατὰ μὲν τὸ τρίς δ΄ είη ἂν έτερομήκης, κατὰ δὲ τὸ δίς ς' προμήκης. ἔτι προμήκης ἐστὶν ὁ κατὰ πάσας τὰς σχέσεις τῶν πολλαπλασιασμῶν πλέον ἢ μονάδι μείζονα 25 την ετέραν έχων πλευράν ώς δ μ΄ και γαρ τετράκις ί

³ τὸ τρίτον apogr.] τὸν τρίτον \mathbf{A} 6 \mathbf{s}' $\mathbf{\vartheta}'$ $\mathbf{i}\mathbf{\vartheta}'$ fort. del. 8 inscr. περὶ προμηκῶν (corr. ex προμήκων) ἀριθμῶν \mathbf{A} , $\overline{\imath\eta}$ in mg. 9 δυάδι apogr.] διά \mathbf{A} 12 μέρη] γένη? 14 οὕτος corr. ex οὕτως \mathbf{A} 19 πολλαπλασιασμός \mathbf{A} , κατὰ διάφορον πολλαπλασιασμὸν Bull. 20 ἔχων add. apogr. 25 τετράκι \mathbf{A} , em. apogr.

καὶ πεντάκις η΄ καὶ δὶς κ΄ . ὅστις καὶ μόνος ἂν εἴη προμήκης. έτερομήκης γάρ έστιν ὁ ἐκ τῶν ἴσων ἀριθμῶν
τὴν πρώτην λαμβάνων έτερότητα ἡ δὲ τῆς μονάδος τῷ
έτέρῷ ἀριθμῷ προσθήκη πρώτην ποιεῖ έτερότητα οιὸ
οί ἐκ τούτων κυρίως ἀπὸ τῆς πρώτης τῶν πλευρῶν 5
έτερότητος έτερομήκεις. οί δὲ πλέον ἢ μονάδι τὴν έτέραν πλευρὰν μείζονα ἔχοντες διὰ τὸν ἐπὶ πλέον προβιβασμὸν τοῦ μήκους προμήκεις κέκληνται.

είσι δὲ τῶν ἀριθμῶν οι μὲν ἐπίπεδοι, ὅσοι ὑπὸ δύο ἀριθμῶν πολλαπλασιάζονται, οἶον μήκους καὶ πλά- 10 τους, τούτων δὲ οι μὲν τρίγωνοι, οι δὲ τετράγωνοι, οι δὲ πεντάγωνοι καὶ κατὰ τὸ έξῆς πολύγωνοι.

γεννῶνται δὲ οἱ τρίγωνοι τὸν τρόπον τοῦτον. [ὅσπερ] οἱ ἐφεξῆς ἄρτιοι ἀλλήλοις ἐπισυντιθέμενοι κατὰ τὸ ἑξῆς ἑτερομήκεις ἀριθμοὺς ποιοῦσιν. οἶον ὁ 15 β΄ πρῶτος ἄρτιος καὶ ἔστιν ἑτερομήκης ἔστι γὰρ ᾶπαξ β΄. εἶτα τοῖς β΄ ἂν προσθῆς δ΄, γίνεται ξ΄, ἣς καὶ αὐτὸς ἑτερομήκης ἔστι γὰρ δὶς γ΄. καὶ μέχρις ἀπείρου ὁ αὐτὸς λόγος. ἐναργέστερον δέ, ὥστε πᾶσιν εὐσύνοπτον εἶναι τὸ λεγόμενον, δείκνυται καὶ τῆδε. πρώτη δυὰς 20 ἔστω ἄλφα ἐκκείμενα δύο τάδε

αα

τὸ σχῆμα αὐτῶν ἔσται έτερόμηχες κατὰ μὲν γὰρ τὸ μῆκός ἐστιν ἐπὶ δύο, κατὰ δὲ τὸ πλάτος ἐφ' ἕν. μετὰ τὰ δύο ἐστιν ἄρτιος ὁ δ΄ ἃ ἐὰν προσθῶμεν τοῖς πρώτοις 25

1 μόνον? 3 λαμβάνον A, em. apogr. 4 πρώτην corr. ex πρώτον ut vid., antea una litt. erasa A 9 inscr. περλ έπιπέδων ἀριθμῶν Α, $\overline{\iota\vartheta}$ in mg. 13 inscr. περλ τριγώνων ἀριθμῶν πῶς γεννῶνται καλ περλ τῶν ἑξῆς πολυγώνων Å, $\overline{\iota}$ in mg. 23 post ἔσται compendium eiusdem voculae erasum in A 24 ἐφ'] ὑφ' A 25 ἢν A

δύο ἄλφα [α΄ α΄] καὶ περιθῶμεν τὰ δ΄ τοῖς β΄, γίνεται ετερόμηκες τὸ τῶν ς΄ σχῆμα κατὰ μὲν γὰρ τὸ μῆκος γίνεται ἐπὶ τρία, κατὰ δὲ τὸ πλάτος ἐπὶ β΄. εξῆς ἐστιν ἄρτιος μετὰ δ΄ ε΄ ς΄ ἂν προσθῆς ταῦτα τοῖς πρώτοις ς΄, 5 γίνεται ὁ ιβ΄, κἂν περιθῆς αὐτὰ τοῖς πρώτοις, ἔσται σχῆμα ἐτερόμηκες ώς ἔχειν ταῦτα κατὰ τὸ μῆκος μὲν δ΄, κατὰ πλάτος δὲ γ΄. καὶ μέχρις ἀπείρου ὁ αὐτὸς λόγος κατὰ τὴν τῶν ἀρτίων ἐπισύνθεσιν.

πάλιν δὲ οἱ έξῆς περισσοὶ ἀλλήλοις ἐπισυντιθέμενοι 10 τετραγώνους ποιοῦσιν ἀριθμούς. εἰσὶ δὲ οἱ ἐφεξῆς περισσοὶ α΄ γ΄ ε΄ ζ θ΄ ια΄. ταῦτα δὲ ἐφεξῆς συντιθεὶς ποιήσεις τετραγώνους ἀριθμούς. οἶον τὸ ἔν πρῶτον τετράγωνον ἔστι γὰρ ἄπαξ ἕν ἕν. εἶτα περισσὸς ὁ γ΄ τοῦτον ἂν προσθῆς τὸν γνώμονα τῷ ένί, ποιήσεις 15 τετράγωνον ἰσάκις ἴσον ἔσται γὰρ κατὰ μῆκος β΄ καὶ κατὰ πλάτος β΄. ἐφεξῆς περισσὸς ὁ ε΄ τοῦτον ἂν περιθῆς τὸν γνώμονα τῷ δ΄ τετραγώνῳ, γενήσεται πάλιν τετράγωνος ὁ θ΄, καὶ κατὰ μῆκος ἔχων γ΄ καὶ κατὰ πλάτος γ΄. ἐφεξῆς περισσὸς ὁ ζ΄ τοῦτον ἂν προσθῆς 20 τῷ θ΄, ποιεῖς τὸν ις΄, καὶ κατὰ μῆκος δ΄ καὶ κατὰ πλάτος δ΄. ὁ δὲ αὐτὸς Κορος μέχρις ἀπείρου.

κατὰ ταὐτὰ δὲ ἄν μὴ μόνον τοὺς ἐφεξῆς ἀρτίους

² γὰ ϱ supra vs. A 5 πε ϱ ιθ $\tilde{\eta}_S$ Bull.] π ϱ οσθ $\tilde{\eta}_S$ A το $\tilde{\iota}_S$ π ϱ ωτο ι_S] το $\tilde{\iota}_S$ ς' ? cf. vs. 1 6 τα $\tilde{\upsilon}$ τα del. vid. 8 fig. semper lineis circumscr. A 14 πε ϱ ιθ $\tilde{\eta}_S$ Gelder 22 ταντά corr. ex τα $\tilde{\upsilon}$ τα A

μηδε μόνον τους έφεξης περισσούς, άλλα και άρτίους και περισσούς άλλήλοις επισυντιθώμεν, τρίγωνοι ήμιν άριθμοί γενήσονται. Εκκείσθωσαν γάρ έφεξης περισσοί καὶ ἄρτιοι, α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄ ς΄ ζ΄ η΄ δ΄ ι΄. γίνονται κατὰ την τούτων σύνθεσιν οί τρίγωνοι. πρώτη μέν ή μονάς 5 αύτη γάρ, εί και μη έντελεχεία, δυνάμει πάντα έστίν, άργη πάντων άριθμῶν οὖσα. τῆς δὲ έξῆς αὐτῆ δυάδος προστεθείσης γίνεται τρίγωνος ὁ γ' εἶτα πρόσθες γ', γίνεται ς' είτα πρόσθες δ', γίνονται ι' είτα πρόσθες ε΄, γίνονται ιε΄ εἶτα πρόσθες ς΄, γίνονται κα΄ εἶτα 10 πρόσθες ζ', γίνονται κη' είτα πρόσθες η', γίνονται λς' είτα πρόσθες θ΄, γίνονται με΄ είτα πρόσθες ι΄, γίνονται νε΄ καὶ μέχρις ἀπείρου ὁ αὐτὸς λόγος. δῆλον δὲ ότι τρίγωνοι ούτοι οι άριθμοι κατά τὸν σχηματισμόν, τοις πρώτοις άριθμοις του έφεξης γνώμονος προστιθε- 15 μένου και είεν αν οι έκ της έπισυνθέσεως άπογεννώμενοι τρίγωνοι οίδε γ΄ ς΄ ι΄ ιε΄ κα΄ κη΄ λς΄ με΄ νε΄. καλ οῦτως έπλ τῶν έξῆς τῶν με' καλ νε'.

α'	γ	ຣ ′	ľ	le'	πα ′
α	α	α	α	α	α
	αα	αα	αα	αα	αα
		ααα	ααα	ααα	ααα
			αααα	αααα	αααα
				ααααα	ααααα
					aaaaaa
		nη΄		λ 5΄	
		α		α	
		αα		αα	
		ααα		ααα	
		ααα	α	αααα	
		αααα	α	ααααα	
		αααα	αα	α α α α α α	
		ααααα	αα	α α α α α α α	
		x		α α α α α α α α	

4 γίνωνται A¹ 6 ἐντελεχεία corr. ex ἐντελέχεια A 10 γίνονται κα΄: γίνονται compendio scr. A ut in sequentibus 18 τῶν με΄ καὶ νε΄ del. vid.

Theo Smyrn.

οί δὲ τετράγωνοι γεννῶνται μέν, ὡς προείρηται, ἐκ τῶν ἐφεξῆς ἀπὸ μονάδος περιττῶν ἀλλήλοις ἐπισυντιθεμένων συμβέβηκε δὲ αὐτοῖς ῶστε ἐναλλὰξ παρ' ἔνα ἀρτίοις εἶναι καὶ περιττοῖς, ῶσπερ ὁ πᾶς ἀριθμὸς παρ' ε ἔνα ᾶρτιος ἐστιν ἢ περιττός οἶον α΄ δ΄ θ΄ ις΄ κέ λς μθ΄ ξδ΄ πα΄ ρ΄. τῷ δὲ ἀπὸ μονάδος κατὰ τὸ ἑξῆς ἐκθέσει τῶν ἀρτίων τε καὶ περιττῶν ἀριθμῶν συμβέβηκε, τοὺς γνώμονας τοὺς δυάδι ἀλλήλων ὑπερέχοντας ἐν τῷ συνθέσει τετραγώνους ἀποτελεῖν, ὡς ἐπάνω ἀποδέδεικται το ὑπερέχουσι γὰρ δυάδι ἀλλήλων ἀπὸ μονάδος ἀρχόμενοι ⟨οί⟩ περιττοί. ὁμοίως δὲ οί τριάδι ἀλλήλων ὑπερέχοντες ἐν τῷ συνθέσει ἀπὸ μονάδος πενταγώνους ἀποτελοῦσιν, έξαγώνους δὲ οί τετράδι, αἰεί τε ἡ ὑπεροχὴ τῶν γνωμόνων ἐξ ὧν ἀποτελοῦνται οί πολύγωνοι δυάδι 15 λείπεται τοῦ πλήθους τῶν ἀποτελουντώνον γωνιῶν.

έτέρα δὲ πάλιν ἐστὶ τάξις ἐν τοῖς πολυγώνοις τῶν ἀπὸ μονάδος πολλαπλασίων ἀριθμῶν. τῶν γὰρ ἀπὸ μονάδος πολλαπλασίων, λέγω δὲ διπλασίων τριπλασίων καὶ τῶν ἑξῆς, οἱ μὲν ἕνα παρ' ἕνα διαλείποντες ἀριθμοὶ το τετράγωνοι πάντες εἰσίν, οἱ δὲ δύο διαλείποντες κύβοι πάντες, οἱ δὲ πέντε διαλείποντες κύβοι ᾶμα καὶ τετράγωνοι εἰσι καὶ τὰς μὲν πλευρὰς ἔχουσι τετραγώνους

12 πενταγώνους corr. ex τετραγώνους Α 13 ή supra vs. A

¹ inser. περὶ τῶν ἐξῆς πολυγώνων Α, πα in mg. α γ ε ζ θ ια in mg. Α προείρηται: p. 28, 3. 32, 9
5 in mg. sup. cod. A haec scripta sunt:
α β γ δ ε ς ζ η θ ι δ δ ις κε τετράγωνοι
α β γ δ ε ς ζ η θ ι ια ιβ ιγ ε ιβ κβ λε πεντάγωνοι
α β γ δ ε ς ζ η θ ι ια ιβ ιγ ιδ ιε ις ιζ ς ιε κη με ἐξάγωνοι

άριθμούς κύβοι ὄντες, τετράγωνοι δε ὄντες άριθμοί κυβικάς έχουσι τὰς πλευράς. ὅτι δὲ τῶν πολλαπλασίων άριθμῶν οί μὲν παρ' ἕνα ἀπὸ μονάδος τετράγωνοί είσιν, οί δὲ παρὰ β΄ κύβοι, οί δὲ παρὰ ε΄ κύβοι ᾶμα καὶ τετράγωνοί είσι, δηλον ουτως. ἐν μὲν τοῖς διπλασίοις, 5 κειμένων πλειόνων ἀ**ρ**ιθμῶν οἶον α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄ ς΄ ζ η΄ ϑ' ι' $\iota\alpha'$ $\iota\beta'$ $\iota\gamma'$ $\iota\delta'$ $\iota\epsilon'$ $\iota\varsigma'$ $\iota\zeta'$ $\iota\eta'$ $\iota\vartheta'$ \varkappa' $\varkappa\alpha'$ $\varkappa\beta'$ $\varkappa\gamma'$ $\varkappa\delta'$ $\varkappa\epsilon'$ ποῶτος διπλάσιος ὁ β΄ εἶτα ὁ δ΄, ος ἐστι τετράγωνος. είτα ὁ η', ος έστι κύβος είτα ις', ος έστι τετράγωνος. εἶτα ὁ λβ΄ μεθ' ὂν ὁ ξδ΄, ος έστι τετράγωνος ἄμα καὶ 10 κύβος είτα οκή μεθ' ου συς, ος έστι τετράγωνος. καλ μέχρις ἀπείρου ὁ αὐτὸς λόγος. καλ έν τῷ τριπλασίῷ εύρεθήσονται οί παρ' ενα τετράγωνοι, καὶ εν τῷ πενταπλασίω, καὶ κατὰ τοὺς έξης πολλαπλασίους. ὁμοίως δὲ εύρεθήσονται καὶ οί δύο διαλείποντες ἐν τοῖς πολλα- 15 πλασίοις κύβοι πάντες, καὶ οί ε΄ διαλείποντες κύβοι αμα καλ τετράγωνοι. Ιδίως δε τοῖς τετραγώνοις συμβέβηκεν ήτοι τρίτον έχειν η μονάδος άφαιρεθείσης τρίτον έχειν πάντως, ἢ πάλιν τέταρτον ἔχειν ἢ μονάδος ἀφαιρεθείσης τέταρτον έχειν πάντως καὶ τὸν μὲν μονάδος ἀφαιρε- 20 θείσης τρίτον έχοντα έχειν και τέταρτον πάντως, ώς ό δ΄, τὸν δὲ μονάδος ἀφαιρεθείσης τέταρτον ἔχοντα ἔχειν τρίτον πάντως, ώς ὁ θ΄, ἢ τὸν αὐτὸν πάλιν καὶ τρίτον έχειν και τέταρτον, ώς ὁ λς΄ [ἢ μηδέτερον τούτων έχοντα τοῦτον μονάδος ἀφαιφεθείσης τρίτον έχειν πάν- 25

⁵ ἐν μὲν τοὶς διπλασίοις δῆλον οὖτως? 6 pro hac numerorum serie Gelderus hanc posuit: α β΄ δ΄ η΄ ις΄ λβ΄ ξδ΄ ομη΄ σνς΄ 13 ἐν τῷ πενταπλασίω \mathbb{A}^2] οἱ παρ΄ ἕνα πενταπλάσιοι \mathbb{A}^1 15 διαλείποντες: ει corr. ex ι \mathbb{A} 17 sqq. cf. Nesselmann die Algebra der Griechen p. 227 sq. 24 $\mathring{\eta}$ — πάντως del. Bull. 25 τοῦτον corr. ex τούτων \mathbb{A}

τως], η μήτε τρίτον μήτε τέταρτον έχοντα μονάδος άφαιρεθείσης και τρίτον έχειν και τέταρτον, ώς ὁ κέ.

Ετι τῶν ἀριθμῶν οι μὲν ισάκις τσοι τετράγωνοι είσιν, οι δὲ ἀνισάκις ἄνισοι έτερομήκεις καὶ προμήκεις, 5 καὶ ἀπλῶς οι διχῶς πολλαπλασιαζόμενοι ἐπίπεδοι, οι δὲ τριχῶς στερεοί. λέγονται δὲ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ καὶ τρίγωνοι καὶ τετράγωνοι καὶ στερεοὶ καὶ τάλλα οὐ κυρίως ἀλλὰ καθ' ὁμοιότητα τῶν χωρίων ἃ καταμετροῦσιν ὁ γὰρ δ΄, ἐπεὶ τετράγωνον χωρίον καταμετρεὶ, ἀπ' 10 αὐτοῦ καλεῖται τετράγωνος, καὶ ὁ ϛ΄ διὰ τὰ αὐτὰ ἐτερομήκης.

ομοιοι δ' είσιν ἀριθμοι ἐν μὲν ἐπιπέδοις τετράγωνοι οι πάντες πᾶσιν, ἐτερομήκεις δὲ ὅσων αι πλευραί, τουτέστιν οι περιέχοντες αὐτοὺς ἀριθμοι, ἀνάλογόν 15 είσιν. οἶον ἐτερομήκη ἦν τὰ ξ΄ πλευραὶ δὲ αὐτοῦ μῆκος γ΄, πλάτος β΄ ετερος πάλιν ἐπίπεδος ὁ κδ΄ πλευραὶ δὲ αὐτοῦ μῆκος μὲν ξ΄, πλάτος δὲ δ΄. καὶ ἔστιν ὡς τι μῆκος πρὸς τὸ μῆκος, οῦτως τὸ πλάτος πρὸς τὸ πλάτος ὡς γὰρ ξ΄ πρὸς γ΄, οῦτως δ΄ πρὸς β΄. ὅμοιοι οὖν ἀριθωί καὶ πεδοι ὅ τε ξ΄ καὶ ὁ κδ΄. σχηματίζονται δὲ οἱ αὐτοὶ ἀριθμοὶ ὁτὲ μὲν εἰς πλευρὰς ὡς μήκη καὶ πρὸς ἐτέρων σύστασιν λαμβανόμενοι, ὁτὲ δὲ εἰς ἐπιπέδους, ὅταν ἐκ πολλαπλασιασμοῦ δύο ἀριθμῶν γεννηθῶσιν, ὁτὲ

¹ η supra vs. A 3 inser. περί ζσάπις ζσων παὶ ἀνισάπις ἀνίσων A, πρ in mg. 7 στερεοί corr. ex στερρεοί A 9 τετράγωνον apogr.] $\widehat{\Box}$ (i. e. τετραγώνων) A 12 inser. περί ὁμοίων ἀριθμῶν A, $\widehat{\pi \gamma}$ in mg., figuras add. A²

¹⁴ αὐτοὺς] αὐτὰς A, cf. p. 24, 26 19 $\frac{\rho}{\delta}$ πρὸς $\frac{\alpha}{\beta}$ apogra $\frac{\rho}{\delta}$ πρὸς $\frac{\alpha}{\delta}$ A 21 τὸς μήκη καὶ $\frac{\rho}{\delta}$ καὶ $\frac{\rho}{\delta}$ τὸς 23 δύο apogra.] $\frac{\rho}{\delta}$ δύο A

δὲ εἰς στερεούς, ὅταν ἐκ πολλαπλασιασμοῦ τριῶν ληφθῶσιν ἀριθμῶν. ἐν δὲ τοῖς στερεοίς πάλιν οἱ μὲν κύβοι πάντες πᾶσίν εἰσιν ὅμοιοι, τῶν δὲ ἄλλων οἱ τὰς πλευρὰς ἔχοντες ἀνάλογον ὡς ἡ τοῦ μήκους πρὸς τὴν τοῦ μήκους, οὕτως ἡ τοῦ πλάτους πρὸς τὴν τοῦ πλά- 5 τους καὶ $\langle \dot{\eta} \rangle$ τοῦ ὕψους πρὸς τὴν τοῦ ΰψους.

τῶν δὲ ἐπιπέδων καὶ πολυγώνων ἀριθμῶν πρῶτος ό τρίγωνος, ώς και τῶν ἐπιπέδων εὐθυγράμμων σχημάτων πρώτόν έστι τὸ τρίγωνον. πώς δὲ γεννώνται προείρηται, ότι τῷ πρώτῷ ἀριθμῷ τοῦ έξῆς ἀρτίου καὶ 10 περιττοῦ προστιθεμένου. πάντες δε οί έφεξης άριθμοί, άπογεννῶντες τριγώνους ἢ τετραγώνους ἢ πολυγώνους, γνώμονες καλοῦνται, τοσούτων δε μονάδων εκαστον τρίγωνον έχει πλευράς πάντως, όσων και μόνος έστιν δ προσλαμβανόμενος γνώμων. οξον έστω πρώτον ή 15 μονάς, λεγομένη τρίγωνον οὐ κατ' ἐντελέζειαν, ὡς προειρήκαμεν, άλλὰ κατὰ δύναμιν έπεὶ γὰρ αῦτη οξον σπέρμα πάντων έστιν άριθμῶν, ἔχει ἐν αὑτῆ καὶ τριγωνοειδη δύναμιν. προσλαμβάνουσα γοῦν τὴν δυάδα άποτελεῖ τρίγωνον, ἔχον πλευρὰς τοσούτων μονάδων, 20 οσων έστιν ὁ προσληφθείς γνώμων τῆς δυάδος. τὸ δὲ όλον τρίγωνον τοσούτων έστλ μονάδων, όσων καλ of συντεθέντες γνώμονες. ὅ τε γὰο τοῦ ένὸς καὶ ⟨ό⟩ τῶν δυείν γνώμων τὰ γ΄ ἐποιήσαν, ώστε καὶ τὸ τρίγωνον

⁷ inscr. περί τριγώνων ἀριθμῶν Α, πδ in mg.
10 προείρηται: p. 33, 1 11 cf. Nesselmann p. 203 14 τὰς
ante πλευρὰς add. Α² πάντως corr. ex πάντων Α 17 προειρήπαμεν: p. 33, 6 24 τοσούτων, φησί, μονάδων έστιν ἡ
πλευρὰ τοῦ τριγώνου, ὅσων μονάδων ἐστίν ὁ προστεθείς γνώμων τοσαῦται δέ είσιν αί τοῦ γνώμονος μονάδες, ὅσοι είσιν
οί γνώμονες οί είς τὸ τρίγωνον συνελθόντες mg. Α

έσται μεν τριῶν μονάδων, εξει δ' εκάστην πλευράν τῶν δυεῖν, ὅσοι καὶ οἱ γνώμονες συνετέθησαν. εἶτα τὸ γ΄ τρίγωνον προσλαμβάνει τὸν τῶν γ΄ γνώμονα, Ὁς μονάδι ὑπερέχει τῆς δυάδος, καὶ γίνεται τὸ μεν ὅλον τρίτο τὸ τρίγωνον, ὅσοι γνώμονες συντέθεινται ἐκ γὰρ τοῦ ἐνὸς καὶ β΄ καὶ γ΄ συνετέθη ὁ ζ΄.

α α α α α α α α α

λέγονται δέ τινες καὶ κυκλοειδεῖς καὶ σφαιροειδεῖς καὶ ἀποκαταστατικοὶ ἀριθμοί οὖτοι δ' εἰσὶν οἴτινες ἐν τῷ πολλαπλασιάζεσθαι ἢ ἐπιπέδως ἢ στερεῶς, τουτέστι κατὰ δύο διαστάσεις ἢ κατὰ τρεῖς, ἀφ' οὖ ἂν τοῦξωνται ἀριθμοῦ ἐπὶ τοῦτον ἀποκαθιστάμενοι. τοιοῦτον δέ ἐστι καὶ ὁ κύκλος ἀφ' οὖ ἂν ἄρξηται σημείου,

2 γνώμονες: ο corr. ex ω Α εἶτα corr. ex εἰς Α γ΄] τρίτον Α, οm. apogr. 3 δς corr. ex οῖ Α 4 τῆς δυάδος corr. ex τὴν δυάδα Α 5 τὰς ante πλευρὰς add. Α² 9 ἔχον corr. ex ἔχων Α 10 γνώμων $Λ^2$] γνώμω $Λ^1$ 12 τὸ τοῦ ιε΄ add. apogr. 13 γνωμόνω $Λ^1$ 14 ξξ] ξξῆς apogr. 16 inscr. περὶ κυκλοειδῶν καὶ σφαιροειδῶν καὶ ἀποκαταστατικῶν ἀριθμῶν Α, κδ in mg. 17 οῖτινες — ἀποκαθιστάμενοι] scr. οῖ — ἀποκαθιστάμενοι aut οἶτινες — ἀποκαθιστάνται 21 κύκλος ⟨δς⟩?

ἐπὶ τοῦτο ἀποκαθίσταται ὑπὸ γὰρ μιὰς γραμμῆς περιεχόμενος ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἄρχεται καὶ εἰς ταὐτὸ καταλήγει. τοιαύτη δὲ καὶ ἐν στερεῷ ἡ σφαϊρα κύκλου γὰρ
κατὰ πλευρὰν περιαγομένου ἡ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἐπὶ τὸ
αὐτὸ ἀποκατάστασις σφαϊραν γράφει. καὶ ἀριθμοὶ δὴ s
οἱ ἐν τῷ πολλαπλασιασμῷ ἐφ' ἐαυτοὺς καταλήγοντες
κυκλικοί τε καλοῦνται καὶ σφαιροειδεῖς ὧν εἰσιν ὅ τε
ε΄ καὶ ὁ ϛ΄ πεντάκις γὰρ ε΄ κε΄, πεντάκις κε΄ ρκε΄, έξάκις ϛ΄ λξ΄, καὶ ἔξάκις λξ΄ σις΄.

τῶν δὲ τετραγώνων ἡ μὲν γένεσις, ὡς εἶπον, ἐκ 10 τῶν περισσῶν ἀλλήλοις ἐπισυντιθεμένων, τουτέστι τῶν ἀπὸ μονάδος δυάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων : ἐν γὰρ καὶ γ΄ δ΄, καὶ δ΄ καὶ ξ΄ ις΄, καὶ ις΄ καὶ δ΄ κε΄.

α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α
α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α
		α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α
				•	α	α	α	α	α	α	α	α	α
									α	α	α	α	α

πεντάγωνοι δέ είσιν ἀριθμοὶ οἱ ἐκ τῶν ἀπὸ μονάδος κατὰ τὸ ἑξῆς τριάδι ⟨ἀλλήλων⟩ ὑπερεχόντων συν- 15 τιθέμενοι. ὧν είσιν οἱ μὲν γνώμονες α΄ δ΄ ζ΄ ι΄ ιγ΄ ις΄ ιθ΄: αὐτοὶ δὲ οἱ πεντάγωνοι α΄ ε΄ ιβ΄ κβ΄ λε΄ να΄ καὶ έξῆς ὁμοίως. σχηματίζονται δὲ πενταγωνικῶς οὕτως:

α΄ ͺ	ε'	ιβ΄	×β´	λε ′		
α	α	α	α	α		
	α α	αα	αα	аα		
	αα	ααα	ααα	ααα		
		ααα	αααα	αααα		
		ααα	αααα	ααααα		
			αααα	ααααα		
			αααα	α α α α α		
				ααααα		
				ααααα		

10 inscr. περί τετραγώνων ἀριθμῶν Α εἶπον: p. 28, 3. 32, 9. 34, 1 14 inscr. περί πενταγώνων ἀριθμῶν Α, πε in mg.

έξάγωνοι δέ είσιν ἀριθμοί οί ἐκ τῶν κατὰ τὸ έξῆς ἀπὸ μονάδος τετράδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συντιθέμετοι: ὧν οί γνώμονές είσιν α΄ ε΄ θ΄ ιγ΄ ιζ΄ κα΄ κε΄ οί δὲ ἐκ τούτων έξάγωνοι οίδε: α΄ ς΄ ιε΄ κη΄ με΄ ξς΄ ਜα΄. σχηματίζονται δὲ οῦτως:

α΄	5'	15'	ĸη΄	με΄	ξ 5′
a	α	α	α	α	· α
	α α	αα	αα	αα	αα
	αα	ααα	ααα	ααα	ααα
	α	ααα	αααα	αααα	αααα
		ααα	αααα	ααααα	ααααα
		αα	αααα	ααααα	αααααα
		α	αααα	ααααα	α α α α α α
			ααα	ααααα	α α α α α α
			αα	ααααα	α α α α α α
			a	αααα	αααααα
				ααα	α α α α α α
				αα	ααααα
				a	αααα
					ααα
					αα
	•				α

έπτάγωνοι δέ είσιν οι ἀπὸ μονάδος πεντάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συνιστάμενοι ὧν γνώμονες μὲν α΄
ξ΄ ια΄ ις΄ κα΄ κς΄ οι δὲ ἐκ τούτων συντιθέμενοι α΄ ζ΄
ιη΄ λδ΄ νε΄ πα΄. ὁμοίως δὲ καὶ ὀκτάγωνοι ⟨οι⟩ ἀπὸ
10 μονάδος έξάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συντιθέμενοι, ἐννεάγωνοι δὲ οι ἀπὸ μονάδος έβδομάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συντιθέμενοι ὑπερεχόντων συντιθέμενοι. ἐπὶ πάντων δὲ τῶν πολυγώνων καθόλου ὁσάγωνος ἄν λέγηται
15 ἀριθμός, δυεῖν δεούσαιν μονάδων τοῦ πλήθους τῶν

¹ inser. $\pi \epsilon \varrho l$ έξαγώνων ἀριθμῶν Α 6 inser. ὁμοία δὲ ἡ σύνθεσις καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν πολυγώνων Α ἐκ τῶν hic et in iis quae sequuntur neglegenter omissum 11 μονάδος \mathbf{A}^2] νάδος \mathbf{A}^1 13 καὶ ante ἐπὶ add. \mathbf{A}^2 15 δυεῖν δεούσαιν μονάδων corr. ex δύο δὲ οὔσαις μόνας ut vid. \mathbf{A}

γωνιών ή ύπεροχή των άριθμών λαμβάνεται, έξ ών οί πολύγωνοι συντίθενται.

ἐκ δύο τριγώνων ἀποτελεῖται τετράγωνον α΄ καὶ γ΄ δ΄, γ΄ καὶ ϛ΄ δ΄, ϛ΄ καὶ ι΄ ις΄, ι΄ καὶ ιε΄ κε΄, ιε΄ καὶ κα΄ λς΄, κα΄ καὶ κη΄ μθ΄, κη΄ καὶ λς΄ ξδ΄, λς΄ καὶ με΄ πα΄, καὶ οἱ εξῆς το ὑμοίως συνδυαζόμενοι τρίγωνοι τετραγώνους ἀποτελοῦσιν, ὡς καὶ ἐπὶ τῶν γραμμικῶν τριγώνων σύνθεσις τετράγωνον σχημα ποιεῖ.



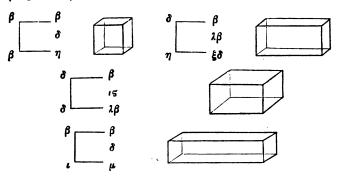


ἔτι τῶν στερεῶν ἀριθμῶν οἱ μὲν ἴσας πλευρὰς ἔχουσιν, [ὡς ἀριθμοὺς τρεῖς ἴσους ἐπὶ ἴσους πολλαπλα-σιάζεσθαι,] οἱ δὲ ἀνίσους. τούτων δ' οἱ μὲν πάσας ἀν- 10 ίσους ἔχουσιν, οἱ δὲ τὰς δύο ἴσας καὶ τὴν μίαν ῆττονα. πάλιν τε τῶν τὰς δύο ἴσας ἔχουτων οἱ μὲν μείζονα τὴν τρίτην ἔχουσιν, οἱ δὲ ἐλάττονα. οἱ μὲν οὖν ἴσας ἔχουτες πλευράς, ἰσάκις ἴσοι ἰσάκις ὅντες, κύβοι καλοῦνται οἱ δὲ πάσας ἀνίσους τὰς πλευράς, ἀνισάκις ᾶνισοι ἀν- 15 ισάκις, βωμίσκοι καλοῦνται οἱ δὲ δύο μὲν ἴσας, τὴν δὲ τρίτην ἐκατέρας τῶν δυεῖν ἐλάσσονα, ἰσάκις ἴσοι ἐλαττονάκις, πλινδίδες ἐκλήθησαν οἱ δὲ δύο μὲν ἴσας,

¹ γωνιῶν Bull.] ἀριθμῶν in ras. A ἀριθμῶν] γωνιῶν in ras. vocis ἀριθμῶν A 2 πολύγωνοι: ι post v er. A 3 inscr. ὅτι ἐπ δύο τριγώνων τὸ τετράγωνον A, πς in mg. ἐκ: inter E et κ complures literae erasae in A δὲ post δύο add. A^2 7 ἐπὶ] ἡ? 8 inscr. περὶ στερεῶν ἀριθμῶν A, πς in mg. 11 aut delenda sunt verba καὶ τὴν μίαν ἤττονα (sic Bullialdus) aut scribendum καὶ τὴν μίαν ἄνισον 16 τὰς post δὲ add. A^2 ἴσας corr. ex ἴσοι A 18 πλινθίδες corr. ex πληνθίδες A τὰς post δὲ add. A^2

10

την δε τρίτην έκατέρας των δυείν μείζονα, ισάκις ίσοι μειζονάκις, δοκίδες καλούνται.



είσι δε και πυραμοειδεις άριθμοι πυραμίδας καταμετρούντες και κολουροπυραμίδας. κόλουρος δε πυραμετρούντες και κολουροπυραμίδας. κόλουρος δε πυραμετρούντες και κολουροπυραμίδας. κόλουρος δε πυραμείς έστιν ή την κορυφην άποτετμημένη. τινές δε [κόλουρον] τὸ τοιούτον τραπέζιον προσηγόρευσαν ἀπὸ τῶν ἐπιπέδων τραπεζίων τραπέζιον γὰρ λέγεται, ὅταν τριγώνου ή κορυφη ὑπὸ παραλλήλου τῆ βάσει εὐθείας ἀποτμηθη.



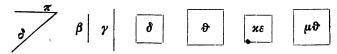


ώσπερ δε τριγωνικούς και τετραγωνικούς και πεν-

2 ad figuras, quae satis neglegenter descriptae sunt, pertinet haec adnotatio marginis A: τὸ ἐπάνω σημεϊόν ἐστιν ἴσον, τὸ ὑποκάτω μεῖζον 3 inscr. περὶ πυραμοειδῶν ἀριθμῶν Α, πη in mg. πυραμίδα Α 4 κολουροπυραμίδας: ας corr. ex ες Α 10 inscr. περὶ πλευρικῶν καὶ διαμετρικῶν ἀριθμῶν Α, πθ in mg. cf. Nesselmann p. 228 sqq.

ταγωνικούς καὶ κατὰ τὰ λοιπὰ σχήματα λόγους ἔχουσι δυνάμει οί άριθμοί, ούτως καὶ πλευρικούς καὶ διαμετρικούς λόγους ευροιμεν αν κατά τούς σπερματικούς λόγους έμφανιζομένους τοῖς ἀριθμοῖς. ἐκ γὰρ τούτων φυθμίζεται τὰ σχήματα. Εσπερ οὖν πάντων τῶν σχημά- 5 των κατά τὸν ἀνωτάτω καὶ σπερματικὸν λόγον ή μονάς ἄργει, οῦτως καὶ τῆς διαμέτρου καὶ τῆς πλευρᾶς λόγος έν τη μονάδι εύρίσκεται. οξον έκτίθενται δύο μονάδες, ών την μεν δώμεν είναι διάμετρον, την δε πλευράν, έπειδή την μονάδα, πάντων ούσαν άρχήν, δεί δυνάμει 10 καὶ πλευράν είναι καὶ διάμετρον. καὶ προστίθεται τῆ μέν πλευρά διάμετρος, τη δε διαμέτρο δύο πλευραί, έπειδή όσον ή πλευρά δὶς δύναται, ή διάμετρος απαξ. έγένετο οὖν μείζων μὲν ἡ διάμετοος, ἐλάττων δὲ ἡ πλευρά. καὶ ἐπὶ μὲν τῆς πρώτης πλευρᾶς τε καὶ δια- 15 μέτρου είη αν τὸ ἀπὸ τῆς μονάδος διαμέτρου τετράγωνον μονάδι μιᾶ έλαττον ἢ διπλάσιον τοῦ ἀπὸ τῆς μονάδος πλευράς τετραγώνου έν ισότητι γάρ αί μονάδες. τὸ δ' Εν τοῦ ενὸς μονάδι ελαττον ἢ διπλάσιον. προσδωμεν δή τη μεν πλευρά διάμετρον, τουτέστι τη μονάδι 20 μονάδα. ἔσται ή πλευρὰ ἄρα δύο μονάδων τῆ δὲ διαμέτρω προσθώμεν δύο πλευράς, τουτέστι τῆ μονάδι δύο μονάδας. έσται ή διάμετρος μονάδων τριών και τὸ

μεν ἀπὸ τῆς δυάδος πλευρᾶς τετράγωνον δ΄, τὸ δ' ἀπο τῆς τρίαδος διαμέτρου τετράγωνον θ΄ τὸ θ΄ ἄρα μονάδι μεζίου ἢ διπλάσιου τοῦ ἀπὸ τῆς β΄ πλευρᾶς. πάλιν προσθώμεν τη μεν β΄ πλευρά διάμετρον την τρίαδα: 5 έσται ή πλευρά ε΄ τη δε τρίαδι διαμέτρω β΄ πλευράς, τουτέστι δίς τὰ β΄ ἔσται ζ΄ ἔσται τὸ μὲν ἀπὸ τῆς ⟨ε΄⟩ πλευράς τετράγωνον κε΄, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ζ΄ (διαμέτρου) μθ΄ μονάδι έλασσον ἢ διπλάσιον τοῦ κε΄ ἄρα τὸ μθ΄. πάλιν ἂν τῆ ⟨ε'⟩ πλευρᾶ προσθῆς τὴν ζ΄ διάμετρον, 10 έσται ιβ΄ καν τη ζ΄ διαμέτοω προσθής δίς την ε΄ πλευράν, έσται ιζ΄ καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς ιβ΄ τετραγώνου τὸ ἀπὸ της ιζ΄ μονάδι πλέον η διπλάσιον. καὶ κατὰ τὸ έξης της προσθήκης δμοίως γιγνομένης, έσται τὸ ἀνάλογον έναλλάξ ποτε μεν μονάδι έλαττον, ποτε δε μονάδι πλέον 15 η διπλάσιον τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τετράγωνον τοῦ ἀπὸ της πλευράς και όηται αι τοιαύται και πλευραί και τδιάμεροι.



αί δὲ διάμετροι τῶν πλευρῶν ἐναλλὰξ παρὰ μίαν ποτὲ

1 δυάδος in ras. A 2 διαμέτρον] δ^{ij} A δ' τὸ δ΄ ἄρα ει τὸ et nota vocis ἄρα supra vs., $\overline{\theta}$ τὸ in ras. A 4 β΄] δύο A διάμετρον] δ' ν A 5 ἔσται A¹] μονάδων ἄρα A² διαμέτρω] δυνάμει A 6 ἔσται ξ΄: μ $\overline{\circ}'$ supra notam vocis ἔσται add. A² ἔσται τὸ: nota voc. ἔσται mut. in ἄρα A 8 τοῦ πε ἄρα τὸ μ $\overline{\theta}$ apogr.] τὸ πε ἄρα τοῦ μ $\overline{\theta}$ A 9 διάμετρον] δυνάμει A 10 nota vocis ἔσται mut. in μ $\overline{\circ}$ A 11 nota vocis ἔσται mut. in μονάδων A ἄρα post καὶ add. A² 17 duo quadrata cum numeris ρμ $\overline{\theta}$ et σπ $\overline{\theta}$ add. A² 18 α $\overline{\theta}$ δὲ corr. ex $\overline{\eta}$ δ.αι A

μὲν μονάδι μείζους ἢ διπλάσιαι δυνάμει, ποτὲ δὲ μονάδι ἐλάττους ἢ διπλάσιαι ὁμαλῶς πᾶσαι οὖν αί διάμετροι πασῶν τῶν πλευρῶν γενήσονται δυνάμει διπλάσιαι, τοῦ ἐναλλὰξ πλείονος καὶ ἐλάττονος τῷ αὐτῷ μονάδι ἐν πάσαις ὁμαλῶς τιθεμένη ἰσότητα ποιοῦντος εἰς τὸ μήτε 5 ἐλλείπειν μήτε ὑπερβάλλειν ἐν ἐπάσαις τὸ διπλάσιον τὸ γὰρ τῷ προτέρα διαμέτρω λείπον δυνάμει τῷ ἐφεξῆς ὑπερβάλλει.

έτι τε τῶν ἀριθμῶν οί μέν τινες τέλειοι λέγονται, οί δ' ὑπερτέλειοι, οί δ' έλλιπεζς. καὶ τέλειοι μέν είσιν 10 οί τοῖς αὐτῶν μέρεσιν ἴσοι, ὡς ὁ τῶν ς΄ μέρη γὰρ αὐτοῦ ημισυ γ', τρίτον β', εκτον α', ατινα συντιθέμενα ποιεί τὸν ς'. γεννώνται δὲ οί τέλειοι τοῦτον τὸν τρόπον. έὰν έκθωμεθα τοὺς ἀπὸ μονάδος διπλασίους καὶ συντιθώμεν αὐτούς, μέγρις οὖ αν γένηται πρώτος καὶ 15 άσύνθετος άριθμός, και τὸν ἐκ τῆς συνθέσεως ἐπὶ τὸν ξσχατον τῶν συντιθεμένων πολλαπλασιάσωμεν, ὁ ἀπογεννηθείς έσται τέλειος. οἶον έκκείσθωσαν διπλάσιοι α' β' δ' η' $\iota \varsigma'$. $\sigma \upsilon \upsilon \vartheta \tilde{\omega} \mu \varepsilon \upsilon$ $\sigma \tilde{\upsilon} \upsilon$ α' $\kappa \alpha \iota$ β' $\gamma \iota \upsilon \varepsilon \tau \alpha \iota$ γ' $\star \alpha \iota$ τὸν γ΄ ἐπὶ τὸν ὖστερον τὸν ἐκ τῆς συνθέσεως πολλα- 20 πλασιάσωμεν, τουτέστιν έπλ τον β΄ γίνεται ς΄, ος έστι πρώτος τέλειος. αν πάλιν τρεῖς τοὺς ἐφεξῆς διπλασίους συνθωμεν, α΄ και β΄ και δ΄, έσται ζ΄ και τοῦτον έπι τὸν ξόγατον τῶν τῆς συνθέσεως πολλαπλασιάσωμεν, τὸν ζ

1 $t\tilde{\omega}v$ nlevç $\tilde{\omega}v$ post $\delta vv\acute{\alpha}\mu\epsilon\iota$ er. A 6 élle $\ell n\epsilon\iota v$: lei corr. ex $\ell\iota$ A 9 inscr. $n\epsilon \varrho \ell$ $t\epsilon \ell\epsilon \ell\omega v$ na ℓ \dot{v} $n\epsilon \varrho t\epsilon \ell\epsilon \ell\omega v$ na ℓ \dot{v} $n\epsilon \varrho t\epsilon \ell\epsilon \ell\omega v$ na ℓ élli $\ell n\tilde{\omega}v$ (corr. ex élli $\ell n\tilde{\omega}v$) a $\ell \ell \ell \tilde{\omega}v$ A, $\ell \tilde{\lambda}$ in mg. 15 $\ell \ell \ell \tilde{\omega}v$ A, em. apogr. 19 ov add. fort. A 2 $\ell \ell v$ $\ell \tilde{\omega}v$ correst corr. ex nota vocis é $\ell \tilde{\omega}v$ at the $\ell \tilde{\lambda}v$ A 20 $\ell \tilde{\omega}v$ $\ell \tilde{\omega}v$ $\ell \tilde{\omega}v$ $\ell \tilde{\omega}v$ covered é ℓv $\ell \tilde{\omega}v$ $\ell \tilde{\omega$

έπὶ τὸν δ΄ · ἔσται ὁ κη΄, ος ἐστι δεύτερος τέλειος · σύγκειται ἐκ τοῦ ἡμίσεος τοῦ ιδ΄, τετάρτου τοῦ ζ΄, ἑβδόμου τοῦ δ΄, τεσσαρακαιδεκάτου τοῦ β΄, εἰκοστοῦ ὀγδόου τοῦ α΄.

ύπερτέλειοι δέ είσιν ὧν τὰ μέρη συντεθέντα μείζονά 5 έστι τῶν ὅλων, οἶον ὁ τῶν ιβ΄ τούτου γὰρ ῆμισύ ἐστιν ϛ΄, τρίτον δ΄, τέταρτον γ΄, ἕκτον β΄, δωδέκατον α΄, ἄτινα συντεθέντα γίνεται ις΄, ὅς ἐστι μείζων τοῦ ἐξ ἀρχῆς, τουτέστι τῶν ιβ΄.

έλλιπεῖς δέ εἰσιν ὧν τὰ μέρη συντεθέντα ἐλάττονα 10 τὸν ἀριθμὸν ποιεῖ τοῦ ἐξ ἀρχῆς προτεθέντος ἀριθμοῦ, οἶον ὁ τῶν ή΄ τούτου γὰρ ῆμισυ δ΄, τετάρτον β΄, ὄγδοον εν. τὸ αὐτὸ δὲ καὶ τῷ ί συμβέβηκεν, ὃν καθ' ετερον λόγον τέλειον εφασαν οἱ Πυθαγορικοί, περὶ οἱ κατὰ τὴν οἰκείαν χώραν ἀποδώσομεν. λέγεται δὲ καὶ ὁ γ΄ 15 τέλειος, ἐπειδὴ πρῶτος ἀρχὴν καὶ μέσα καὶ πέρας ἔχει οἱ δ' αὐτὸς καὶ γραμμή ἐστι καὶ ἐπίπεδον, τρίγωνον γὰρ ἰσόπλευρον ἐκάστην πλευρὰν δυείν μονάδων ἔχον, καὶ πρῶτος δεσμὸς καὶ στερεοῦ δύναμις ἐν γὰρ τρισὶ διαστάσεσι τὸ στερεὸν νοεῖσθαι.

έπει δε και συμφώνους τινάς φασιν άριθμούς, και δ περι συμφωνίας λόγος οὐκ ἂν εύρεθείη ἄνευ άρι-

1 δεύτερος] $\hat{\beta}$ A σύγκειται — τοῦ α΄ in mg. A (forthaece contextu verborum removenda), γὰρ post σύγκειται apogr. 2 έρδόμον] $\hat{\xi}$ A 3 τεσσαρακαιδεκάτον] $\hat{\iota}$ A εἰκοστοῦ όγδοον] $\hat{\kappa}\eta$ A 4 συντεθέντα: τε corr. ex τι A 5 τῶν $\hat{\iota}\bar{\beta}$ A²] τὸν $\hat{\iota}\bar{\beta}$ A¹ 7 ὅς (?) A¹] καὶ A² 8 τῶν corr. ex τὸν A 12 τῶ corr. ex τὸ A 14 ἀκοδώσομεν: p. 99, 18. 106, 7 γ΄: τρία corr. ex τρίτος A 15 μέσον apogr. 16 γάρ ⟨έστιν⟩? 18 δύναμις corr. ex δυνάμεις A 19 νοεῖται apogr.; fort. excidit φασίν vel tale quid 20 inscr. Θέωνος Πλατωνικοῦ συγκεφαλαίωσις καὶ σύνοψις τῆς ὅλης μουσικῆς Z, περὶ μουσικῆς A² α A

θμητικής. ήτις συμφωνία την μεγίστην έχει ίσχύν, έν λόγφ μεν ούσα άλήθεια, έν βίφ δε εύδαιμονία, έν δε τῆ φύσει άρμονία. και αὐτὴ δὲ ἡ άρμονία ῆτις ἐστὶν έν κόσμφ ούκ αν εύρεθείη μὴ έν άριθμοῖς πρότερον έξευφεθείσα ήτις έστι και νοητή, ή δε νοητή ράον άπο τῆς 5 αίσθητης κατανοείται. νῦν μέν οὖν περί τῶν δυείν άρμονιῶν λεκτέον, τῆς τ' αἰσθητῆς ἐν ὀργάνοις καὶ τῆς νοητής εν άριθμοζς. μετά δε τον περί πάντων των μαθηματικών λόγον τελευταΐον ἐπάξομεν καὶ τὸν περί τῆς ἐν κόσμφ άρμονίας λόγον, οὐκ ὀκνοῦντες τὰ ὑπὸ 10 τῶν πρὸ ἡμῶν έξευρημένα καὶ αὐτοὶ ἀναγράφειν, ὥσπερ καὶ τὰ πρόσθεν ὑπὸ τῶν Πυθαγορικῶν παραδοθέντα έπὶ τὸ γνωριμώτερον έξενεγκόντες παραδεδώκαμεν, ούδεν αύτοι τούτων έξευρηκέναι φάσκοντες. παραδεικυύντες δέ τινα τῶν ὑπὸ τῶν πρὸ ἡμῶν παραδοθέντὼν 15 τῷ μέλλοντι συνήσειν τὰ Πλάτωνος ἀναγκαίαν καὶ τούτων συναγωγην έποιησάμεθα.

Θράσυλλος τοίνυν περί τῆς ἐν ὀργάνφ αἰσθητῆς λέγων ἁρμονίας φθόγγον φησίν εἶναι φωνῆς ἐναρμονίου τάσιν. ἐναρμόνιος δὲ λέγεται, ἐπὰν δύνηται καὶ τοῦ 20 ὀξέος ὀξύτερος εὐρεθῆναι καὶ τοῦ βαρέος βαρύτερος καὶ ὁ αὐτὸς καὶ μέσος ἐστίν. ὡς εἶγε τινὰ τοιαύτην φωνὴν νοήσαιμεν ῆτις ὑπεραίρει πᾶσαν ὀξύτητα, οὐκ ἄν εἴη ἐναρμόνιος οὐδὲ γὰρ τὸν τῆς ὑπερμεγέθους

² μὲν οὖσα] μένουσα A^1 4 πρώτερον A^1 5 cf. Boeckh kl. Schr. III p. 138 sqq. 7 τῆς τ' αἰσθητῆς ἐν ὀργάνοις Z] τῆς τε αἰσθητῶν ὀργάνοις A^1 , τῆς τε ἐν αἰσθητοῖς ὀργάνοις A^2 17 ἐποιησάμεθα Z] πεποιήμεθα A 18 inscr. $\overline{\beta}$ τί ἐστι φθόγγος καὶ τί φωνὴ ἐναρμόνιος mg. A. cf. C. Fr. Hermann de Thrasyllo p. 9. Marquard ad Aristox. p. 226 δράσυλλος Z] Θρασυλλός A^1 , ΘρασύΜος A^2 22 καὶ ὁ αὐτὸς καὶ μέσος ἐστίν del. vid.

βρουτης ψόφον έναρμόνιον έρουμεν, ος γε καὶ ὀλέθριος διὰ τὴν ὑπερβολὴν πολλάκις γίνεται, ὡς τις ἔφη

πολλούς δὲ βροντῆς τραῦμ' ἄναιμον ὥλεσε. και μην εί τις ούτως βαρύς είη φθόγγος, ώς μη έχειν ε αύτοῦ βαρύτερον, οὐκ ἂν οὐδὲ φθόγγος εἴη τὸ ἐναρμόνιον ούκ έχων. διὰ τοῦτ' οὖν φθόγγος εἶναι λέγεται ού πᾶσα φωνή ούδὲ πάσης φωνής τάσις, άλλ' ή έναρμόνιος, οίον μέσης, νεάτης, ύπάτης. διάστημα δέ φησιν είναι φθόγγων την πρός άλληλους ποιάν σχέσιν, οίον 10 διὰ τεσσάρων, διὰ πέντε, διὰ πασῶν, σύστημα δὲ διαστημάτων ποιὰν περιοχήν, οἶον τετράχορδον, πεντάχορδον, οκτάχορδον. άρμονία δέ έστι συστημάτων σύνταξις, οἷον Αύδιος, Φρύγιος, Δώριος. καὶ τῶν φθόγγων οι μέν όξεις, οι δε βαρείς, οι δε μέσοι 15 όξεξς μεν οι των νητών, βαρείς δε οι των ύπατών, μέσοι δε οί των μεταξύ. των δε διαστημάτων τα μεν σύμφωνα, τὰ δὲ διάφωνα. σύμφωνα μὲν τά τε κατ' άντίφωνον, οἶόν έστι τὸ διὰ πασῶν καὶ τὸ δὶς διὰ πασῶν, καὶ τὰ (κατὰ) παράφωνον, οἶον τὸ διὰ πέντε, 20 τὸ διὰ τεσσάρων. σύμφωνα δὲ κατὰ συνέχειαν οἶον τόνος, δίεσις. τά τε γὰρ κατ' ἀντίφωνον σύμφωνά έστιν, έπειδαν τὸ άντικείμενον τῆ ὀξύτητι βάρος συμφωνη, τά τε κατά παράφωνόν έστι σύμφωνα, έπειδαν

3 Eurip. fr. 972 4 εί] η Α¹ 6 τοῦτ' Α] τοῦτο Ζ 8 inscr. τί ἐστι διάστημα Α, δ in mg. cf. Marquard p. 231 10 ε mg. A. cf. Boeckh kl. Schr. III p. 147 sqq. 157. de metris Pind. p. 204 sqq. 12 inscr. τί ἐστιν ἀρμονία καὶ περὶ διαφορᾶς φθόγγων Α, ς ξ in mg. cf. Marquard p. 212 16 τῶν Ζ] οm. Α inscr. περὶ διαστημάτων Α, ξ η in mg. 17 cf. Westphal Metrik der Griechen I p. 289. Marquard p. 252 19 τὰ τὸ ΑΖ, cf. vs. 23 τὸ οm. Α¹ 20 σύμφωνα — δίεσις fort. del. cf. Marquard p. 235

μήτε δμότονον φθέγγηται φθόγγος φθόγγω μήτε διάφωνον, άλλὰ παρά τι γνώριμον διάστημα δμοιον. διάφωνοι δ' εἰσὶ καὶ οὐ σύμφωνοι φθόγγοι, ὧν ἐστι το διάστημα τόνου ἢ διέσεως ὁ γὰρ τόνος καὶ ἡ δίεσις ἀρχὴ μὲν συμφωνίας, οὕπω δὲ συμφωνία.

ό δὲ περιπατητικὸς "Αδραστος, γνωριμώτερον περί τε άρμονίας καὶ συμφωνίας διεξιών, φησί καθάπερ τῆς έγγραμμάτου φωνῆς καὶ παντὸς τοῦ λόγου όλοσχερῆ μὲν καὶ πρῶτα μέρη τά τε ρήματα καὶ ὀνόματα, τούτων δὲ αὶ συλλαβαί, αὖται δ' ἐκ γραμμάτων, τὰ δὲ γράμ- 10 ματα φωναὶ πρῶταί εἰσι καὶ στοιχειώδεις καὶ ἀδιαίρετοι καὶ ἐλάχισται — καὶ γὰρ συνίσταται ὁ λόγος ἐκ πρώτων γραμμάτων καὶ εἰς ἔσχατα ταῦτα ἀναλύεται —, οῦτως καὶ τῆς ἐμμελοῦς καὶ ἡρμοσμένης φωνῆς καὶ παντὸς τοῦ μέλους όλοσχερῆ μὲν μέρη τὰ λεγόμενα 15 συστήματα, τετράχορδα καὶ πεντάχορδα καὶ ὀκτάχορδα ταῦτα δέ ἐστιν ἐκ διαστημάτων, τὰ δὲ διαστήματα ἐκ φθόγγων, οῖτινες πάλιν φωναί εἰσι πρῶται καὶ ἀδιαίρετοι καὶ στοιχειώδεις, ἐξ ὧν πρώτων συνίσταται τὸ πῶν μέλος καὶ εἰς ἃ ἔσχατα ἀναλύεται. διαφέρουσι δὲ 20

Theo Smyrn.

¹ δμότονον: το in ras. A (fort. corr. ex δμόφωνον), cf. Vetter additam. ad. Steph. Thes. (Zwickau 1867) p. 16 3 οὖ] οἱ AZ ἐστὶ Z] ἐπὶ A 6 inscr. περὶ ἄρμονίας καὶ σνμφωνίας A. cf. Chalcid. 44 10 αὐται ở] ἄτινα AZ, αῖτινες Manuel Bryennius p. 393 11 ἀδιαίρετοὶ Z] διαιρεταὶ corr. ex διαιρετοὶ A, quae sunt primae voces individuae atque elementariae Chalcid. 15 ὥστε ἀναλογεῖν ταῦτα ταὶς λέξεσιν, οἶον δήμασι καὶ ὀνόμασι, τὰ δὲ διαστήματα ταῖς συλλαβαῖς, τοῖς δὲ φθόγγους τοῖς στοιχείοις (τὰ στοιχεῖα corr. A², scr. τοὺς δὲ φθόγγονς τοῖς στοιχείοις) mg. A 18 φθόγγων Z] τῶν φθόγγων A ἀδιαίρετοὶ διαιρεταὶ corr. ex διαιρετοὶ A 19 πρώτων A] πρώτον Z 20 ἄ Z] om. A, cf. Nicom. introd. arithm. p. 73, 6 H.

άλλήλων οι φθόγγοι ταζς τάσεσιν, έπει οι μεν αὐτῶν όξύτεροι, οι δε βαρύτεροι αι δε τάσεις αὐτῶν κατά τινας λόγους είσιν ἀφωρισμέναι.

φησί δε καί τους Πυθαγορικους περί αὐτῶν οῦτω 5 τεχνολογεῖν ἐπεὶ μέλος μὲν πᾶν καὶ πᾶς φθόγγος φωνή τίς έστιν, απασα δε φωνή ψόφος, ψόφος δε πλήξις άέρος κεκωλυμένου θούπτεσθαι, φανερον ώς ήρεμίας μέν ούσης περί τὸν ἀέρα οὐκ ἂν γένοιτο οὕτε ψόφος οὕτε φωνή, διὸ οὐδὲ φθόγγος, πλήξεως δὲ καὶ κινήσεως 10 γενομένης περί τὸν ἀέρα, ταχείας μὲν ὀξὺς ἀποτελεῖται ό φθόγγος, βραδείας δὲ βαρύς, καὶ σφοδρᾶς μὲν μείζων ήχος, ήρέμου δὲ μικρός. τὰ δὲ τάχη τῶν κινήσεων καὶ αί σφοδρότητες η έν λόγοις τισίν ἀποτελοῦνται η καί άλόγως πρός άλληλα. ύπὸ μὲν οὖν τῶν άλόγων ἄλογοι 15 καλ έκμελεζς γίνονται ψόφοι, οὓς οὐδὲ φθόγγους χοὴ καλείν κυρίως, ήχους δε μόνον, ύπο δε των εν λόγοις τισί πρὸς ἀλλήλους πολλαπλασίοις ἢ ἐπιμορίοις ἢ ἁπλῶς άριθμοῦ πρὸς άριθμὸν έμμελεῖς καὶ κυρίως καὶ ίδίως φθόγγοι . ών οι μεν άλλοι μόνον ήρμοσμένοι, οι δε κατά 20 τοὺς πρώτους καὶ γνωριμωτάτους καὶ κυριωτάτους λόγους πολλαπλασίους τε καὶ ἐπιμορίους ἤδη καὶ σύμφωνοι. συμφωνούσι δε φθόγγοι προς άλλήλους, ών θατέ-

1 ἀλλήλων Α] ἄλλων Z 3 λόγους ante λόγους er. Α 4 φησί Α] φασί Z 5 Porph. comm. in Ptol. Harm. p. 193 ὁ γοῦν περιπατητικὸς ἄδραστος τὰ κατὰ τοὺς Πυθαγορείους ἐκτιθέμενος γράφει· ἐπεὶ μέλος — δὲ μικρός (vs. 12) 6 ψόφος δὲ Z] om. Α, ὁ δὲ add. Α², ὁ δὲ ψόφος Porph. 7 φανερὸν Porph.] φανερὸν δὲ AZ 11 μείζον A1 12 ἦρέμων A] ἢρέμα Z, ἤρεμαίας Porph. 18 ἀριθμοῦ A] καὶ Z 21 πολλαπλασίους A] πολλαπλάσιοι Z ἐπιμορίους A] ἐπιμόριοι Z σύμφωνοι corr. ex. συμφώνους ut vid. A 22 Porph. comm. in Ptol. Harm. p. 270 ἄδραστος δὲ ὁ περιπατητικὸς ἐντοῖς εἰς τὸν Τίμαιον λέγει οῦτως συμφωνοῦσι δὲ — ἐξακούεται

ρου προυσθέντος έπί τινος όργάνου τῶν έντατῶν καὶ δ λοιπός κατά τινα οίκειότητα καλ συμπάθειαν συνηγεί. κατά ταύτὸ δὲ άμφοῖν ᾶμα κρουσθέντων ήδεῖα καὶ προσηνής έκ της κράσεως έξακούεται φωνή. των δέ κατὰ τὸ έξης ήρμοσμένων φθόγγων πρώτοι μέν οί 5 τέταρτοι τάξει συμφωνοῦσι πρὸς ἀλλήλους, συμφωνοῦσι δὲ συμφωνίαν τὴν δι' αὐτὸ τοῦτο διὰ τεσσάρων λεγομένην, ἔπειτα οί πέμπτοι την διὰ πέντε, καὶ μετὰ ταῦτα οί περιλαμβάνοντες άμφοτέρας τὰς συμφωνίας, γινόμενοι δ' ἀπ' ἀλλήλων ὄγδοοι, την διὰ πασῶν, 10 ουτω προσαγορευθείσαν έπειδή τὸ πρώτον ἀπὸ τῆς όκταχόρδου λύρας ὁ πρώτος καὶ βαρύτατος φθόγγος, καλούμενος ὑπάτη, τῷ τελευταίφ καὶ ὀξυτάτφ, τουτέστι τῆ νήτη, τὴν αὐτὴν εὑρέθη συνέχων συμφωνίαν κατ' αντίφωνον. ἐπηυξημένης δὲ τῆς μουσικῆς καὶ πολυχόρ- 15 δων καλ πολυφθόγγων γεγονότων όργάνων τῷ προσληφθηναι καλ έπλ τὸ βαρὸ καλ έπλ τὸ ὀξὸ τοῖς προϋπάργουσιν όπτω φθόγγοις άλλους πλείονας, όμως των πρώτων συμφωνιών αι προσηγορίαι φυλάττονται, διὰ τεσσάρων, διὰ πέντε, διὰ πασῶν. 20

φωνή (p. 51, 4). cf. Marquard p. 237. C. Lang Ueberblick über die altgriech. Harmonik p. 27 1 ἐντατῶν Α] ἐν τούτοις Z 2 συνηχῆ Porph. 3 ταὐτὸ ΑZ] τὸ αὐτὸ Porph. ἡδεῖα Z] ἡδία A^1 , ἡδεῖα A^2 , λεία Porph. 6 τέτταρες A^2 συμφωνία ἡ διὰ $\overline{\delta}$ ἐν ἐπιτρίτω, ἡ διὰ $\overline{\epsilon}$ συμφωνία ἐν ἡμιολίω, ἡ διὰ πασῶν συμφωνία A^2 vel recentior manus in mg. sup., adiectis lineis inutilibus 8 πέμπτοι Z] $\overline{\epsilon}$ A 10 δ' Z] om. A 11 ὅτι τὸ πρῶτον μέχρις ὁπταχορδων (tum καὶ del.) ἡ μουσικὴ ὑπῆρχεν, ὁ α ὑπάτη βαρύτατος, ὁ ἔσχατος νήτη ὁξύτατος: ἐπεὶ ὁ (μὲν add. A^2) ὀξύτατος φθόγγος ὁ $\overline{\delta}$ (ὁ $\overline{\delta}$ corr. in ὁ δὲ βαρύτατος A^2)· ούτοι δὲ ἀντίφωνοι mg. A 12 βαρύτατος ὁ $\overline{\alpha}$ φθόγγος ὑπάτη, $\overline{\eta}$ ὀξύτατος νήτη A^2 vel rec. m. in mg. inf., adiectis lineis 14 εὐρέθη] εὐρεθήσεται AZ

προσανηύρηνται δε ταύταις ετεραι πλείους. τη γάρ διὰ πασῶν πάσης ἄλλης προστιθεμένης, καὶ έλάττονος καλ μείζονος καλ ζόης, έξ άμφοζν έτέρα γίνεται συμφωνία, οίον η τε διὰ πασῶν και διὰ τεσσάρων, και 5 δια πασών και δια πέντε, και δίς δια πασών, έτι δε πάλιν τῆ διὰ πασῶν εἰ προστεθείη τούτων τις, οἶον ἡ δίς διὰ πασῶν καὶ διὰ τεσσάρων, καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων δμοίως μέχρι τοῦ δύνασθαι φθέγγεσθαι ἢ κρίνειν άπούοντας. τόπος γάρ τις παλείται τῆς φωνῆς ον 10 διεξέρχεται ἀπὸ βαρυτάτου τινὸς ἀρξαμένη φθόγγου και κατά τὸ έξης έπι τὸ όξὺ προϊοῦσα, η ἀνάπαλιν. τούτων δε οί μεν έπι πλείον, οί δε έπ' έλαττον διιστασιν. τὸ μέντοι έξῆς καὶ έμμελῶς ἐν τούτφ προκόπτειν οὔτε ώς έτυχε γίνεται ούτε μην άπλως και μοναχώς, άλλα 15 κατά τινας τρόπους άφωρισμένους, καθ' ους αί τῶν λεγομένων γενών της μελωδίας θεωρούνται διαφοραί. καθάπεο γὰο ἐπὶ τοῦ λόγου καὶ τῆς ἐγγοαμμάτου φωνῆς οὐ πᾶν γράμμα παντί συμπλεκόμενον συλλαβὴν ἢ λόγον άποτελεϊ, οΰτως οὐδὲ ἐν τῷ μέλει κατὰ τὴν ἡομοσμένην 20 φωνήν οὐδ' ἐν τῷ ταύτης τόπῳ πᾶς φθόγγος μετὰ παντός τιθέμενος έμμελες ποιεί διάστημα, άλλ' ώς φαμεν κατά τρόπους τινάς άφωρισμένους.

1 ταῦται \mathbf{A}^1 6 τῆ δὶς διὰ πασῶν \mathbf{A}^2 et Bryenn. p. 394 εἰ primo om., tum add. A, deest in \mathbf{Z} 8 δμοίως \mathbf{A}] οὕτως \mathbf{Z} 9 cf. Aristox. p. 18, 27 Marq. Vetter additam. ad. Steph. Thes. p. 24 γ^0 οὕτως ὅτι ὁ τῆς φωνῆς τόπος ἢ ἀπὸ βαρυτάτον ἀρξάμενος πατὰ τὸ ἑξῆς ἐπὶ τὸ όξὲ δίεισιν ἢ ἔμπαλιν ἀπὸ όξυτάτον ἐπὶ τὸ βαρύ mg. A 12 τούτων — διιστᾶσιν fort. del. 13 sq. τὸ — ἐμμελῶς — προκόπτειν \mathbf{Z}] corr. in ἡ — ἐμμελῆς — προκοπὴ \mathbf{A} 14 ἀλλὰ \mathbf{A}] ἀλλὰ καὶ \mathbf{Z} 17 cf. Aristox. p. 38 et 52 Marq. 19 κατὰ τὴν \mathbf{Z}] om. \mathbf{A}

τοῦ δὲ λεγομένου τόπου τῆς φωνῆς καὶ παντὸς τοῦ έν τούτφ διαστήματος γνωριμώτατον μέρος τε καλ μέτρον έστι τὸ καλούμενον τονιαΐον διάστημα, καθάπες ὁ πῆχυς τοῦ χυρίως τοπιχοῦ διαστήματος δ φερόμενα τὰ σώματα διέξεισιν. Εστι δε γνωριμώτατον το τονιαΐον διάστημα, 5 έπειδη των πρώτων και γνωριμωτάτων συμφωνιών έστι διαφορά τὸ γὰρ διὰ πέντε τοῦ διὰ τεσσάρων ὑπερέχει τόνω. τὸ μέντοι ημιτόνιον ούχ ώς ημισυ τόνου λέγεται, ώσπες Αριστόξενος ήγειται, καθό και το ήμιπήχιον ημισυ πήχεως, άλλ' ώς έλαττον τοῦ τόνου μελφδητὸν 10 διάστημα καθά και τὸ ἡμίφωνον γράμμα οὐχ ὡς ῆμισυ φωνης καλουμεν, άλλ' ώς μη αύτοτελη καθ' αύτὸ φωνήν. δείκνυται γὰρ ὁ τόνος μηδ' ὅλως εἰς δύο ἰσα διαιρεϊσθαι δυνάμενος, έν λόγφ θεωρούμενος έπογδόφ, καθάπεο οὐδ' ἄλλο τι ἐπιμόριον διάστημα. τὰ γὰρ θ΄ 15 ούχ οξόν τε διαιρεθηναι είς ζσα.

όταν μεν οὖν ή φωνή μελφδοῦσα εν τῷ λεγομενφ τόπφ αὐτῆς ἀπό τινος βαρυτέρου φθόγγου ἐπὶ τὸν εξῆς όξύτερον μεταβῆ τὸ λεγόμενον ἡμιτονιαῖον διάστημα ποιησαμένη κἄπειτ' ἀπ' αὐτοῦ τόνον διαστήσασα πρῶτον 20

¹ inscr. περὶ τόνον Α, τ in mg. 5 διέξεισιν: ει corr. ex. ι Α γνωριμώτατον Bryenn. p. 395] γνωριμώτερον ΑΖ 6 cf. Marquard p. 258 sq. 8 inscr. περὶ ἡμιτονίον Α. cf. Procl. ad Plat. Tim. p. 196 B 9 'Αριστόξενος: Harm. p. 30, 7 Marq. 12 αὐτοτελή καθ' αὐτὸ φωνήν Z] τὸ αὐτὸ τελεὶ κατ' αὐτὸ φωνήν A1, τῷ αὐτοτελεῖ κατὰ ταυτὸ φωνείν A^2 14 ὅτι ὁ τόνος ἐν ἐπογδόφ λόγφ θεωρεῖται mg. A17 inscr. τί τὸ διάτονον μέλος (γένος Bull.) τῆς μελφ-δίας A, τὰ in mg. 18 βαρυτέρου A^2] βραχυτέρου A^1Z 19 ἡμιτονιαῖον Z] ἡμιτόνιον A20 ἰστέον ὡς οὐ πάντως (πάντος A1) οὖτως ἔχει τὸ διάτονον, ἀλλ' ἐνδέχεται καὶ μετὰ τὸ ἡμιτόνιον (τὸ ἡμιτόνιον A^2 corr. ut vid. ex τῶν) δύο τόνους (τόνων A1) εἶναι καὶ ἑκατέρωθεν (ἑκατέροθεν A1)· ἐκ δὲ διαφόρον τάξεως διάφορον γίνεται μέλος mg. A

έπ' ἄλλον παραγένηται φθόγγον, βουλομένη κατὰ τὸ έξῆς προκόπτειν έμμελῶς, οὐδὲν ἔτερον εἶναι δύναται διάστημα οὐδὲ προενέγκασθαι φθόγγον ἔτερον έμμελῆ καὶ ἡρμοσμένον, ἢ διάστημα μὲν τονιαῖον, φθόγγον δὲ τὸν ἐπὶ τὸ όξὺ τοῦτο ὁρίζοντα καὶ συμφωνοῦντα τῷ ἔξ ἀρχῆς τὴν διὰ τεσσάρων συμφωνίαν. καλεῖται δὲ τὸ οῦτω μελφδηθὲν σύστημα τετράχορδον, συνεστηκὸς ἐκ διαστημάτων μὲν τριῶν, ἡμιτονίου καὶ τόνου καὶ τόνου, φθόγγων δὲ τεσσάρων, ὧν οί περιέχοντες, τουτέστιν ὅ τε βαρύτατος καὶ ὀξύτατος, συμφωνοῦσιν εὐθὺς ἣν διὰ τεσσάρων ἔφαμεν λέγεσθαι συμφωνίαν δύο τόνων οῦσαν καὶ ἡμιτονίου. καλεῖται δὲ τὸ τοιοῦτον γένος τῆς μελφδίας διάτονον, ἤτοι ὅτι διὰ τῶν τόνων τὸ πλεῖστον διοδεύει ἢ ὅτι σεμνόν τι καὶ ἐρρωμένον καὶ 15 εὖτονον ἦθος ἐπιφαίνει.

έὰν μέντοι ἡ φωνὴ, τὸν ἔξ ἀρχῆς πρῶτον ὁρίσασα φθόγγον καὶ ἡμιτόνιον ἐπὶ τὸ ὀξὰ μεταβᾶσα, ἐπὶ τὸν αὐτὸν ἔλθη δεὐτερον φθόγγον, εἶτα πάλιν ἀπὸ τοῦδε ἡμιτόνιον διαστήσασα τρίτον ὁρίση φθόγγον ἄλλον, 20 ἀπὸ τούτου κατὰ συνέχειαν πειρωμένη προκόπτειν ἐμμελῶς οὖτε διάστημα δύναται ποιήσασθαι ἄλλο πλὴν τὸ λειπόμενον τοῦ πρῶτου γενομένου τετραχόρδου, τὸ τριημιτονιαῖον ἀσύνθετον, οὖτε φθόγγον ἔτερον ὁρίσαι

² εἶναι] ποιήσασθαι? cf. p. 53, 20. 54, 21 5 τοῦτον A^2 10 καὶ om. A^1 τίς ἡ διὰ $\bar{\delta}$ καὶ πῶς γίνεται: τί τὸ διάτονον γένος τῆς μελωδίας καὶ πῶς γίνεται: mg. A οὖν post εὐθὺς add. A^2 ῆν corr. ex ἡ A 11 ἔφαμεν A] φαμὲν Z. cf. p. 51, 7 12 γίνεται post ἡμιτονίου A^2 14 τι Z] τε A 16 inscr. τί τὸ χρωματικόν A, $i\bar{\beta}$ in mg. καὶ τοῦτο τῆς διὰ $\bar{\delta}$ mg. A τὸν] τῶν A^1 18 ἔλθη apogr.] ἔλθοι AZ ut vid. 19 ὀρίσει A^1

ἢ τὸν ἐπὶ τὸ όξὺ περιέχοντα τὸ πρῶτον τετράχορδον, συμφωνοῦντα τῷ βαρυτάτῷ κατὰ τὸ διὰ τεσσάρων ιῶστε γίνεσθαι τὴν τοιαύτην μελῷδίαν κατὰ ἡμιτόνιον καὶ ἡμιτόνιον ἀσύνθετον. καλεῖται δὲ πάλιν τὸ γένος τῆς τοιαύτης μελῷδίας χρωματικὸν διὰ τὸ παρατετράφθαι καὶ ἔξηλλάχθαι τοῦ πρόσθεν γοερώτερόν τε καὶ παθητικώτερον ἦθος ἐμφαίνειν.

λέγεται δέ τι καὶ τρίτον γένος μελφδίας ἐναρμόνιον, ἐπειδὰν ἀπὸ τοῦ βαρυτάτου φθόγγου κατὰ δίεσιν καὶ δίεσιν ἡ φωνὴ προελθοῦσα μελφδήση τὸ 10 τετράχορδον. δίεσιν δὲ καλοῦσιν ἐλαχίστην οί περὶ ᾿Αριστόξενον τὸ τεταρτημόριον τοῦ τόνου, ῆμισυ δὲ ἡμιτονίου, ὡς ἐλάχιστον μελφδητὸν διάστημα, τῶν Πυθαγορείων διέσιν καλούντων τὸ νῦν λεγόμενον ἡμιτόνιον. καλείσθαι δέ φησιν ᾿Αριστόξενος τοῦτο τὸ 15 προειρημένον γένος άρμονίαν διὰ τὸ εἶναι ἄριστον, ἀπενεγκάμενον τοῦ παντὸς ἡρμοσμένου τὴν προσ-

¹ τὸ ὀξὲν Α] τὸν ὀξὲν Ζ 2 κατὰ τὸν διὰ δ΄ Ζ (κατὰ τὴν διὰ τεσσάρων συμφωνίαν duo codd. et Bryenn. p. 397), κατὰ τῶν διὰ ξ Α 4 τὸ τριημιτόνιον (τρημητόνιον Α¹) τριῶν ἐστὶν ἡμιτονίων, τόνον $\overline{\alpha_S}$ εἶτα τὰ $\overline{\beta}$ ἡμιτόνια· γίνεται ἡ πᾶσα τόνων $\overline{\beta_S}$ mg. A 6 καὶ ante γοερώτερόν add. A² ut vid. 8 inscr. τί τὸ ἐναρμόνιον Α, $\overline{\imath}$ in mg. 9 ἐπεὶ γὰρ τὸ $(\overline{\imath}_0$, add. A²) διὰ $\overline{\delta}$ δίατονον (scr. δύο τόνων καὶ ἡμιτονίον) ἔστίν, ἀνάγκη τῶν (τῶν Α¹, τὸ Α²) $\overline{\beta}$ διαστημάτων διεσιαῖον τῶν (scr. διεσιαίων ὄντων) ἄτινά ἐστιν ἡμιτονίου τὸ $\overline{\gamma}$ Φύο εἶναι τόνων mg. A (in postremis complura ex corr. A²) ἔτι τῆς διὰ $\overline{\delta}$ mg. A καὶ δίεσιν Z] om. A 10 δίτονον Z] διὰ τόνον A μελωδήση A] μελωδήσει Z 11 inscr. τί ἐστι δίεσις A οἱ περὶ Λριστοξένον: Harm. p. 30, 5 sq. 66, 9 14 πυθαγορίων A¹Z 15 Λριστ. A] ὁ Λριστ. Z. cf. Μαληρα diatr. de Arist. p. 163 17 ἀπενεγκάμενον Z] ἐπενεγκάμενον Δ

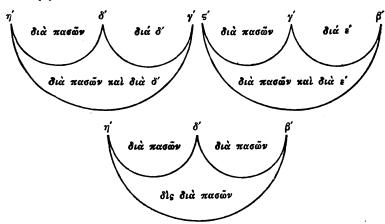
ηγορίαν. ἔστι δὲ δυσμελφδητότατον καί, ὡς ἐκεῖνός φησι, φιλότεχνον καὶ πολλῆς δεόμενον συνηθείας, ὅθεν οὐδ' εἰς χρῆσιν ῥαδίως ἔρχεται, τὸ δὲ διάτονον γένος ἁπλοῦν τι καὶ γενναῖον καὶ μᾶλλον κατὰ φύσιν διὸ 5 μᾶλλον τοῦτο παραλαμβάνει Πλάτων.

ήμιτόνιον	τόνος	τόνος	διάτονον		
ήμιτόνιον	ήμιτόνιον	τριημιτόνιον	χοωματικόν		
δίεσις δίεσις		άρμονικόν			

τοὺς δὲ συμφωνοῦντας φθόγγους ἐν λόγοις τοῖς 10 πρὸς ἀλλήλους πρῶτος ἀνευρηκέναι δοκεῖ Πυθαγόρας, τοὺς μὲν διὰ τεσσάρων ἐν ἐπιτρίτω, τοὺς δὲ διὰ πέντε ἐν ἡμιολίω, τοὺς δὲ διὰ πασῶν ἐν διπλασίω, καὶ τοὺς μὲν διὰ πασῶν καὶ διὰ τεσσάρων ἐν λόγω τῶν η΄ πρὸς γ΄ ος ἐστι πολλαπλασιεπιμερής, διπλάσιος γὰρ καὶ δισ-15 επίτριτός ἐστι, τοὺς δὲ διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε ἐν λόγω τριπλασίω, τοὺς δὲ δὶς διὰ πασῶν ἐν τετραπλασίω, καὶ τῶν ἄλλων ἡρμοσμένων τοὺς μὲν τὸν τόνον περιέχοντας ἐν ἐπογδόω λόγω, τοὺς δὲ τὸ νῦν λεγόμενον ἡμιτόνιον, τότε δὲ δίεσιν, ἐν ἀριθμοῦ λόγω πρὸς ἀριθ-

¹ έκείνος: Harm. p. 26, 18. cf. Westphal I p. 420. Marquard p. 267 5 cf. Macrob. in Somn. Scip. II 4, 13. Procl. ad Plat. Tim. p. 191 E 6 τόνος διάτονον apogr.] διάτονος διατόνον AZ (utrumque intra figurae lineas scriptum, sicut etiam sequentia) 7 τριημιτόνιον χοῶμα apogr. χοωματικοῦ τριημιτονίον AZ 8 δίτονον ἀρμονικόν] ἀρμονικόν διατόνιον AZ, δίτονον ἐναρμόνιον apogr. 9 sqq. cf. Chalcid. 45. Zeller I p. 371. Westphal I p. 62 10 ἀνευρικέναι A¹ 11 κεῖται τὸ ὑπόδειγμα ἐπὶ καταγραφῆς ἐν τῷ τέλει mg. A 19 ἀριθμοῦ A] ς΄ Z

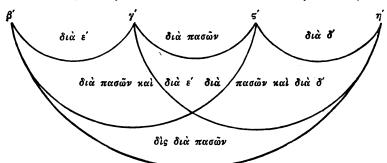
μὸν τῷ τῶν σνς΄ πρὸς σμγ΄, ἐξετάσας τοὺς λόγους διά τε τοῦ μήκους καὶ πάχους τῶν χορδῶν, ἔτι δὲ τῆς τάσεως γινομένης κατὰ τὴν στροφὴν τῶν κολλάβων ἢ γνωριμώτερον κατα τὴν ἐξάρτησιν τῶν βαρῶν, ἐπὶ δὲ τῶν ἐμπνευστῶν καὶ διὰ τῆς εὐρύτητος τῶν κοιλιῶν 5 ἢ διὰ τῆς ἐπιτάσεως καὶ ἀνέσεως τοῦ πνεύματος, ἢ δι΄ ὄγκων καὶ σταθμῶν οἱον δίσκων ἢ ἀγγείων. ὅ τι γὰρ ἂν ληφθῆ τούτων κατά τινα τῶν εἰρημένων λόγων, τῶν ἄλλων ⟨ἰσων⟩ ὅντων, τὴν κατὰ τὸν λόγον ἀπεργάσεται συμφωνίαν.



ἀρκείτω δ' ήμῖν ἐν τῷ παρόντι διὰ τοῦ μήκους τῶν χορδῶν δηλῶσαι ἐπὶ τοῦ λεγομένου κανόνος. τἦς γὰρ ἐν τούτῷ μιᾶς χορδῆς καταμετρηθείσης εἰς τέσσαρα ἔσα ὁ ἀπὸ τῆς ὅλης φθόγγος τῷ μὲν ἀπὸ τῶν τριῶν

¹ $t\tilde{\varphi}$ Z] $t\tilde{\omega}\nu$ ut vid. eras. A $\gamma \dot{\alpha} \varrho$ post $\dot{\epsilon}\dot{\epsilon}\epsilon \tau \dot{\alpha}\sigma\alpha\varsigma$ A² ut vid. 5 noiliw: oi corr. ex ω A 9 ($\dot{\epsilon}\sigma\nu$): cf. p. 59, 12. 60, 19. 65, 13. 12 excidit fort. $\tau \sigma\tilde{\nu}\tau\sigma$

μερῶν ἐν λόγφ γενόμενος ἐπιτρίτφ συμφωνήσει διὰ τεσσάρων, τῷ δὲ ἀπὸ τῶν δύο, τουτέστι τῷ ἀπὸ τῆς



ήμισείας, ἐν λόγφ γενόμενος διπλασίφ συμφωνήσει διὰ πασῶν, τῷ δὲ ἀπὸ τοῦ τετάρτου μέρους γενόμενος ἐν δόγφ τετραπλασίφ συμφωνήσει δὶς διὰ πασῶν. ὁ δὲ ἀπὸ τῶν τριῶν μερῶν φθόγγος πρὸς τὸν ἀπὸ τῶν δύο γενόμενος ἐν ἡμιολίφ συμφωνήσει διὰ πέντε, πρὸς δὲ τὸν ἀπὸ τοῦ τετάρτου μέρους γενόμενος ἐν λόγφ τριπλασίφ συμφωνήσει διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε. ἐὰν δὲ τὸς ἐννέα διαμετρηθῆ ἡ χορδή, ὁ ἀπὸ τῆς ὅλης φθόγγος προς τὸν ἀπὸ τῶν ὀκτὰ μερῶν ἐν λόγφ ἐπογδόφ τὸ τονιατον περιέξει διάστημα.

πάσας δὲ τὰς συμφωνίας περιέχει ἡ τετρακτύς. συνέστησε μὲν γὰρ αὐτὴν α΄ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄. ἐν 15 δὲ τούτοις τοῖς ἀριθμοῖς ἔστιν ἥ τε διὰ τεσσάρων συμ-

1 μεςῶν Bull.] μέτρων A 11 excidit fort. γενόμενος 13 cf. p. 93, 19 14 συνέστησαν Bull. 15 $\tilde{\eta}$ διὰ δ ώς ἔχει \tilde{o} δ πρὸς τὰ $\tilde{\gamma}$ · η διὰ \tilde{e} ώς \tilde{o} $\tilde{\gamma}$ πρὸς τὸν $\tilde{\beta}$ · $\tilde{\eta}$ διὰ πασῶν καὶ διὰ \tilde{e} ώς $\tilde{\gamma}$ πρὸς \tilde{a} · διὰ πασῶν καὶ διὰ \tilde{e} ώς $\tilde{\gamma}$ πρὸς \tilde{a} · δὶς δια πασῶν ώς $\tilde{\delta}$ πρὸς \tilde{a} · τὴν δὲ διὰ πασῶν καὶ διὰ $\tilde{\delta}$ οὐκ ἔστιν εὑρεῖν ἐν

φωνία καὶ ἡ διὰ πέντε καὶ ἡ διὰ πασῶν, καὶ ὁ ἐπίτριτος λόγος καὶ ἡμιόλιος καὶ διπλάσιος καὶ τριπλάσιος καὶ τετραπλάσιος.

ταύτας δὲ τὰς συμφωνίας οι μὲν ἀπὸ βαρῶν ήξίουν λαμβάνειν, οί δε ἀπὸ μεγεθῶν, οί δε ἀπὸ κινήσεων 5 [καὶ ἀριθμῶν], οι δὲ ἀπὸ ἀγγείων [καὶ μεγεθῶν]. Λάσος δε ό Έρμιονεύς, ώς φασι, και οι περί τον Μεταποντίνον Ίππασον Πυθαγορικόν ανδρα συνέπεσθαι τῶν κινήσεων τὰ τάχη καὶ τὰς βραδυτῆτας, δι' ὧν αί έν ἀριθμοῖς ἡγούμενος λόγους τοιούτους έλάμβανεν ἐπ' άγγείων. Ισων γαρ ὄντων καλ όμοίων πάντων τῶν άγγείων τὸ μὲν κενὸν ἐάσας, τὸ δὲ ῆμισυ ὑγροῦ (πληρώσας> εψόφει έκατέρφ, και αὐτῷ ἡ διὰ πασῶν ἀπεδίδοτο συμφωνία. Θάτερον δε πάλιν των άγγείων κενόν 15 ἐῶν εἰς θάτερον τῶν τεσσάρων μερῶν τὸ ξν ἐνέχεε, καὶ χρούσαντι αὐτῷ ἡ διὰ τεσσάρων συμφωνία ἀπεδίδοτο, ή δε δια πέντε, (ότε) εν μέρος τῶν τριῶν συνεπλήρου, οὖσης τῆς κενώσεως πρὸς τὴν έτέραν ἐν μὲν τῆ διὰ πασῶν ὡς β΄ πρὸς εν, ἐν δὲ τῷ διὰ πέντε ὡς γ΄ πρὸς 20 β΄, ἐν δὲ τῷ διὰ τεσσάρων ώς δ΄ πρὸς γ΄. οἶς ὁμοίως καὶ κατὰ τὰς διαλήψεις τῶν χορδῶν θεωρεῖται, ὡς προείρηται, άλλ' οὐκ ἐπὶ μιᾶς χορδῆς, ὡς ἐπὶ τοῦ κανόνος, άλλ' έπι δυείν δύο γὰρ ποιήσας όμοτόνους ὅτε μέν την μίαν αὐτῶν διαλάβοι μέσην πιέσας, τὸ ημισυ 25

τη τετρακτύι εστι γὰρ ὡς η πρὸς $\overline{\gamma}$ mg. A 5 μηκῶν Bull. 7 λάσος A. cf. Schneidewin de Laso p. 16 οἱ περὶ τὸν A^2] οἱ τῶν A^1 μετὰ ποντῖνον A, em. apogr. 8 7 Ιπασον: cf. Zeller I p. 457 11 γὰρ post ἐλάμβανεν A^2 14 ἐν ante ἑκατέρφ add. A^2 19 κινήσεως A 23 προείρηται: p. 57, 11 24 δυεῖν] om. A^1 , δύο A^2

πρὸς τὴν ἐτέραν συμφωνίαν τὴν διὰ πασῶν ἐποίει

ὅτε δὲ τὸ τρίτον μέρος ἀπολαμβάνοι, τὰ λοιπὰ μέρη
πρὸς τὴν ἐτέραν τὴν διὰ πέντε συμφωνίαν ἐποίει

ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῆς διὰ τεσσάρων καὶ γὰρ ἐπὶ ταύτης

ἡμίᾶς τῶν χορδῶν ἀπολαβῶν τὸ τέταρτον μέρος τὰ λοιπὰ
μέρη πρὸς τὴν ἑτέραν συνῆπτεν. Ὁ δὴ καὶ ἐπὶ τῆς
σύριγγος ἐποίει κατὰ τὸν αὐτὸν λόγον. οἱ δ' ἀπὸ τῶν
βαρῶν τὰς συμφωνίας ἐλάμβανον, ἀπὸ δυεῖν χορδῶν
ἔξαρτῶντες βάρη κατὰ τοὺς εἰρημένους λόγους, οἱ δ'

ἀπὸ τῶν μηκῶν, καὶ τῶν χορδῶν ἐπίεσαν,
τὰς συμφωνίας ἐν ταῖς χορδαῖς ἀποφαινόμενοι.

φθόγγον δὲ εἶναι φωνῆς πτῶσιν ἐπὶ μίαν τάσιν. ὅμοιον γάρ φασιν αὐτὸν αὑτῷ δεῖν εἶναι τὸν φθόγγον καὶ 15 ἐλάχιστον κατὰ διαφοράν, οὐκ ἐκ διαφόρων τάσεων οἶον βαρύτητος καὶ ὀξύτητος. τῶν δὲ φωνῶν αὶ μὲν ὀξεῖαι, αὶ δὲ βαρεῖαι, διὸ καὶ τῶν φθόγγων, ⟨ὧν⟩ ὁ μὲν ὀξὺς ταχύς ἐστιν, ὁ δὲ βαρὸς βραδύς. εἰ γοῦν εἰς δύο ἰσοπαχεῖς καὶ ἰσοκοίλους ⟨αὐλοὺς⟩ τετρημένους εἰς σύριγγος τρόπον, ὧν τοῦ ἐτέρου διπλάσιόν ἐστι τὸ μῆκος τοῦ ἐτέρου, ἐμφυσήσαι τις, ἀνακλᾶται τὸ πνεῦμα τὸ ἐκ τοῦ ἡμίσεος μήκους διπλασίφ τάχει χρώμενον, καὶ ⟨γίνεται⟩ συμφωνία ἡ διὰ πασῶν βαρέος μὲν φθόγγου τοῦ διὰ τοῦ μείζονος, ὀξέος δὲ τοῦ διὰ τοῦ

⁴ τῆς] τοῦ \mathbf{A} 9 οἱ δ' ἀπὸ τῶν μηκῶν — ἀποφαινόμενοι fort. del. 10 post χορδῶν excidisse videntur verba διάφορα μέρη ἀπολαβόντες vel similia ἐπήεσαν \mathbf{A} , em. Bull. cf. p. 59, 25 11 ἢ post τὰς erasum \mathbf{A} τοῖς χορδοῖς \mathbf{A}^1 13 înscr. τί ἐστι φδόγγος \mathbf{A} φδόγγον κτλ.: Aristox. p. 20, 22. cf. Marquard p. 225 18 εἶγουν \mathbf{A} , εἶγοὖν \mathbf{A}^2 19 ⟨αὐλοὺς⟩: cf. p. 61, 2 sqq. 20 ὧν \mathbf{A}^2] δν \mathbf{A}^1 21 ἐμφυσῆσαι τίς \mathbf{A}^1 , ἐμφυσήσαί τις \mathbf{A}^2 22 ῆμισυ \mathbf{A}^1 24 ὅντος addendum vid.

έλάττονος. αίτιον δὲ τάχος τε καὶ βραδυτής τῆς φορᾶς. καὶ κατὰ τὰ ἀποστήματα δὲ τῶν ἐν τοῖς αὐλοῖς τρημάτων τὰς συμφωνίας ἀπεδίδοσαν καὶ ἐπὶ ἐνός. διχῖ, μέν γὰρ διηρημένου καὶ τοῦ αὐλοῦ ὅλου ἐμφυσηθέντος έκ τοῦ κατὰ τὸ ῆμισυ τρήματος τὸ διὰ πασῶν σύμφωνον 5 άποτελεϊται. τριγή δε διαιρεθέντος και των μεν δυείν μερών ὄντων πρός τη γλωσσίδι, κάτω δὲ τοῦ ένός, καὶ τοῦ ὅλου συμφυσηθέντος τοῖς δυσί, τὴν διὰ πέντε γενέσθαι συμφωνίαν. τεσσάρων δε διαιρέσεων γενομένων, τριών μεν άνω, κάτω δε μιᾶς, και τῷ ὅλῷ συμ- 10 φυσηθέντων των τριών γίνεται ή δια τεσσάρων. οί δε περί Εὔδοξον και Αρχύταν τὸν λόγον τῶν συμφωνιῶν έν άριθμοῖς ἄρντο είναι, ὁμολογοῦντες και αὐτοί έν κινήσεσιν είναι τους λόγους και την μέν ταχείαν κίνησιν όξεζαν είναι ατε πλήττουσαν συνεχές και ώκύτερον 15 κευτούσαν τὸν ἀέρα, τὴν δὲ βραδεῖαν βαρεῖαν ᾶτε νωθεστέραν οὖσαν.

ταυτί μεν περίτης εύρέσεως τῶν συμφωνιῶν ἐπανέλθωμεν δὲ ἐπὶ τὰ ὑπὸ τοῦ ᾿Αδράστου παραδεδομένα,
φησὶ γὰρ ὅτι τούτοις τοῖς εἰς τὴν ἀνεύρεσιν τῶν συμ- 20
φωνιῶν ὀργάνοις κατὰ μεν τοὺς λόγους προπαρασκευασθεῖσιν ἡ αἴσθησις ἐπιμαρτυρεῖ, τῆ δὲ αἰσθήσει προσληφθείση ὁ λόγος ἐφαρμόζει. πῶς δὲ καὶ οἱ τὸ λεγόμενον ἡμιτόνιον περιέχοντες φθόγγοι πρὸς ἀλλήλους
εἰσὶν ἐν λόγφ τῷ τῶν συς΄ πρὸς σμγ΄, μικρὸν ὕστερον 25

⁹ συμφωνίων] scr. aut συμβαίνει aut συμφωνίων (συμβαίνει) 12 Ευδοξον: cf. Ideler, Abh. d. Berl. Ak. a. d. J. 1828 p. 200 'Αρχύτων: cf. Mullach fragm. philos. Gr. I p. 564 b. II p. 118 fr. 6 τον λόγον τῶν \mathbf{A}^2] τῶν λεγόντων \mathbf{A}^1 13 αὐτοl: ι corr. ex ω \mathbf{A} 15 πλήττουσων: η corr. ex ει \mathbf{A} 16 βαφεῖων βραδεῖων \mathbf{A} 18 εὐρήσεως \mathbf{A}^1 25 ὕστεφον: p. 67, 16

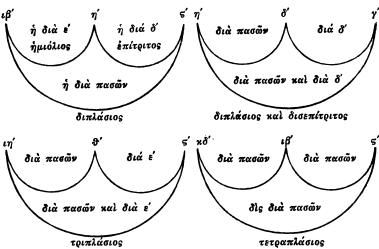
έσται φανερόν. δηλον δε ότι και αι συνθέσεις και αί διαιρέσεις τῶν συμφωνιῶν ὁμόλογοι καὶ συνωδοί θεωροῦνται ταῖς τῶν κατὰ ταύτας λόγων συνθέσεσί τε καὶ διαιρέσεσιν ας πρόσθεν έμηνύσαμεν. οἶον έπεὶ τὸ διὰ 5 πασῶν ἔχ τε τοῦ διὰ πέντε καὶ διὰ τεσσάρων συντίθεται καὶ είς ταῦτα διαιρεῖται, λόγος δὲ τοῦ μὲν διὰ πασῶν διπλάσιος, τοῦ δὲ διὰ τεσσάρων ἐπίτριτος, τοῦ δὲ διὰ πέντε ἡμιόλιος, φαίνεται [ὅτι] καὶ ὁ διπλάσιος λόγος συντίθεσθαί τε έκ τοῦ έπιτρίτου τε καὶ ἡμιολίου 10 καὶ εἰς τούτους διαιρεῖσθαι τῶν μὲν γὰρ ς΄ τὰ η΄ ἐπίτριτα, τῶν δὲ η΄ τὰ ιβ΄ ἡμιόλια καὶ γίνεται τὰ ιβ΄ τῶν ς' διπλάσια: ς' η' ιβ'. πάλιν δε ό τῶν ιβ' πρὸς τὸν ς' λόγος διπλάσιος διαιρείται είς τε τὸν ἐπίτριτον λόγον τῶν ιβ΄ πρὸς τὰ θ΄ καὶ εἰς τὸν ἡμιόλιον τῶν θ΄ πρὸς 15 τὰ ς΄. ἐπεὶ δὲ καὶ τὸ διὰ πέντε τοῦ διὰ τεσσάρων ύπερέχει τόνω, τὸ μὲν γὰρ διὰ πέντε τριῶν τόνων έστὶ καὶ ἡμιτονίου, ὁ δὲ τόνος ἐν ἐπογδόφ λόγφ, φαίνεται και τὸ ἡμιόλιον τοῦ ἐπιτρίτου ὑπερέχειν [ἐν] ἐπογδόφ. άπὸ γὰρ ἡμιολίου λόγου οἶον τοῦ τῶν θ΄ πρὸς τὰ ϛ΄ 20 ἀφαιρεθέντος τοῦ ⟨έπιτρίτου⟩ λόγου τῶν η΄ πρὸς τὰ ϛ΄ λείπεται λόγος ἐπόγδοος ὁ τῶν θ΄ πρὸς τὰ η΄ καὶ πάλιν τούτω τῶ λόγω προστεθέντος ἐπιτρίτου λόγου τοῦ τῶν

¹ περὶ τῶν ἐν λόγοις συμφονιῶν συνθέσεών τε καὶ διαιρέσεων mg. A 3 συνθέσεσί τε καὶ διαιρέσεσιν corr. ex σύνθεσίς τε καὶ διαιρέσεσιν corr. ex σύνθεσίς τε καὶ διαίρεσιν corr. ex σύνθεσίς τε καὶ διαίρεσις A 4 ἐπεὶ A^2] ἐπὶ A^1 14 τῶν — τῶν] τὸν — τὸν A 16 τὸ μὲν — ἡμιτονίου del. vid., nisi exciderunt verba τὸ δὲ διὰ τεσσάρων δυεῖν τόνων καὶ ἡμιτονίου 18 ἡμιόλιον Bull.] ἡμιτόνιον A ἐὰν μειωθείη ὁ τῶν ὁ πρὸς τὰ ἡ λόγος τῷ λόγω τῶν ἡ πρὸς τὰ ἡ ἔστι δὲ τὸ τρίτον τῶν ξ, τουτέστι τὰ $\ddot{\beta}$ · μειοῦται οὖν αὐξομένου τοῦ ἐλάττονος ὅρου τῷ δυάδι, καὶ γενήσεται λόγος ἐπόγδοος τῶν $\ddot{\theta}$ πρὸς τὰ $\ddot{\eta}$ mg. A 22 τούτω] οὖτω A

ιβ΄ προς τὰ θ΄ συμπληροῦται λόγος ἡμιόλιος τῶν ιβ΄ πρός τὰ η'. καὶ μὴν ἐπεὶ τὸ μὲν διὰ πασῶν ἐν διπλασίω λόγφ, τὸ δὲ διὰ τεσσάρων ἐν ἐπιτρίτφ, τὸ ἐξ ἀμφοῖν έν λόγω των η΄ πρός τὰ γ΄ των μεν γὰρ γ΄ ἐπίτριτα τὰ δ΄, τούτων δὲ διπλάσια τὰ η΄. τὸ δὲ διὰ πασῶν καὶ 5 διὰ πέντε έν λόγω τριπλασίονι δ γὰρ ἡμιόλιος καὶ διπλάσιος συντιθέμενοι τοῦτον ποιοῦσιν' ἡμιόλιος μὲν γὰρ ὁ τῶν θ΄ πρὸς τὰ ς΄, διπλάσιος δὲ ὁ τῶν ιη΄ πρὸς τὰ θ΄ καὶ γίνεται τριπλάσιος ὁ λόγος τῶν ιη΄ πρὸς τὰ ς΄. όμοίως δὲ τὸ δὶς διὰ πασῶν ἐν λόγω τετραπλασίῷ 10 ούτος γαρ σύγκειται έκ δύο διπλασίων των μέν γαρ ς' διπλάσια τὰ ιβ', τούτων δὲ τὰ κδ', ταῦτα δὲ [τὰ] τετραπλάσια τῶν ς΄. ἢ μᾶλλον, ὡς κατ' ἀρχὰς ἐδείξαμεν, έπισυντεθείς ὁ τριπλάσιος έπιτρίτω ποιεί τετραπλάσιον. ἔστι δὲ τοῦ μὲν διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε τριπλάσιος ὁ 15 λόγος, τοῦ δὲ διὰ τεσσάρων ἐπίτριτος ἐξ άμφοῖν δὲ τούτοιν τὸ δίς ἐστι διὰ πασῶν εἰκότως οὖν τοῦτο ἐν λόγω φαίνεται τετραπλασίω. των μέν γὰρ ς΄ τριπλάσια τὰ ιη΄, τούτων δὲ ἐπίτριτα τὰ κδ΄, ᾶτινά ἐστι τετραπλάσια τῶν ς΄. καὶ πάλιν τῶν μὲν ς΄ ἐπίτριτα τὰ η΄, 20 τούτων δὲ τριπλάσια τὰ κδ΄, α ἐστι τετραπλάσια τῶν ς΄. καὶ τὰ ἐκ τούτων δὲ συντιθέμενα ἐν τούτοις εύρεθήσεται τοῖς λόγοις, ἐφ' ὅσον ἂν προαγάγωμεν τὰ συστήματα.

ό δὲ Πλάτων καὶ γένος διάτονον καὶ συστήματος 25 μέγεθος ἐπὶ τὸ τετράκις διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε καὶ

¹ \tilde{o} έστι τὰ $\tilde{\gamma}$, οἶς ὑπερέχει ὁ $\iota\tilde{\beta}$ τοῦ $\tilde{\mathfrak{D}}$ εἰ προστεθείη (προστεθη A¹) τοῖς $\tilde{\mathfrak{D}}$, γίνεται $\iota\tilde{\beta}$, ὅπερ ἐστὶν ἡμιόλιος mg. A 11 οὐτος corr. ex οὕτως A 25 Πλάτων: Tim. p. 35 sq. cf. Procl. in Tim. p. 192 A 26 ἐπὶ] εἶναι A τετράπι A, em. apogr.



τόνον προαγήοχεν. εἰ δὲ λέγοι τις, φησὶν ὁ "Αδραστος, ώς οὐ δέον ἐπὶ τοσοῦτον ἐκτεῖναι, 'Αριστόξενος μὲν γὰρ ἐπὶ τὸ δὶς διὰ πασῶν καὶ διὰ τεσσάρων τὸ τοῦ καθ' αὐτὸν πολυτρόπου διαγράμματος πεποίηται μέγεθος, οἱ δὲ νεώτεροι τὸ πεντεκαιδεκάχορδον τρόπον μέγιστον ἐπὶ τὰ τρὶς διὰ πασῶν καὶ τόνον διεστηκός, ἡητέον, φησίν, ὡς ἐκεῖνοι μὲν πρὸς τὴν ἡμετέραν χρῆσιν ὁρῶντες οῦτως ἐποίουν, ἡγούμενοι μὴ πλεῖόν τι τούτων δύνασθαι μήτε τοὺς ἀγωνιζομένους φθέγγεσθαι μήτε

primam fig. levibus differentiis bis repet. A² vel recentior manus 1 cf. Marquard p. 223. 253. Boeckh kl. Schr. III p. 158 sqq. de metris Pind. p. 213 2 ἐπτείνας ut vid. A¹ χορδον 4 πεποίηται: η corr. ex ει Α 5 τὸ ε καὶ τ τρόπον μέγιστον Α 6 ἐπὶ τὸ δὶς διὰ πασῶν διεστηκός Bull. sed cf. Procl. p. 192 B 8 ἐποίουν: ουν ex corr. A

τούς ακούοντας εύγνώστως κρίνειν, Πλάτων δε πρός την φύσιν δρών, έπειδη την ψυχην άνάγκη συνισταμένην καθ' άρμονίαν μέχρι τῶν στερεῶν προάγειν άριθμών και δυσί συναρμόζεσθαι μεσότησιν, όπως διά παντός έλθοισα του τελείου στερεού κοσμικού σώμα- 5 τος πάντων άντιληπτική γενήσεται των όντων, και την άρμονίαν αὐτῆς μέχρι τούτου προαγήσχε, τρόπον τινὰ και κατά την αύτης φύσιν έπ' ἄπειρον δυναμένην προϊέναι.

φησὶ δ' ὅτι καὶ τοὺς μείζονας ἀριθμοὺς τοῖς βαρυτέ- 10 φοις φθόγγοις οίκετον ἀποδιδόναι, καν ἐπ' ἐνίων δόξη τάσεων διαφωνείν, οίον έπι της τάσεως της γινομένης διὰ τῆς ἐξαρτήσεως τῶν βαρῶν. δύο γὰρ ἴσων τό τε μῆχος καὶ πάχος χορδῶν καὶ τάλλα ὁμοίων τὸ πλεῖον βάρος διὰ τὴν πλείω τάσιν τὸν ὀξύτερον ποιήσει 15 φθόγγον. ἐπεὶ γὰρ τὸ πλεῖον βάρος πλείω τάσιν ποιεῖ, πλείονα την έξωθεν προσδίδωσι δύναμιν τῷ κατ' αὐτὸν όξυτέρω φθόγγω, έλάττονα διὰ τοῦτ' ἔχοντι τὴν ἰδίαν lσχύν τοῦ έξαρτήματος. δηλον ώς αντεστραμμένως ό βαρύτερος, την οίκείαν αύτοῦ δύναμιν πλείω κεκτημένος 20 τοῦ έξαρτήματος, ἐπαρκεῖ πρὸς τὸ σώζειν τὴν οἰκείαν άρμονίαν τε καὶ συμφωνίαν. ὥστε τὸν μείζω ἀριθμὸν τη πλείονι νεμητέον δυνάμει. όμολογει δε τούτοις καλ τὰ ἄλλα. πάλιν γὰρ τὰ μήκη καὶ τὰ πάγη δυσκινησίαν

Digitized by Google

⁴ cf. Tim. p. 32 B. Westphal p. 66 5 $\pi\alpha\nu\nu\delta\varsigma$] π A: cf. Tim. p. 34 B. 36 D 7 $\pi\varrho\sigma\alpha\nu\varepsilon l\sigma\chi\varepsilon$ A¹ 9 $\pi\varrho$ ex $\pi\varrho\sigma\sigma\iota\dot{\epsilon}\nu\alpha\iota$ A 13 $\langle\dot{\epsilon}nl\rangle$ δύο? 14 $\pi l\varepsilon l\omega$ A¹ 16 A²] $\pi l\varepsilon l\omega$ A¹ 17 $\pi\varrho\sigma\sigma\delta(\delta\omega\sigma\iota$ corr. ex $\pi\varrho\sigma\delta(\delta\omega\sigma\iota$ A avitor del. vid. (fort. ad $l\delta l\omega\nu$ adscriptum fuit) 18 δ 5 παντός] πάντων 9 προϊέναι 16 πλείον 18 de post έλάττονα add. A² έχοντι: έ corr. ex έλ. Á 19 (nal) άντεστραμμένος Α1

προσάπτοντα ταῖς χορδαῖς ἀσθένειαν παρασκευάζει, ὡς μὴ ράδίως κινεῖσθαι μηδὲ θᾶττον πλήττειν τε καὶ είδοποιεῖν πλείονα ὅντα τὸν πέριξ ἀέρα. ὅῆλον οὖν [ὅτι] ὡς οἱ βαρύτεροι φθόγγοι τὴν αὐτῶν οἰκείαν δύναμιν κατὰ τὸν πλείω κέκτηνται ἀριθμόν. ὅμοια δὲ ἔστιν εὑρεῖν καὶ ἐπὶ τῶν ἐμπνευστῶν ὀργάνων. καὶ γὰρ τῶν ἐν τούτοις φθόγγων οἱ βαρύτεροι, διὰ τὸ μῆκος καὶ τὴν εὐρύτητα τῶν τρημάτων πλέον εἰδοποιοῦντες τὸν ἀέρα ἢ νὴ Δία τὴν ἄνεσιν τοῦ πνεύματος ὡς ἐπὶ σάλπιγγος 10 ἢ τῆς ἀρτηρίας, ἀτονώτεροι καὶ ἀσθενέστεροι γινόμενοι τὴν αὐτῶν οἰκείαν δύναμιν ἔχουσι φύσει πλείονα.

κυριωτάτη δὲ πασῶν, φησίν, ἡ διὰ τεσσάρων συμφωνία' ἐκ γὰρ ταύτης καὶ αί λοιπαὶ εὐρίσκονται. ἡ δὲ διὰ πέντε τόνڜ τοῦ διὰ τεσσάρων διενήνοχεν. ἀμέλει τὸ διὰ τεσσάρων διάστημα. εὐρίσκεται δὲ ἐκ τοῦ διὰ τεσσάρων καὶ διὰ πέντε τὸ διὰ πασῶν' σύγκειται γὰρ ἐκ τοῦ διὰ τεσσάρων καὶ διὰ πέντε.

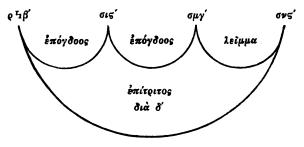
οί δε παλαιοί πρώτον διάστημα τῆς φωνῆς ἔλαβον 20 τὸν τόνον, ήμιτόνιον δε καὶ δίεσιν οὐχ ήγοῦντο. ὁ δε τόνος εὐρίσκετο ἐν ἐπογδόφ λόγφ ἔν τε δίσκων κατασκευαῖς καὶ ἀγγείων καὶ χορδῶν καὶ αὐλῶν καὶ ἔξαρτήσεων καὶ ἄλλων πλειόνων τὰ γὰρ ή πρὸς τὰ δ΄ ἐποίει τονιαίου ἀκούειν διαστήματος. διὰ τοῦτο δὲ

¹ ἀσθένιαν A^1 3 cf. δηλον ώς p. 65, 19 5 κέκτηνται Bull.] κέκτηται A 6 τῶν ἐν A^2] τὸν ἐν A^1 7 φθόγγον A^1 8 τρημάτων corr. ex τρημμάτων A 9 η νη δία apogr.] ην η δια A^1 , η νη δια A^2 , cf. ad p. 78, 16 10 ἀτονώτερος καὶ ἀσθενέστερος γινόμενος την αὐτοῦ δύναμιν οἰκείαν (cf. p. 65, 20. 66, 4) ἔχει κτλ. A 14 γὰρ post τόνω eras. A inscr. τί ἐστι τόνος A ἀμελὲς A^1

πρώτον διάστημα δ τόνος, ὅτι μέχρι τούτου καταβαίνουσα ή φωνή τοῦ διαστήματος ἀπλανῆ τὴν ἀκοὴν φυλάσσει. τὸ δὲ μετὰ τοῦτο οὐκέτι οῖα τε ἡ ἀκοὴ πρὸς άκρίβειαν λαβεῖν τὸ διάστημα. ἀμέλει περί τοῦ ἐφεξῆς διαστήματος καλουμένου ήμιτονίου διαφέρονται, των 5 μέν τέλειον ήμιτόνιον αὐτὸ λεγόντων, τῶν δὲ λεζμμα. συμπληρούται δε τὸ διὰ τεσσάρων, ὅ έστιν ἐπίτριτον, τῷ τόνῳ, τουτέστι τῷ ἐπογδόᾳ διαστήματι, οὕτω. συμφωνείται γὰο παρά πᾶσι τὸ διὰ τεσσάρων μείζον μέν είναι διτόνου, έλαττον δε τριτόνου. άλλ' Άριστόξενος 10 μέν φησιν έκ δύο ήμίσους τόνων αὐτὸ συγκείσθαι τελείων, Πλάτων δε έκ δύο τόνων και τοῦ καλουμένου λείμματος. τὸ δὲ λεῖμμα τοῦτό φησιν ἀκατονόμαστον είναι, έν λόγφ δε είναι άριθμοῦ πρός άριθμον ον έχει τὰ συς΄ πρὸς σμγ΄. τὸ δὲ διάστημα τοῦτό ἐστι, καὶ ἡ 15 ύπερογή ιγ΄. εύρεθήσεται δε ούτως. τὰ μεν ς΄ ούκ ἂν είη πρώτος όρος, έπειδη ούκ έχει όγδοον, ίνα ύπ' αὐτοῦ γένηται επόγδοος. οὐδε μην ί η΄ και γαο εί έχει επόγδοον τὸν θ΄, πάλιν ὁ θ΄ οὐκ ἔχει ἐπόγδοον. δεῖ δὲ έπογδόου ἐπόγδοον λαβείν, ἐπειδὴ τὸ διὰ τεσσάρων 20 έπίτριτον μεζόν έστι διτόνου. λαμβάνομεν οὖν τὸν πυθμένα τὸν ἐπόγδοον τὸν η΄ καὶ θ΄, καὶ τὰ η΄ ἐφ΄

⁵ διάφοροι δόξαι περὶ τῆς διὰ $\bar{\mathbf{\delta}}$ πόσων ἐστὶ τόνων mg. A 8 cf. Aristox. Harm. p. 82, 32 10 'Αριστόξενος: p. 34, 2 11 καὶ post δύο add. \mathbf{A}^2 , ἐκ δύο καὶ δύο ἡμίσεων τόνων perverse cj. Bull. 12 Πλάτων] τοῦτον A: cf. p. 68, 11. Plat. Tim. p. 36 B. Plut. de an. procr. p. 1017 F. 1022 E. Macrob. in Somn. Scip. II 1, 23. Procl. p. 195 D 13 τί ἐστι λεξμμα mg. A 16 πῶς εὐρίσκεται τὸ λείμμα mg. A 18 οῦτως γὰρ ἐν τῆ διὰ $\bar{\mathbf{\delta}}$ ἔχει. ὁ γὰρ δεύτερος φθόγγος ἐπόγδος ἐστι τοῦ $\bar{\mathbf{\alpha}}$ καὶ ὁ τρίτος πάλιν τοῦ $\bar{\mathbf{\beta}}$ ἐπόγδοος mg. A 22 τὸν γ] ὁ $\bar{\mathbf{\gamma}}$ $\bar{\mathbf{A}}$ an scr. $\langle \tilde{\mathbf{o}}_{\mathbf{S}}$ ἐστιν \rangle ὁ $\bar{\mathbf{\eta}}$ καὶ δ΄? $\bar{\mathbf{o}}$ à ante τὰ del. $\bar{\mathbf{A}}$

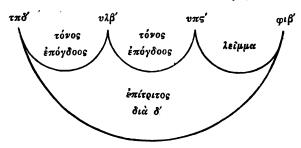
έαυτά, εύρισκομεν ξδ΄, είτα τὰ η΄ ἐπὶ τὰ δ΄, καὶ γίνεται οβ΄, εἶτα τὰ δ΄ ἐφ΄ ἑαυτά, καὶ γίνεται πα΄ η΄ δ΄ ξδ΄ οβ΄ πα΄ εἶτα πάλιν τούτων ἔκαστον ληφθήτω τρίς, καὶ ἔσται τὰ μὲν ξδ΄ τρὶς ρἱβ΄, τὰ δὲ οβ΄ τρὶς σις΄, τὰ δὲ 5 πα΄ τρὶς σμγ΄ η΄ δ΄ ξδ΄ οβ΄ πα΄ ρἱβ΄ σις΄ σμγ΄ εἶτα προστίθεμεν τοῖς σμγ΄ ἀπὸ τῶν ρἱβ΄ ἐπίτριτον τὸν συς΄ ιῶστε εἶναι τὴν ἔκθεσιν τοιαύτην ἐπίγδοος πυθμὴν δ΄ η΄, δεύτεροι ἐπόγδοοι ξδ΄ οβ΄ πα΄, τρίτοι ἐπόγδοοι ἀλλήλων δύο ρἱβ΄ σις΄ σμγ΄, κείσθω καὶ ὁ τοῦ τοῦ ἐπίτριτος ὁ συς΄, ἔσται τοῦτο τὸ ἐπίτριτον συμπεπληρωμένον ὑπὸ δύο τόνων καὶ τοῦ εἰρημένου λείμματος. ἔνιοι δὲ πρῶτον ὅρον λαμβάνουσι τὸν τπδ΄.



ΐνα γὰρ δύο λάβωσιν ἐπογδόους, τὸν πρῶτον ὅρον τὸν ς΄ ὀκταπλασιάσαντες ποιοῦσι μη΄, καὶ ταῦτα πάλιν

6 τουτέστι μετὰ τὸν σμγ αλλον δὲ προστίθεμεν τὸν σνς ος ξστι τοῦ \overline{q} με κίτιριτος mg. A 8 δύο ἐφεξῆς ἐπογδόων ὅντων τοῦ $\overline{\xi}$ ορ πα, ἐπεὶ μὴ ἔχει ἐπίτριτον ὁ $\overline{\xi}$ ον ἔδει μετὰ πα τεθῆναι ῶστε γενέσθαι τὸν διὰ $\overline{\delta}$, εἰκότως τούτοις (scr. τούτους) μὲν ὑπερέβημεν, τοὶς (scr. τοὺς) δὲ ἑξῆς παρειλήφαμεν τὸν \overline{q} $\overline{\mu}$ $\overline{$

όκτάκις τπό, οὖ ἐπίτριτος ὁ φιβ΄, μεταξὺ δὲ τούτων δύο ἐπόγδοα, τοῦ μὲν τπό΄ υλβ΄, τούτου δὲ υπς΄, ἀφ' ὧν ἐπὶ τὰ φιβ΄ ὁ λειμματιαῖος γίνεται λόγος. τινὲς δέ



φασι μὴ ὀρθῶς εἰλῆφθαι τούτους τοὺς ἀριθμούς τὴν γαρ ὑπεροχὴν τοῦ τετάρτου ὅρου πρὸς τὸν τρίτον μὴ 5 γίνεσθαι ιγ΄, ὅσα Πλάτων εἴρηκε δεῖν ἔχειν τὸ λεῖμμα. οὐδὲν δὲ κωλύει καὶ ἐφ' ἐτέρων ἀριθμῶν τὸν αὐτὸν εὑρίσκειν λόγον ὡς ἔχει τὰ συς΄ πρὸς τὰ σμγ΄. οὐ γὰρ ἀριθμὸν ὡρισμένον ἔλαβεν ὁ Πλάτων, ἀλλὰ λόγον ἀριθμοῦ. ὅν δὲ ἔχει λόγον τὰ συς΄ πρὸς σμγ΄, τοῦτον καὶ τὰ φιβ΄ 10 πρὸς τὰ υπς΄ τὰ γὰρ φιβ΄ τῶν συς΄ διπλάσια καὶ τὰ υπς΄ τῶν σμγ΄. ὅτι δὲ τοῦτο τὸ διάστημα τὸ τῶν συς΄ πρὸς σμγ΄, τουτέστι τὰ Ἰγ΄, ἔλαττόν ἐστιν ἡμιτονίου, δῆλον. τοῦ γὰρ τόνου ἐπογδόου ὅντος τὸ ἡμιτόνιον δὶς ἐπόγδοον ἔσται, τουτέστιν ἐφεκκαιδέκατον. τὰ δὲ 15 ιγ΄ τῶν σμγ΄ ἐστιν ἐν λόγφ πλείονι ὀκτωκαιδεκάτου, ὅ ἐστι μέρος ἔλαττον ἐκκαιδεκάτου. οὐδὲ γὰρ οἶόν τε τὸ ἐπόγδοον διαίρεσιν ἐπιδέξασθαι, εἰ καὶ οἱ μὴ λόγφ

¹ ov] ov A^1 , we A^2 16 orthopost aleion del. et η supra vs. add., tum έποπτοκαιδεκάτω, π corr. ex φ , supra πο ras. A, όπτωκαιδεκάτ φ Bull.

άλλὰ τῆ ἀκοῆ ταῦτα κρίνοντες νομίζουσιν. ἀμέλει τοῦ ἐπογδόου πυθμένος τὸ διάστημα τουτέστι τῶν θ΄ πρὸς τὰ η΄ ἡ μονὰς οὐ τέμνεται. τὸ δὲ λεγόμενον λεῖμμα εἴ τις ἐρωτώη τίνος ἐστὶ λεῖμμα, δεῖ εἰδέναι ὅτι ἐστὶ τοῦ 5 διὰ τεσσάρων τῷ γὰρ διὰ τεσσάρων λείπει πρὸς τὸ γενέσθαι δύο ῆμισυ τόνων τελείων.

εύρέθη δὲ ὁ τόνος οῦτως. ἐπειδὴ τὸ διὰ τεσσάρων ἐν ἐπιτρίτω λόγω ἐφάνη ὄν, τὸ δὲ διὰ πέντε ἐν ἡμιο-λίω, ἐλήφθη ἀριθμὸς ὁ πρῶτος ἔχων ῆμισυ καὶ τρίτον το ἔστι δὲ οὖτος ὁ ϛ΄. τοὐτου ἐπίτριτος μέν ἐστιν ὁ η΄, ἡμιόλιος δὲ ὁ θ΄. ϛ΄ η΄ θ΄. τὸ δὴ διάστημα τὸ ἀπὸ τοῦ ἡμιολίου ἐπὶ τὸ ἐπίτριτον εὐρέθη ἐν λόγω μὲν ἐπογδόω τὰ γὰρ θ΄ τῶν η΄ ἐπόγδοα ἡ δὲ τάσις ἐλέχθη τόνος. ὅτι δὲ ὁ τόνος δίχα οὐ διαιρεῖται δῆλον οῦτω. πρῶτον το μὲν ὁ ἐπόγδοος πυθμὴν τὸ διάστημα ἔχει μονάδα, ῆτις ἀδιαίρετος. εἶτα ἐν μὲν ἀριθμῷ οὐκ ἀεὶ εἰς ἴσα τέμνεται τὸ ἐπόγδοον διάστημα. καὶ γὰρ ἐπὶ τῶν σις΄ πρὸς σμγ΄ ἡ ὑπεροχὴ κζ οὐ τέμνεται εἰς ἴσα, ἀλλὰ εἰς ιγ΄ καὶ εἰς ιδ΄ μονὰς γὰρ οὐ διαιρεῖται. ἐπεὶ δὲ ὁ

1 τοῦ ἐπογδόον πυθμένος τῶν θ΄ πρὸς τὰ η΄ τὸ διάστημα τουτέστιν ἡ μονὰς? 3 inscr. τί ἐστι λεὶμμα Α 4 ἐρωτῶη corr. ex ἐρωτῶ ἡ Α 6 δύο καὶ ῆμισυ Bull. cf. Strab. VIII p. 379 τριῶν ῆμισυ σταδίων. Didymus apud Prisc. de fig. num. 17 τοὺς τέσσαρας ῆμισυ πήχεις. Plut. Cat. min. 44 δεκαδύο ῆμισυ μυριάδας 7 πῶς ηὑρέθη (κυρεθῆ A^1) ὁ τόνος ἐν ἐπογδόω λόγω mg. A 10 οὐτος corr. ex οῦτως A 14 inscr. ὅτι ὁ τόνος δίχα οὐ τέμνεται A οῦτω eras. A 15 τι post μὲν A^2 16 καλῶς δὲ οὐκ ἀζεί·) ποτὲ γὰς (γὰς A^2 , μὲν A^1) τέμνεζται·) ὁ γοῦν οβ τοῦ ξδ ἐπόγδος καὶ ἡ ζύ)περοχή ἐστιν ῆ ῆζτις) διαιρεῖται δίχα α) ἀλλὰ καὶ ὁ πα ἐπόγδοςς τοῦ οβ οὖ (corr. ex ὧ) ἡ ὑπεροχὴ $\overline{Φ}$ οὐ διαιρεῖται εἰς ἴσα mg. A (quae hic et ad p. 71, 14 uncis inclusi, folio circumciso absumpta sunt)

τόνος ὁ μέν τις νοήσει λαμβάνεται, ὁ δὲ ἐν ἀριθμοῖς, ό δε εν διαστήμασιν, ό δε δι' άκοῆς εν φωναζς, οὔτε <δ> εν άριθμοῖς είς ἴσα ἀεὶ τέμνεται, ὡς δέδεικται, ούτε ό έν αίσθητοῖς καὶ όρατοῖς διαστήμασιν. έπὶ νὰο τοῦ κανόνος αἰσθητὸς ὢν ὁ ὑποβολεὺς πάντως 5 έξει τι πλάτος καὶ οίκ έσται οῦτως ἀπλατής, ώς μὴ πάντως τι ἐπιλαβεῖν ἐν τῆ διαιρέσει τοῦ τόνου καλ τοῦ πέρατος τοῦ πρώτου μέρους καλ τῆς πρώτης ἀρχῆς τοῦ δευτέρου, καὶ διὰ τοῦτο ἀπαναλωθήσεταί τι τοῦ τόνου. ἔτι ἐν ταῖς διαιρέσεσι τρία ἐστί, δύο μὲν τὰ 10 διαιρούμενα, τρίτον δε τὸ έξαιρούμενον. τῶν δε διαιφουμένων ἀπ' αὐτῆς τῆς διαιρέσεως ὡς ἐπὶ πρίονος ἐν τῆ τομῆ ἀναλοῦταί τι τὸ ἐξαιρούμενον ὑπ' αὐτῆς τῆς τομής. ώς οὖν ἐπ' ἐνίων αἰσθητῶν ἐξαιρεῖταί τι, ούτω και έπι πάντων κᾶν έκφεύγη τὴν αἴσθησιν πάν- 15 τως άναλωθήσεται τι έν τῆ τομῆ. δόρυ γοῦν ἢ κάλαμον η άλλο ότιοῦν αίσθητὸν μημος αν ποίν η διελείν μετοήσης, ἔπειτα διέλης είς πολλά μέρη, εύρήσεις τὸ τῶν διαιρουμένων πάντων κοινὸν μέτρον ἔλαττον ὂν τοῦ ὅλου ποὶν ἢ διηρῆσθαι. ἔτι χορδὴν ἂν διέλης, εἶτα 20 διακόψης, ή ξατασις μετά την διακοπην ανέδραμε, καν πάλιν τὰ διακοπέντα τείνης, ἀνάγκη ἀφηρῆσθαί τι τοῦ

³ ὁ add. A^2 10 ἐν corr. ut vid. ex ἔτι A 11 τῶν δὲ] τῶν γὰρ? 14 τοῦτο ἐναντ(loν) τῷ τὴν δοθεῖσαν ⟨εὐ⟩θεῖαν δίχα τέμν⟨νεσθαι⟩. εἰ γὰρ καταν⟨α⟩λίσκεται τι π⟨άντως⟩ παντὸς διαιρουμένου, οὐ δίχα τέμνε⟨ται⟩, ἀλλ' οὐδὲ τὸ δοθὲν μέρος ἀποτέμ⟨εται⟩. καὶ ἐκ τῆς ἐνεργείας δ⟨ῆλον⟩ τὸ ψεῦδος. εἰ γὰρ δ⟨ι⟩αρρήξω τρίχα δηλ⟨αδη⟩, μηθενὸς ἐκ πρη . . (?) γενομένου, οὐδὲν αὐ⟨τῆς⟩ παρανάλωται. καὶ ἐπὶ τῶν παραπλ⟨η⟩σίων ταὐτό mg. A ἐπενίων, ν corr. ex μ A 16 τι corr. ex τῆ A 18 διέλεις corr. ex διελεῖς A 19 διηρημένων? ὂν corr. ex ὢν A 21 ἡ corr. ex ἢ A 22 τι corr. ex τῆ A

μεγέθους είς τὰς έξάψεις τῶν έκατέρωθεν ἀφῶν τοῦ τεινομένου. και διὰ τοῦτο οὐκ ἔσται τέλεια δύο ἡμιτόνια. οὐ μὴν οὐδ' ἐπὶ τῶν φωνῶν εὑρίσκεται εἰς ἴσα ή τομή τοῦ τόνου. μελφδήσας γὰρ τόνον καὶ τόνον 5 μελφδῶ πάλιν τοῦ ένὸς τόνου τὰ δύο ἡμιτόνια ἐν τρισὶ φθόγγοις, δυσί δε διαστήμασιν άναβαίνων τη τάσει. ό δη τρίτος φθόγγος τοῦ δευτέρου όξύτερος ἔσται, καὶ διέστηχεν ἀπὸ μὲν τοῦ πρῶτου τόνον, ἀπὸ δὲ τοῦ δευτέρου δοκεί μεν ημιτόνιον, ού μην δμοιον ημιτόνιον 10 ούδε οίον ο δεύτερος από τοῦ πρώτου ού γαρ δύναται ομοιον είναι τὸ βαρύτερον τῷ όξυτέρφ. οὐδὲ γὰρ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ φθόγγου ἂν δὶς μελφδῆσαι θέλωμεν διακόψαντες την φωνήν, τον αὐτον ήχον ἀποδώσομεν, ἀλλ' άνάγχη γενέσθαι τινὰ διαφοράν, ήτις λήσει τὴν ἀχοήν. 15 οὐδὲ γὰρ κεντῆσαι ταὐτὸν καὶ ὅμοιον δὶς οἶόν τε, οὐδὲ πληξαι την αὐτην χορδην δὶς όμοίως, ἀλλὰ ἢ λαγαρώτερον ἢ σφοδρότερον, οὐδὲ βάψαι δὶς εἰς τὸ αὐτὸ ὑγρὸν όμοίως, οὐδὲ βάψαντα τὸ αὐτὸ ἀνενεγκεῖν διὰ δακτύλου η μέλανος η μέλιτος η πίττης. ὁ δὲ νοήσει ληπτὸς 20 τόνος δύναται νοείσθαι καλ είς ίσα διαιρούμενος.

περί δὲ τῆς ἐν ἀριθμοῖς ἁρμονίας λεκτέον έξῆς, ὅτι [ὁ] ὅρος ἐστὶν ὁ τὸ καθ' ἔκαστον ἀποφαίνων ἰδίωμα τῶν λεγομένων, οἶον ἀριθμός, μέγεθος, δύναμις, ὅγκος, βάρος. λόγος δὲ κατὰ μὲν τοὺς περιπατητικοὺς λέγεται 25 πολλαχῶς, ὅ τε μετὰ φωνῆς προφορικὸς ὑπὸ τῶν νεω-

¹ ἀφῶν: ἀφ corr. ex ἀφκ.. A 5 μελωδῷ A 8 διέστηκεν: η corr. ex ι A· 9 ὅμοιον] τέλειον? 15 οἶόν τε corr. ex
οἴονται A 18 βάψαντα: β corr. ex ψ A 19 ληπτὸς Bull.]
λεπτὸς A 20 cf. descr. post finem libri 21 inscr. τί ἐστιν
ὅψος A 22 ὁ om. apogr. 24 inscr. ποσαχῶς λέγεται
λόγος A 25 cf. Plut. cum princ. philos. diss. p. 777 C

τέρων λεγόμενος καὶ ὁ ἐνδιάθετος καὶ ὁ ἐν διανοία κείμενος ἄνευ φθόγγου καὶ φωνῆς καὶ ὁ τῆς ἀναλογίας, καθ' ὅν λέγεται ἔχειν λόγον τόδε πρὸς τόδε, καὶ ἡ τῶν τοῦ λόγου στοιχείων ἀπόδοσις καὶ ὁ τῶν τιμώντων καὶ τιμωμένων, καθ' ὅν φαμεν λόγον τινὸς ἔχειν ἢ μὴ ἔχειν, 5 καὶ ὁ τραπεζιτικὸς λόγος καὶ ὁ ἐν τῷ βιβλίω Δημοσθενικὸς ἢ Λυσιακὸς καὶ ὁ ὅρος ὁ τὸ τί ἡν εἶναι καὶ τὴν οὐσίαν σημαίνων, ὁριστικὸς ἄν, καὶ ὁ συλλογισμὸς δὲ καὶ ἡ ἐπαγωγὴ καὶ ὁ Λιβυκὸς καὶ ὁ μῦθος καὶ ὁ αἶνος λόγος λέγεται καὶ ἡ παροιμία, ἔτι δὲ καὶ ὁ τοῦ εἴδους 10 καὶ ὁ σπερματικὸς καὶ ἄλλοι πλείονες. κατὰ δὲ Πλάτωνα τετραχῶς λέγεται λόγος, ἢ τε διάνοια ἄνευ φθόγγου καὶ τὸ μετὰ φωνῆς ξεῦμα ἀπὸ διανοίας καὶ ἡ τῶν τοῦ ὅλου στοιχείων ἀπόδοσις καὶ ὁ τῆς ἀναλογίας. νῦν δὲ πρόκειται περὶ τοῦ τῆς ἀναλογίας λόγου ζητεῖν.

λόγος δέ έστιν ὁ κατ' ἀνάλογον δυοΐν ὅρων ὁμογενῶν ἡ πρὸς ἀλλήλους [αὐτῶν] ποιὰ σχέσις, οἶον διπλάσιος, τριπλάσιος. τὰ μὲν γὰρ ἀνομογενῆ πῶς ἔχει πρὸς
ἄλληλά φησιν Ἅδραστος εἰδέναι ἀδύνατον οἶον πῆχυς
πρὸς μνᾶν ἢ χοίνιξ πρὸς κοτύλην ἢ τὸ λευκὸν πρὸς τὸ 20
γλυκὸ ἢ θερμόν ἀσύγκριτα καὶ ἀσύμβλητα τὰ δὲ ὁμο-

1 [δ] εν διανοία? 2 αλογίας Α 6 τραπεζητικός Α

7 λυσικός Α 8 σημαίνων: αι corr. ex ε Α δοιστικός

Bull.] ὀριστικῶς Α 10 τὸ βιβλίον ἔχει παφό (signo lineolae haec verba ad παφοιμία relata erant) in mg. del. Å 11 cf. Plat. Soph. p. 263 Ε. Theaet. p. 206 D 14 ὁ] ἡ Α 16 inscr. τί ἐστι λόγος ἀναλογίας Α ἀναλογίαν Αst

16 inser. τί ἐστι λόγος ἀναλογίας Α ἀναλογίαν Ast ad Nicom. arithm. p. 304 17 cf. p. 81, 8. 18 20 χοῖ-νιξ Bull. cf. Herod. dichr. p. 285. Lebeck paralip. gramm. Gr. p. 411 κοτύλην: cf. tamen Hultsch griech. u. röm. Metrol. p. 83 21 ante και rasura trium fere litt., γὰρ add. apogr.

γενη δυνατόν, οἶον μήκη πρὸς μήκη ⟨καὶ⟩ ἐπίπεδα πρὸς ἐπίπεδα καὶ στερεὰ πρὸς στερεὰ καὶ βάρη πρὸς βάρη καὶ ὑγρὰ πρὸς ὑγρὰ καὶ χυτὰ πρὸς χυτὰ καὶ ξηρὰ πρὸς ξηρὰ καὶ ἀριθμοὺς πρὸς ἀριθμοὺς καὶ χρόνον πρὸς χρόνον 5 καὶ κίνησιν πρὸς κίνησιν καὶ φωνὴν πρὸς φωνὴν καὶ χυμὸν πρὸς χυμὸν καὶ χρῶμα πρὸς χρῶμα καὶ ὅσα τοῦ αὐτοῦ γένους ἢ εἴδους ὄντα πως ἔχει πρὸς ἄλληλα. ὅρους δὲ λέγομεν τὰ ὁμογενῆ ἢ ὁμοειδῆ λαμβανόμενα εἰς σύγκρισιν, οἶον ὅταν σκεπτώμεθα τίνα λόγον ἔχει τον καὶ τὴν μνᾶν, ὅτι ἀμφοῖν γένος τὸ βαρύ. καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων ἱ αὐτὸς λόγος. ἀναλογία δέ ἐστι λόγων ἡ πρὸς ἀλλήλους ποιὰ σχέσις, οἶον ὡς β΄ πρὸς ἕν, οῦτως ἡ πρὸς δ΄.

15 τῶν δὲ λόγων οι μέν εἰσι μείζονες, οι δὲ ἐλάττονες, οι δ' ἴσοι. ὁ μὲν οὖν ἴσος εἶς και ὁ αὐτὸς λόγος καὶ προηγεῖται πάντων τῶν λόγων καὶ ἔστι στοιχειώδης. ἰσοι δέ εἰσιν οι κατὰ τὴν αὐτὴν ποσότητα ἐξεταζόμενοι πρὸς ἀλλήλους, οἶον εν πρὸς εν καὶ β΄ πρὸς β΄ καὶ ι΄ 20 πρὸς ι΄ καὶ ρ΄ πρὸς ρ΄. τῶν δὲ μειζόνων οι μὲν πολλαπλάσιοι, οι δὲ ἐπιμόριοι, οι δὲ οὐδέτεροι. ὁμοίως δὲ καὶ τῶν ἐλαττόνων οι μὲν ὑποπολλαπλάσιοι, οι δὲ ὑπεπιμόριοι, οι δ' οὐδέτεροι. τούτων δὲ οι μὲν ἐν συμφωνίαι εἰσίν, οι δ' οὔ. αι μὲν οὖν συμφωνίαι τῶν

4 καὶ χρόνον: ον corr. ex ον A 7 π $\tilde{\omega}_S$ A 8 inscr. τί ἐστιν ὅρος A, $\iota \bar{\xi}$ in mg., praeterea quaedam in mg. er. δμοειδή corr. ex δμοιοειδή A 12 inscr. $\pi ε \varrho l$ ἀναλογίας A, $\iota \bar{\eta}$ in mg. 15 inscr. $\pi ε \varrho l$ ἰσότητος A, $\iota \bar{\theta}$ in mg. έλλάττονες A, em. apogr. 18 πυσότητα] ἰσότητα A 22 ὑπεπιμόριοι corr. ex ὑποέπιμόριοι A 24 αξ συμφ. neglegenter dictum (cf. p. 75, 11): nisi scr. έν μὲν οὖν συμφωνία

πολλαπλασίων ο τε διπλάσιος και ό τριπλάσιος και ό τετραπλάσιος, έν δε έπιμορίοις ήμιόλιος έπίτριτος, έν ούδετέρω δε ο τε έπογδοος και ο των συς προς σμή, και οι τούτοις ύπεναντίοι ο τε ύποδιπλάσιος και ό ύποτριπλάσιος καὶ ὁ ὑποτετραπλάσιος καὶ ὁ ὑφημιόλιος καὶ 5 ό ύπεπίτριτος καὶ ό ύπεπόνδοος καὶ ό τῶν σμή πρὸς συς'. καὶ ὁ μὲν διπλάσιος ἐν τῆ διὰ πασῶν εὑρίσκεται συμφωνία, ώς ἐπάνω ἀποδέδεικται, ὁ δὲ τρίπλασιος ἐν τῆ διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε, ὁ δὲ τετραπλάσιος ἐν τῆ δὶς διὰ πασῶν, ὁ δ' ἡμιόλιος ἐν τῆ διὰ πέντε, ὁ δ' 10 έπίτριτος έν τη διὰ τεσσάρων, ὁ δ' ἐπόγδοος τόνος ἐστίν. ό δὲ τῶν συς πρὸς σμγ΄ ἐν λείμματι. ὁμοίως δὲ καὶ οί τούτων ὑπεναντίοι. ἐν οὐδετέρω δέ εἰσι λόγω οι τε έπόγδοος και ὁ τῶν συς πρὸς σμή, ὅτι οὕτε ἐν συμφωνίαις είσιν οὔτε έξω συμφωνίας δ γαρ τόνος και τὸ 15 λείμμα άρχαι μέν είσι συμφωνίας και συμπληρωτικαί συμφωνίας, οὖπω δὲ συμφωνίαι. λέγονται δέ τινες έν άριθμητική λόγοι άριθμών ού μόνον πολλαπλάσιοι καλ έπιμόριοι, άλλὰ καὶ έπιμερεῖς καὶ πολλαπλασιεπιμερεῖς καὶ ἔτι πλείους, περὶ ὧν ἐφεξῆς σαφέστερον παραδώσο- 20 μεν. συνέστηκε δε τὸ μεν διὰ τεσσάρων έκ δυείν τόνων καὶ λείμματος, τὸ δὲ διὰ πέντε ἐκ τριῶν τόνων καὶ λείμματος, τὸ δὲ διὰ πασῶν ἐκ τοῦ διὰ πέντε καὶ διὰ τεσσάρων. έκ δε τούτων είσιν αι προηγούμεναι τῶν ἀναλογιῶν. 25

3 οὐδετέφοις apogr. 6 ὑποεπίτφιτος \mathbf{A} ὑπόγδοος \mathbf{A}^1 7 ἐκ πόσων τόνων η̈́ τε διὰ ο̈ καὶ αί λοιπαὶ συνεστήπασιν mg. \mathbf{A} 8 ἐπάνω: p. 56, 12. 62, 6 11 τόνος: immo ἐν τόνω 13 ἐν οὐδέτερω κτλ. — 25: haec plane supervacanea sunt, quaedam etiam inepta 15 sqq. cf. p. 49, 4 18 πολαπλάσιοι \mathbf{A} , em. apogr. 20 ἔτι] ἐπὶ \mathbf{A} ἐφεξῆς: p. 78, 6 sqq. 21 συνέστημε corr. ex συνέστικε \mathbf{A}

πάλιν δὲ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν παράδοσιν λέγονται (λόγοι) τῶν ἀριθμῶν, ὡς καὶ ὁ ᾿Αδραστος παραδίδωσιν, οι μὲν πολλαπλάσιοι, οι δὲ ἐπιμόριοι, οι δ᾽ ἐπιμερεῖς, οι δὲ πολλαπλασιεπιμόριοι, οι δὲ πολλαπλασιεπιμόριοι, οι δὲ πολλαπλασιεπιμέρεῖς, οι δ᾽ οὐδέτεροι, τῶν δὲ ἐλαττόνων οι μὲν ὑποπολλαπλάσιοι, οι δ᾽ ὑπεπιμόριοι, καὶ οι λοιποὶ ἀντιστρέφοντες τοῖς μείζοσι.

πολλαπλάσιος μὲν οὖν ἐστι λόγος, ὅταν ὁ μείζων ὅρος πλεονάκις ἔχη τὸν ἐλάττονα, τουτέστιν ὅταν ὁ 10 μείζων ὅρος καταμετρῆται ὑπὸ τοῦ ἐλάττονος ἀπαρτιζόντως, ὡς μηδὲν ἔτι λείπεσθαι ἀπ' αὐτοῦ, καὶ κατ' εἰδος τοσαυταπλασίων [ἔκαστος πολλαπλάσιος δ'] ὁ μείζων ὅρος λέγεται τοῦ ἐλάττονος, ὁσάκις ἂν καταμετρῆται ὑπ' αὐτοῦ · οἶον ἂν μὲν δίς, διπλάσιος, ἂν δὲ τρίς, τριπλάσιος, ἂν δὲ τετράκις, τετραπλάσιος, καὶ κατὰ τὸ ἔξῆς οῦτως. ἀνάπαλιν δὲ ὁ ἐλάττων τοῦ μείζονος μέρος ὁμώνυμον τῷ λόγῳ, κατὰ μὲν τὸν διπλάσιον ῆμισυ, κατὰ δὲ τὸν τριπλάσιον τριτημόριον, καὶ λόγος ὁ μὲν ῆμισυς, ὁ δὲ τριτημόριος · καὶ ἐπὶ τῶν ᾶλλων 20 ὁμοίως.

έπιμόριος δέ έστι λόγος, ὅταν ὁ μείζων ὅρος ἄπαξ ἔχη τὸν ἐλάττονα καὶ μόριον ἕν τι τοῦ ἐλάττονος, τουτ-

3 sqq. οδδ' ἐπιμεφεῖς, οἱ δὲ πολλαπλάσιεπιμεφεῖς (corr. ex πολλαπλάσιοι ἐπιμεφεῖς), οἱ δὲ πολλαπλάσιεπιμόφιοι (corr. ex πολλαπλάσιοι ἐπιμόφιοι), significato literis $\bar{\beta}$ et $\bar{\alpha}$ vero ordine, A 5 οὐδέτεφοι hoc loco inepte dictum, cf. p. 80, 8

6 ὑπομόριοι A, em. apogr. 8 inscr. τl ἐστιν ὁ πολλαπλάσιος λόγος A, \overline{n} in mg. 9 ἔχη corr. ex ἔχει A 10 ἀπαρτίζοντως corr. ex ἀπαρτίζοντος A 11 κατ' εἶδος: cf. p. 80, 15 13 μεἰζον (ον in ras.) A, em. apogr. 17 ὁμώννμον corr. ex ὁμόννμον A 21 inscr. τl ἐστιν ἐπιμόριος λόγος A, \overline{n} α in mg. μεῖζον A, em. apogr. 22 ἔχη corr. ex ἔχει A

έστιν όταν ὁ μείζων τοῦ έλάττονος ταύτην έχη τὴν ύπεροχήν, ήτις τοῦ έλάττονος ἀριθμοῦ μέρος ἐστίν. ὡς ή τετράς τῆς τριάδος ὑπερέχει γὰρ αὐτῆς μονάδι, ῆτις έστι της τριάδος τὸ τρίτον και ή έξας της τετράδος ύπερέχει δυεΐν, ατινα των τεσσάρων ημισύ έστι. διὸ 5 και από της των μερών ονομασίας εκαστος των έπιμορίων ίδίας έτυχε προσηγορίας. ὁ μὲν γὰρ τῷ ἡμίσει τοῦ έλάττονος μέρει ὑπερέχων ἡμιόλιος ἀνόμασται, ὡς ή τοιὰς τῆς δυάδος καὶ ἡ έξὰς τῆς τετράδος. αὐτήν τε γὰο ὅλην ἔχει τὴν ἐλάττονα καὶ τὸ ῆμισυ αὐτῆς ἐν 10 μέν γὰο τῆ τριάδι ἔνεστιν ἡ δυὰς καὶ τὸ ῆμισυ αὐτῆς ή μονάς, εν δε τη εξάδι ή τετράς και το ημισυ αὐτης ή δυάς. πάλιν οί τῷ τρίτῷ μέρει τοῦ ἐλάττονος ὑπερεχουτες επίτριτοι καλούνται, ώς ή τετράς τῆς τριάδος, οί δὲ τῷ τετάρτῳ ὑπερέχοντες ἐπιτέταρτοι, ὡς ὁ ε΄ τῶν 15 δ΄ και δι των η΄, και δμοίως προκόπτοντες επίπεμπτοί τε και έφεκτοι και έφέβδομοι έκλήθησαν πάντες οὖτοι έπιμόριοι όντες. διὸ καὶ οί αντικείμενοι τούτοις οί έλάττονες των μειζόνων υπεπιμόριοι εκλήθησαν ώς γὰρ ἡ τριὰς ⟨τῆς⟩ δυάδος ἐλέγετο ἡμιόλιος, οὖτως καὶ 20 ή δυάς της τριάδος κατά τὸ ἀνάλογον ὑφημιόλιος λεχθήσεται, και όμοίως ή τριάς της τετράδος ύπεπίτριτος.

ἔστι δὲ τῶν πολλαπλασίων λόγων ποῶτος καὶ ἐλάχιστος ὁ διπλάσιος, μετὰ δὲ τοῦτον ὁ τοιπλάσιος, εἶτα ὁ τετοαπλάσιος, καὶ οῦτως οἱ έξῆς ἐπ' ἄπειρον αἰεὶ 25

¹ μείζων corr. ex μείζον A 7 τῶ A^2] τὸ A^1 8 ἐφ' ante ἡμιόλιος A^1 . cf. Vetter additam. ad Steph. Thes. p. 13 13 οἱ A^2] ἡ A^1 16 δέκα corr. ex δεκὰς A 19 ὑπεπιμόςιοι corr. ex ὑποέπιμόςιοι A 20 τῆς add. in ed. Bull. 22 ὑποεπίτριτος A 23 ἐν post τῶν, et πολλαπλασίων mut. in πολλαπλασίονι A

οί μείζονες. τῶν δ' ἐπιμορίων λόγων πρῶτος καὶ μέγιστος ὁ ἡμιόλιος, ὅτι δὴ καὶ τὸ ῆμισυ μέρος πρῶτον καὶ μέγιστον καὶ ἐγγυτάτω τῷ ὅλω, μετὰ δὲ τοῦτον ὁ ἐπίτριτος, καὶ ὁ ἐπιτέταρτος, καὶ οῦτω πάλιν ἐπ' ἄπει-5 ρον ἡ πρόοδος ἀεὶ ἐπ' ἐλάττονος.

έπιμερης δέ έστι λόγος, όταν ὁ μείζων όρος απαξ έχη τὸν ἐλάττονα καὶ ἔτι πλείω μέρη αὐτοῦ [τοῦ ἐλάττονος], εἴτε ταὐτὰ καὶ ὅμοια εἴτε ἕτερα καὶ διάφορα: ταύτὰ μὲν οίον δύο τρίτα ἢ δύο πέμπτα καὶ εἴ τινα 10 άλλα οΰτως. ὁ μὲν γὰρ τῶν ε΄ ἀριθμὸς τοῦ τῶν γ΄ δὶς έπίτριτος, ὁ δὲ τῶν ζ τοῦ τῶν ε΄ δὶς ἐπίπεμπτος, ὁ δὲ τῶν η' τοῦ τῶν ε' τρὶς ἐπίπεμπτος, καὶ οί έξῆς ὁμοίως. έτερα δε και διάφορα οίον όταν ό μείζων αὐτόν τε έχη τὸν ἐλάττονα καὶ ἔτι ῆμισυ αὐτοῦ καὶ τρίτον, οἶον ἔχει 15 λόγον ὁ τῶν ια΄ πρὸς τὸν τῶν ς΄, ἢ πάλιν ῆμισυ καὶ τέταρτον, δς έστι λόγος τῶν ζ πρὸς δ΄, ἢ νὴ Δία τρίτον και τέταρτον, δυ έχει λόγον τὰ ιθ΄ πρός τὰ ιβ΄. παραπλησίως δε θεωρείσθωσαν και οι λοιποι έπιμερείς δυσίν ύπερέχοντες μέρεσιν η τρισίν η πλείοσι, καὶ όμοίοις 20 η ἀνομοίοις. ὑπεπιμερης δέ ἐστιν [δ] ἀνάπαλιν ὁ ἐν τῷ προειρημένφ λόγφ ἐλάσσων πρὸς τὸν μείζονα έξεταζόμενος.

πολλαπλασιεπιμόριος δέ έστι λόγος, ὅταν ὁ μείζων ὅρος δὶς ἢ πλεονάκις ἔχη τὸν ἐλάττονα καὶ ἔτι μέρος

1 of μείζονες] ἐπὶ μείζονος? cf. v. 5
4 $\overline{\varsigma 5}$ (?) ante ὁ A, ἑξῆς apogr. 6 inscr. περὶ ἐπιμεροῦς λόγον A, $\overline{\iota β}$ in mg. μείζων: ω ex ο A 7 ἔχη ex ἔχει A μέρει A, em. apogr. cf. vs. 24. p. 79, 17
13 δὲ primo om. tum add. A ἔχη corr. ex ἔχει A 16 νη δία A²] ἡ διὰ A¹ 20 ἀνομίοις A¹ ὑπομερης A¹ 21 τὸ μείζον A 23 inscr. περὶ πολλαπλασιεπιμορίων A μείζων corr. ex μείζον A 24 ἔχη corr. ex ἔχει A

αὐτοῦ, ὡς ὁ μὲν τῶν ζ΄ δὶς ἔχει τὸν γ΄ καὶ ἔτι τρίτον αὐτοῦ, καὶ λέγεται αὐτοῦ διπλασιεπίτριτος, ὁ δὲ τῶν θ΄ δὶς ἔχει ⟨τὸν⟩ τῶν δ΄ καὶ ἔτι τὸ τέταρτον αὐτοῦ, λέγεται δὲ διπλασιεπιτέταρτος, ὁ δὲ τῶν ι΄ τρὶς ἔχει τὸν τῶν γ΄ καὶ τὸ τρίτον αὐτοῦ, καὶ λέγεται τριπλασιεπίτριτος. 5 παραπλησίως δὲ θεωρείσθωσαν καὶ οἱ λοιποὶ πολλαπλασιεπιμόριοι. τοῦτο δὲ συμβαίνει, ὅταν δυεῖν προτεθέντων ἀριθμῶν ὁ ἐλάττων καταμετρῶν τὸν μείζονα μὴ ἰσχύση ὅλον καταμετρῆσαι, ἀλλ' ἀπολείπη μέρος τοῦ μείζονος, ὅ ἐστιν αὐτοῦ τοῦ ἐλάσσονος μέρος οἱον ὁ τῶν κς΄ τοῦ τῶν η΄ πολλαπλασιεπιμόριος λέγεται, ἐπειδήπερ ⟨ὁ⟩ η΄ τρὶς καταμετρήσας τὸν κς΄ οὐχ ὅλον ἀπήρτισεν, ἀλλὰ μέχρι τῶν κδ΄ ἐλθῶν δύο ἐκ τῶν κς΄ ἀπέλιπεν, ὅ ἐστι τῶν η΄ τέταρτον.

πολλαπλασιεπιμερης (δέ) έστι λόγος, ὅταν ὁ μείζων 15 ὅρος δὶς τζ πλεονάκις ἔχη τὸν ἐλάττονα καὶ δύο ἢ πλείω τινὰ μέρη αὐτοῦ εἶτε ὅμοια εἴτε διάφορα οἶον ὁ μὲν τῶν η΄ δὶς ἔχει τὸν τῶν γ΄ καὶ δύο τρίτα αὐτοῦ, λέγεται δὲ διπλάσιος καὶ δὶς ἐπίτριτος, ὁ δὲ τῶν ια΄ τοῦ τῶν γ΄ τριπλάσιος καὶ δὶς ἐπίτριτος, ὁ δὲ τῶν ια΄ τοῦ τῶν νο δ΄ διπλάσιός τε καὶ ἡμιόλιος καὶ ἐπιτέταρτος ἢ διπλάσιός τε καὶ τρὶς ἐπιτέταρτος. καὶ τοὺς ἄλλους δὲ πολλαπλασιεπιμερεῖς πολλοὺς καὶ ποικίλους ὅντας προχειρίζεσθαι ράδιον. τοῦτο δὲ γίνεται, ὅταν ὁ ἐλάττων ἀρ θμὸς καταμετρήσας τὸν μείζονα μὴ ἰσχύση ἀπαρτί- 25 σαι, ἀλλ' ἀπολείπη ἀριθμόν τινα, ᾶ ἐστι μέρη αὐτοῦ,

^{3 (}τὸν) τῶν] τὸν apogr. 9 καταταμετοῆσαι A, em. apogr. 12 το π5 A, em. in ed. Bull. 13 ἀπέλειπεν A, em. apogr. 15 inscr. πεολ πολλαπλασιεπιμεοῶν Α 16 ἔχη apogr.] ἔχει Α 18 ἔχων Α 24 ἐλάττων: ων corr. ex ον Α 26 ᾶ] ο Α

ώς ὁ τῶν ιδ΄ τοῦ τῶν γ΄ ἡ γὰρ τριὰς καταμετρήσασα τὸν τῶν ιδ΄ οὐκ ἴσχυσεν ἀπαρτίσαι, ἀλλὰ προκόψασα τετράκις μέχρι τῶν ιβ΄ τὴν λοιπὴν ἀπὸ τῶν ιδ΄ ἀπέλιπε δυάδα, ἢτις ἐστὶ τῶν γ΄ δίμοιρον, ἃ δὴ λέγεται δύο 5 τρίτα. ἀντίκειται δὲ καὶ τῷ πολλαπλασιεπιμερεῖ ὁ ὑποπολλαπλασιεπιμεροής.

ἀριθμοῦ δὲ πρὸς ἀριθμὸν λόγος ἐστίν, ὅταν ὁ μείζων πρὸς τὸν ἐλάττονα ἐν μηδενὶ ἡ τῶν προειρημένων λόγων, καθὰ δειχθήσεται καὶ ὁ τὸ λεῖμμα περιέχων 10 [φθόγγος] λόγος ἀριθμοῦ πρὸς ἀριθμὸν ἔχων τοὺς ὅρους ἐν ἐλαχίστοις ὡς ὁ συς΄ πρὸς σμγ΄. φανεροὶ δὲ καὶ οἱ τῶν ἐλαττόνων ὅρων πρὸς τοὺς μείζονας λόγοι ἀντεστραμμένως ὑπ' ἐκείνων προσαγορευόμενοι, καθὰ ἐδείχθη.

15 πάντων δὲ τῶν κατ' εἶδος εἰρημένων λόγων οἱ ἐν ἐλαχίστοις καὶ πρώτοις πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοῖς ὅντες καθ' ἔκαστον πρῶτοι λέγονται τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων καὶ πυθμένες τῶν ὁμοειδῶν. οἶον διπλασίων μὲν λόγων πρῶτος καὶ πυθμὴν ὁ τῶν β΄ πρὸς ἕν μετὰ 20 γὰρ τοῦτον ἐν μείζοσι καὶ συνθέτοις ἀριθμοῖς λόγοι εἰσὶ διπλάσιοι ὁ τῶν δ΄ πρὸς τὰ β΄ καὶ τῶν ϛ΄ πρὸς τὰ γ΄ καὶ ὁμοίως ἐπ' ἄπειρον. τριπλασίων δὲ λόγων πρῶτος καὶ πυθμὴν ὁ τῶν γ΄ πρὸς τὸ ἕν· οἱ δὲ αἰεὶ ἐν μείζοσι καὶ συνθέτοις ἀριθμοῖς ἐπ' ἄπειρον προάγουσιν. 25 ὡσαύτως δὲ ἐπὶ τῶν ἄλλων πολλαπλασίων. ὁμοίως δὲ

³ ἀπέλειπε A, em. apogr. 7 inscr. τί ἐστι λόγος ἀριθμοῦ πρὸς ἀριθμόν (corr. ex ἀριθμῶν) A, πδ in mg. μείζων corr. ex μείζον A 8 ή] εἴη A 9 δειχθήσεται: p. 86, 15 13 ἀντεστραμμένως] ἀντεστραμμένοι (ἀπεστραμμένοι A¹) ὡς A 14 ἐδείχθη: p. 74 sq. 15 inscr. περὶ πνθμένων λόγων A 18 διπλάσιον A^1

καὶ ἐν τοῖς ἐπιμορίοις. ἡμιολίων μὲν λόγων πρῶτος καὶ πυθμὴν ὁ τῶν γ΄ πρὸς τὰ β΄, ἐπιτρίτων δὲ ὁ τῶν δ΄ πρὸς γ΄, καὶ ἐπιτετάρτων ὁ τῶν ε΄ πρὸς δ΄ οἱ δὲ ἐν μείζοσιν ὅροις καὶ συνθέτοις πάλιν ἄπειροι τὸ πλῆθος. τὸ δ' αὐτὸ θεωρεῖται καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων.

διαφέρει δὲ διάστημα καὶ λόγος, ἐπειδὴ διάστημα μέν ἐστι τὸ μεταξὺ τῶν ὁμογενῶν τε καὶ ἀνίσων ὅρων, λόγος δὲ ἀπλῶς ἡ τῶν ὁμογενῶν ὅρων πρὸς ἀλλήλους σχέσις. διὸ καὶ τῶν ἴσων ὅρων διάστημα μὲν οὐδέν ἐστι μεταξύ, λόγος δὲ πρὸς ἀλλήλους εἶς καὶ ὁ αὐτὸς 10 ὁ τῆς ἰσίτητος τῶν δὲ ἀνίσων διάστημα μὲν Εν καὶ τὸ αὐτὸ ἀφ' ἐκατέρου ⟨πρὸς⟩ ἐκάτερον, λόγος δὲ ἔτερος καὶ ἐναντίος ἐκατέρου πρὸς ἐκάτερον οἶον ἀπὸ τῶν β΄ πρὸς τὸ Εν καὶ ἀπὸ τοῦ ἐνὸς πρὸς τὰ β΄ διάστημα εν καὶ τὸ αὐτό, λόγος δὲ ἔτερος, τῶν μὲν δύο πρὸς τὸ Εν 15 διπλάσιος, τοῦ δὲ ἐνὸς πρὸς τὰ β΄ ῆμισυς.

Έρατο σθένης δε έν τῷ Πλατωνικῷ φησι, μὴ ταὐτον εἶναι διάστημα καὶ λόγον, ἐπειδὴ λόγος μέν ἐστι δύο μεγεθῶν ἡ πρὸς ἄλληλα ποιὰ σχέσις γίνεται δ' αΰτη καὶ ἐν διαφόροις (καὶ ἐν ἀδιαφόροις). οἶον ἐν νο ἡ λόγφ ἐστὶ τὸ αἰσθητὸν πρὸς τὸ νοητόν, ἐν τούτφ δόξα πρὸς ἐπιστήμην, καὶ διαφέρει καὶ τὸ νοητὸν τοῦ ἐπιστητοῦ ῷ καὶ ἡ δόξα τοῦ αἰσθητοῦ. διάστημα δὲ

⁶ inser. τένι διαφέρει διάστημα καὶ λόγος Α
12 ἀφ' apogr.] ἐφ' Α πρὸς add. apogr. 17 cf. Philol.

XXX p. 60 sqq. Bernhardy Eratosth. p. 168 19 μεγέθων Α¹
προσάλληλα Α 20 αὐτὴ Α: cf. Philol. XXX p. 72

Porph. ad Ptol. Harm. p. 268 ὅτι μὲν τοίνυν ὁ λόγος ἐν διαφόροις γίνεται ὅροις, ὁμογενέσι δὲ πάντως, καὶ ἐν ἀδιαφόροις, ὡς Εὐκλείδει δοκεῖ, δειχθήσεται διάστημα δ' ⟨ὅτι⟩
ἐν τοῖς διαφέρουσι μόνον, φανερόν 21 τὸ αἰσθητὸν πρὸς
τὸ νοητόν apogr.] τὸ νοητὸν πρὸς τὸ αἰσθητὸν Α

έν διαφέρουσι μόνον, ἢ κατὰ τὸ μέγεθος ἢ κατὰ ποιότητα ἢ κατὰ θέσιν ἢ ἄλλως ὁπωσοῦν. δῆλον δὲ καὶ ἐντεῦθεν, ὅτι λόγος διαστήματος ἔτερον τὸ γὰρ ῆμισυ πρὸς τὸ διπλάσιον ⟨καὶ τὸ διπλάσιον πρὸς τὸ ῆμισυ⟩ 5 λόγον μὲν οὐ τὸν αὐτὸν ἔχει, διάστημα δὲ τὸ αὐτό.

άναλογία δ' έστὶ πλειόνων λόγων δμοιότης η ταυτότης, τουτέστιν εν πλείοσιν δροις λόγων δμοιότης, δταν ον έχει λόγον ό πρώτος πρός τον δεύτερον, τοῦτον ό δεύτερος πρός τὸν τρίτον ἢ ἄλλος τις πρός ἄλλον. 10 λέγεται δε ή μεν συνεγής αναλογία, ή δε διηρημένη, συνεχής μεν ή εν ελαχίστοις τρισίν δροις, διηρημένη δὲ ἡ ἐν ἐλαχίστοις τέσσαρσιν. οἶον μετὰ τὴν ἐν ἴσοις δροις άναλογίαν συνεχής έν έλαχίστοις δροις κατά μέν τὸ διαπλάσιον δ΄ β΄ α΄ ἔστι γὰρ ώς δ΄ πρὸς β΄, οῦτως 15 β΄ πρὸς εν. διηρημένη δὲ ς΄ γ΄ δ΄ β΄ έστι γὰρ ὡς ς΄ πρὸς τὰ γ΄, οῦτως δ΄ πρὸς τὰ β΄. τὸ δὲ αὐτὸ καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων πολλαπλασίων. ἔστι δὲ τρόπον τινὰ καὶ ἡ συνεχής εν τετταρσιν οροις, δίς λαμβανόμενου τοῦ μέσου. καὶ ἐπὶ τῶν ἐπιμορίων δὲ ὁ αὐτὸς λόγος συν-20 εχής μεν άναλογία εν λόγφ ήμιολίφ θ΄ ς΄ δ΄, διηρημένη δὲ θ΄ ς΄ ιε΄ ι΄. ὁ δὲ αὐτὸς καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων λόγος.

ό δὲ Ἐρατοσθένης φησίν, ὅτι τῆς ἀναλογίας[φύσις] ἀρχὴ λόγος ἐστὶ καὶπρώτη

¹ ἐν corr. ex ἕν Α 6 inscr. περὶ ἀναλογίας καὶ ἰσότητος Α, κξ in mg. δ' ἔστι corr. ex δὲ ἐστὶ Α 15 οὐ συνάπτουται γὰρ ἔνὶ μέσω ὅρω κοινῷ οὐ (scr. οἱ) δύο λόγοι, ὥσπερ ἐπὶ τοῦ δ̄ $\bar{\beta}$ ᾱ ὁ $\bar{\beta}$ μέσος ὅρος ἐστὶ καὶ κοινός ὡς γὰρ δ̄ πρὸς $\bar{\beta}$ οῦτω $\bar{\beta}$ πρὸς $\bar{\alpha}$ mg. Α 18 οἶον ὡς δ̄ πρὸς $\bar{\beta}$, οῦτω $\bar{\beta}$ πρὸς ᾱ τοῦ ᾱ ὡς δὶπλάσιος mg. Α 22 τρατοσθένης A^1 , 23 καὶ ante ἀρχὴ add. A^2 . in iis quae ex-

καὶ τῆς γενέσεως αἰτία πᾶσι τοῖς μὴ ἀτάκτως γινομένοις. άναλογία μεν γαρ πασα έκ λόγων, λόγου δε άργη τὸ ἴσον. δῆλον δὲ οῦτως. ἐν ἐκάστω τῶν γενῶν ἰδιόν έστί τι στοιγείου [καὶ ἀργή], είς ο τὰ ἄλλα ἀναλύεται, αὐτὸ δὲ είς μηδὲν ἐκείνων. ἀνάγκη δὴ τοῦτο ἀδιαίρε- 5 τον είναι και άτομον τὸ γὰρ διαίρεσιν και τομήν έπιδεχόμενον συλλαβή λέγεται καλ ού στοιχεῖον. τὰ μὲν οὖν τῆς οὐσίας στοιχεῖα κατὰ οὐσίαν ἀδιαίρετά ἐστι, τὰ δὲ τοῦ ποιοῦ κατὰ τὸ ποιόν, τὰ δὲ τοῦ ποσοῦ κατὰ τὸ ποσόν. ὅλως δ' εκαστον κατὰ τοῦτο ἄτομον καὶ εν, 10 καθὸ στοιχεῖόν έστι συνθέτου τινὸς ἢ μικτοῦ. τοῦ μὲν οὖν ποσοῦ στοιχεῖον ἡ μονάς, τοῦ δὲ πηλίκου στιγμή, λόγου δε και αναλογίας ισότης. οὕτε γὰο μονάδα ἔτι διελεῖν ἔστιν είς τὸ ποσόν, οὖτε στιγμὴν είς τὸ πηλίκου, ούτε Ισότητα είς πλείους λόγους. γίνεται δε άριθ- 15 μός μεν έκ μονάδος, γραμμή δε έκ στιγμής, λόγος δε καὶ ἀναλογία έξ ἰσότητος, τρόπον δὲ οὐ τὸν αὐτὸν ἕκαστον τούτων άλλὰ μονὰς μέν πολλαπλασιαζομένη ὑφ' έαυτης οὐδεν γεννά ώς οι άλλοι άριθμοί, τὸ γὰρ ἄπαξ εν εν κατά σύνθεσιν δε αύξεται μέχρις είς ἄπειρον 20 στιγμή δὲ οὖτε κατὰ πολλαπλασιασμὸν οὔτε κατὰ σύνθεσιν άλλα κατά συνέγειαν δυεῖσά τε καλ ένεχθεῖσα γραμμην αποτελεί, γραμμη δε επιφάνειαν, επιφάνεια δὲ σῶμα. καὶ μὴν ὁ τῶν ἴσων λόγος οὐκ αὔξεται συντιθέμενος πλειόνων γὰρ ἴσων έξῆς τιθεμένων ὁ τῆς 25

ciderunt aequalitatis commemoratio fuisse videtur: cf. p. 107, 10 sqq. 111, 12 1 ἀρχή post πρώτη add. A³, πρώτη τῆς γενέσεως αἰτία Bull. καὶ ante πᾶσι add. A² 4 post καὶ una lit. er. A 11 μικτοῦ corr. ex μικτὸν A τί ἐκάστου γένους στοιχείον καὶ ἀρχὴ καὶ πῶς ἐκ τούτων τοῖς ἐξ αὐτῶν ἡ γένεσις mg. A 20 ὁ ἐστιν ἕν ante κατὰ del. A

περιοχής λόγος εν Ισότητι διαμένει. διο καί συμβαίνει, την στιγμην μη είναι μέρος γραμμής μηδε την Ισότητα λόγου, την μέντοι μονάδα άριθμου μόνη γαρ αυτη συντιθεμένη λαμβάνει τινα αυξησιν. αυτιον δε του 5 λεχθέντος, στι διαστήματος αμοιρος Ισότης, καθάπερ και ή στιγμή μεγέθους.

ξοικε δε ο Πλάτων μίαν οἰεσθαι συνοχὴν εἰναι μαθημάτων τὴν ἐκ τῆς ἀναλογίας. ἔν τε γὰο τῷ Ἐπινομίφ φησίν ἄπαν διάγραμμα ἀριθμοῦ τε σύστημα καὶ το ἀρμονίας σύστασιν ἄπασαν τῆς τε τῶν ἄστρων περιφορᾶς τὴν ἀναλογίαν οὖσαν μίαν ἀπάντων ἀναφανῆναι δεῖ τῷ κατὰ τρόπον μανθάνοντι φανήσεται δέ, ἀν ἃ λέγομεν ὀρθῶς τις ἐμβλέπων μανθάνη δεσμὸς γὰρ πεφυκὸς ἀπάντων εἶς ἀναφανήσεται.

15 διαφέρει δὲ ἀναλογίας μεσότης, ἐπειδὴ εί μέν τι ἀναλογία, τοῦτο καὶ μεσότης, εί δέ τι μεσότης, οὐκ εὐθὸς ἀναλογία. ἐγχωρεῖ γάρ τι κατὰ τάξιν μέσον ὂν μὴ ἔχειν ἀναλόγως πρὸς τὰ ἄκρα ὡς τὰ δύο μέσα ἐστὶ τῷ τάξει ⟨τοῦ ἐνὸς καὶ⟩ τῶν γ΄, καὶ τοῦ ἐνὸς καὶ ⟨τῶν ί⟩ 20 τὰ γ΄ καὶ τὰ δ΄ καὶ τὰ ε΄ ἀπὸ γὰρ τοῦ ἑνὸς οὐχ οἶόν

Platonis α] δ Plato 13 ἐμβλέπων etiam Iambl.] εἰς εν βλέπων Plato 14 ἀπάντων etiam Nicom.] πάντων Plato τούτων ante εἰς Plato, sed om. pr. Ω ἀναφανήσεται] διανοουμένοις add. Plato, om. etiam Nicom. 15 incr. διαφέφει δὲ ἀναλογία καὶ μεσότης Α. cf. Nesselmann p. 210 sq. 19 τῶν ι΄ add. in ed. Bull.

³ αῦτη corr. ex αὐτὴ ut vid. A 8 ἔν τε γὰρ τῷ] ἐν τετάρτῷ A, ἐν τῷ γὰρ Bull., cf. p. 2, 15 9 Pseudo-Plat. Epin. p. 991 E ἄπαν praeter Theonem Nicom. introd. arithm. I 3, 5] πᾶν Plato, τα post ἄπαν del. A 11 ἀναλογίαν etiam Nicomachi codices meliores et Iamblichus in Villois. anecd. Gr. II p. 193] ὁμολογίαν Plato et Nicom. codices deteriores 12 φανήσεται etiam Nicom. Iambl. Platonis codex Vaticanus Ω pr. m. (sec. Bekk.)] ἀναφανήσεται ceteri ut videtur codices

τε έλθεῖν ἐπὶ τὰ ι΄ μὴ πρότερον ἐλθόντα ἐπὶ τὰ β΄ καὶ τὰ γ΄ καὶ τὰ δ΄. ἀλλ' οὐδὲν τούτων ἀναλόγως ἔχει πρὸς τὰ ἄκρα. τὸ γὰρ ἕν οὐκ ἐν τούτω ἐστὶ τῷ λόγῳ πρὸς τὰ β΄, ἐν ῷ τὰ β΄ πρὸς τὰ γ΄ ὁμοίως καὶ ἐπὶ τῶν β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄. τὰ δὲ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ὄντα καὶ μέσα 5 ἄν εἰη, οἶον ἕν β΄ δ΄ ἀναλογία τε γάρ ἐστιν ἡ τοῦ διπλασίου, καὶ τά β΄ μέσα τοῦ ἑνὸς καὶ τῶν δ΄.

τούτων δ' εκαστον εν άριθμοις καὶ ἄλλως οῦτως ὁρᾶται τῶν ς' διπλάσιος ὁ ιβ΄, τριπλάσιος δὲ ὁ ιη΄, τετραπλάσιος δὲ ὁ κδ΄, ἡμιόλιος δὲ ὁ δ΄, ἐπίτριτος δὲ ὁ η΄ τὰ δὲ θ΄ τῶν η΄ ἐπόγδοα τὰ δὲ ιβ΄ πρὸς μὲν θ΄ ἐπίτριτα, πρὸς δὲ η΄ ἡμιόλια, πρὸς δὲ ς΄ διπλάσια τὰ 20 δὲ ιη΄ τῶν θ΄ διπλάσια τούτων δὲ τὰ κζ΄ ἡμιόλια. καὶ γίνεται μὲν η΄ ἐν τῷ διὰ τεσσάρων πρὸς ς΄, τὰ δὲ θ΄ ἐν τῷ διὰ πέντε, τὰ δὲ ιβ΄ ἐν τῷ διὰ πασῶν, τὰ δὲ ιη΄ ἐν τῷ διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε τῶν μὲν γὰρ ς΄ διπλάσια τὰ ιβ΄ ἐστιν ἐν τῷ διὰ πασῶν, τῶν δὲ ιβ΄ τὰ ιη΄ 25

⁴ nal ênl t nal p' nal p' nal p' nal p' nal p' nal ênl p' nal p' na

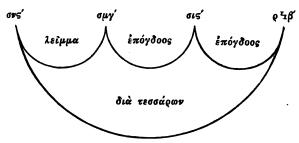
ήμιολιά έστιν έν τῷ διὰ πέντε, ξ΄ ιβ΄ ιη΄ τὰ δὲ κδ΄ πρὸς ς΄ ἐν τῷ δὶς διὰ πασῶν. τὰ δὲ θ΄ τῶν η΄ ἐν τόνῳ. τὰ δὲ ιβ΄ τῶν θ΄ διὰ πασῶν. τὰ δὲ ιβ΄ τῶν η΄ ἐν τῷ διὰ πέντε. τὰ δὲ ιη΄ τῶν θ΄ διὰ πασῶν. τὰ δὲ κζ΄ τῶν 5 ιη΄ διὰ πέντε. συνέστηκε δὲ τὸ διὰ πασῶν ιβ΄ πρὸς ς΄ ἐκ τοῦ ἡμιολίου θ΄ πρὸς ς΄ καὶ ἐπιτρίτου ιβ΄ πρὸς θ΄ καὶ πάλιν ἡμιολίου ιβ΄ πρὸς η΄ καὶ ἐπιτρίτου η΄ πρὸς ς΄, καὶ τὰ ιη΄ πρὸς θ΄ ἐκ τοῦ ιη΄ πρὸς ιβ΄ ἡμιολίου καὶ ιβ΄ πρὸς θ΄ ἐπιτρίτου, καὶ τὰ κδ΄ πρὸς ιβ΄ διὰ πασῶν συν-10 ἐστηκεν ἐκ τοῦ κδ΄ πρὸς ιη΄ ἐπιτρίτου καὶ τοῦ ιη΄ πρὸς η΄ ἐπογδόου καὶ τοῦ η΄ πρὸς ς΄ ἐπιτρίτου, καὶ τὰ ιβ΄ πρὸς η΄ ἡμιολίου ἐκ τοῦ θ΄ πρὸς ς΄ ἐπιτρίτου καὶ τὰ ιβ΄ πρὸς η΄ ἡμιολίου ἐκ τοῦ κ΄ πρὸς θ΄ ἐπιτρίτου καὶ θ΄ πρὸς η΄ ἐπογδόου.

15 τὸ δὲ λεῖμμα γίνεται ἐν λίγω ὂν ἔχει τὰ συς' ποὸς σμγ'. εὐρίσκεται δ' οὕτω δυεῖν ἐπογδόων ληφθέντων καὶ τούτων τρὶς πολλαπλασιασθέντων καὶ τῷ δὶς ἐπογδόω προστεθέντος ἐπιτρίτου. οἶον εἶς μὲν ἐπόγδοος λόγος ὁ τῶν θ' πρὸς τὰ η'. ἐκ δὲ τούτων γίνονται δύο ἐπόγδοοι οῦτω τὰ θ' ἐφ' ἑαυτὰ γίνεται πα', εἶτα τὰ θ' ἐπὶ τὰ η' γίνεται οβ', ἔπειτα τὰ η' ἐφ' ἑαυτὰ γίνεται ξδ', καὶ ἔστι τὰ μὲν πα' τῶν οβ' ἐπόγδοα, τὰ δὲ οβ' τῶν ξδ' ἐπόγδοα. ἄν δὴ τρὶς ταῦτα λάβωμεν, τὰ μὲν πα' γίνεται τρὶς σμγ', τὰ δὲ οβ' γίνεται σις', τὰ δὲ ξδ'

⁵ συνέστικε A^1 7 (έκ τοῦ) ἡμιολίου? 8 τὰ ιή πρὸς δ΄ (διὰ πασῶν)? 9 διὰ πασῶν συνέστηκεν] διπλασίου ἡμίσεος καὶ A, διπλασίου ῆμισυ καὶ Bull. 13 ἡμιόλιον] διὰ πέντε?

¹⁵ inser. $\pi \epsilon \varrho l$ $l \epsilon l \mu \mu \alpha \tau \circ \tilde{\sigma}$ $\tilde{\epsilon} \delta \tau \iota \nu$ $\tilde{\epsilon} \nu$ $l \circ \gamma \varphi$ $\tau \tilde{\omega} \nu$ $\overline{\sigma \nu \varsigma}$ $\pi \varrho \circ \varsigma \overline{\sigma \mu \gamma}$ A, $\bar{\lambda}$ in mg. cf. p. 67 sq. $\tau \circ \tilde{\epsilon} l \iota \mu \mu \alpha$ A^1 16 ov $\tau \omega$ fort. del. 19 $\gamma l \nu \omega \nu \tau \alpha \iota$ A, em. apogr. 21 $\tilde{\epsilon} \pi \epsilon \iota \tau \alpha : \iota$ supra $\epsilon \iota$ del. A 24 $\tau \alpha \circ \delta \epsilon \circ \delta$ $\langle \tau \varrho l \varsigma \rangle$?

τρὶς γίνεται ρΕβ΄. τούτων ἐπίτριτα τὰ συς΄, ᾶτινα πρὸς σμγ΄ ἔχει τὸν τοῖ λείμματος λόγον, ἔς ἐστι πλείων ἢ ἐποκτωκαιδέκατος.



ή δὲ τοῦ κανόνος κατατομή γίνεται δια τῆς ἐν τῆ δεκάδι τετρακτύος, ἣ σύγκειται ἐκ μονάδος δυάδος 5 τριάδος τετράδος, α΄ β΄ γ΄ δ΄ ἔχει γὰρ ἐπίτριτον, ἡμιό-λιον, διπλάσιον, τριπλάσιον, τετραπλάσιον λόγον. διαι-ρεῖ δὲ αὐτὸν ὁ Θράσυλλος οῦτως.

δίχα μὲν διελοῦσι τὸ μέγεθος μέσην ποιεῖ τὸ διὰ πασῶν ἐν τῷ διπλασίᾳ λόγᾳ, ἀντιπεπονθότως ἐν ταῖς 10 κινήσεσι διπλασίαν ἔχουσαν τάσιν ἐπὶ τὸ ὀξύ. τὸ δὲ ἀντιπεπονθότως ἐστὶ τοιοῦτον ὅσον ἂν τοῦ μεγέθους ἀφέλης τῆς ὅλης ἐν τῷ κανόνι χορδῆς, τοσοῦτον τῷ τόνᾳ προστίθεται, καὶ ὅσον ἂν τῷ μεγέθει τῆς χορδῆς προσθῆς, τοσοῦτον τοῦ τόνου ὑφαιρεῖται. τὸ μὲν γὰρ 15 ῆμισυ [προσλαμβανομένη μέση πρὸς τὰ δύο μέρη] μέγεθος διπλασίαν τάσιν ἔχει ἐπὶ τὸ ὀξύ τὸ δὲ διπλάσιον μέγεθος ἡμίσειαν τάσιν ἔχει ⟨ἐπὶ⟩ τὸ βαρύ.

² ἐλίμματος A^1 , ι corr. in ει A^2 πλείω A^1 3 iuxta figuram $\overline{\rho\mu}$ A 5 cf. p. 58, 14 8 θρασυλλὸς A^1 , θρασύλλος A^2 9 διελών Bull., cf. p. 92, 17 sqq. 10 ἀντιπεπονθότος A^1 12 τάσιν] πίνησιν A 16 προσλαμβανομένης Bull. 18 ἐπλ add. Bull.

τρίχα δὲ τῆς διαιρέσεως γενομένης ἢ τε ὑπάτη τῶν μέσων και ή νήτη διεζευγμένων γίνεται. έστι δε ή μεν νήτη διεζευγμένων πρός μεν την μέσην έν τῷ διὰ πέντε. δύο γάρ έστι διαστήματα πρός τρία πρός δὲ τὴν ὑπά-5 την έν τῷ διὰ πασῶν. Εν γάρ έστι διάστημα πρὸς τὰ δύο πρός δε τὸν προσλαμβανόμενον ζέν τῷ διὰ πασών και διά πέντε του γάρ ζπροσλαμβανομένου έν τῷ) διὰ πασῶν ὄντος πρὸς τὴν μέσην προσείληπται τὸ μέγοι της νήτης διάστημα, δ έστι διά πέντε πρός την 10 μέσην. ή (δὲ) μέση πρὸς τὴν ὑπάτην ἐν τῷ διὰ τεσσάρων, πρός δὲ τὸν προσλαμβανόμενον ἐν τῷ διὰ πασῶν. ή δε ύπάτη πρός του προσλαμβανόμενον εν τῷ διὰ πέντε. γίνεται δὲ ἴσον τὸ μέγεθος τὸ ἀπὸ τῆς ὑπάτης εως μέσης τοῦ διὰ τεσσάρων πρὸς τὸ ἀπὸ μέσης εως 15 νήτης τοῦ διὰ πέντε. καὶ ὁμοίως ἀντιπεπόνθασιν οί άριθμοί τῶν κινήσεων τῆ διαιρέσει τῶν μεγεθῶν.

τετραγή δε της διαιρέσεως γενομένης συνίσταται ή τε ύπερυπάτη καλουμένη, ή καὶ διάτονος ύπατῶν, καὶ ή νήτη τῶν ὑπερβολαίων. <ἔστι δὲ ἡ μὲν νήτη τῶν 20 ύπερβολαίων> πρὸς μὲν τὴν νήτην τῶν διεζευγμένων έν τῶ διὰ τεσσάρων, πρὸς δὲ τὴν μέσην έν τῷ διὰ πασῶν, πρὸς δὲ τὴν ὑπάτην ἐν τῷ διὰ πασῶν καὶ διὰ τεσσάρων, πρός δε την ύπερυπάτην έν τῷ διὰ πασῶν καλ διὰ πέντε, πρὸς δὲ τὸν προσλαμβανόμενον ἐν τῷ 25 δὶς διὰ πασῶν ἐπὶ τὸ βαρύ. τῆ δὲ ὑπερυπάτη λόγος

⁶ τον προσλαμβανόμενον corr. ex των προσλαμβανομένων δ τον προσλαμρανομένον corr. εκ των προσλαμρανομένων
 Α πρὸς] κατὰ Α 16 πρὸς ante τῶν del. Α 18 ὑπὲς υπατὴ Α¹, παρυπάτη Α² ἡ corr. ex ἢ Α 19 τὸ ὑπερβόλεον
 Δ¹ καὶ ἔστιν ἡ μὲν νητη τῶν ὑπερβολαίων add. apogr.
 20 προσλαμβανόμένος ὑπατὴ μέσων νητὴ διεξευγμένη mg. Α
 23 ὑπερῦπατὴν Α¹, παρυπάτην Α² 25 τὸ corr. ex τῶ Α

ύπερυπατη Α1, παρυπάτη Α2

έστι πρὸς μὲν (τὸν) προσλαμβανόμενον ἐν τῷ διὰ τεσσάρων ἐπὶ τὸ βαρύ, πρὸς δὲ τὴν μέσην ἐν τῷ διὰ πέντε
ἐπὶ τὸ όξύ, τῆς δ' ὑπάτης τόνφ ὑπερέχει κατὰ τὸ βαρύ.
καὶ ἔστιν ἴσον τὸ τονιαῖον μέγεθος τῆς ὑπερυπάτης
πρὸς τὴν ὑπάτην καὶ τὸ διὰ τεσσάρων τῆς νήτης δι- 5
εξευγμένων πρὸς τὴν νήτην ὑπερβολαίων. καὶ ὁμοίως
ἀντιπεπόνθασιν οἱ ἀριθμοὶ τῶν κινήσεων τοῖς μεγέθεσι
[τῆς διαιρέσεως] τῶν διαστημάτων.

δηλον δ' αν γένοιτο τὸ λεγόμενον έπὶ τῶν ἀριθμῶν. εί γὰο τὸ τοῦ κανόνος μέγεθος ιβ΄ μέτρων ὁποιωνοῦν, 10 έσται μέν μέση δίχα διαιρεθείσης (της όλης χορδης, και ἀφέξει > ς΄ έκατέρωθεν [διαιρουμένη] ή δε ύπάτη τῶν μέσων ἀπὸ τῆς ἀρχῆς δ΄ ή δὲ νήτη διεζευγμένων ἀπὸ τῆς τελευτῆς δ΄ καὶ τὸ μεταξύ αὐτῶν δ΄. ή δὲ ύπερυπάτη ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τρία ἀφέξει μεγέθη, ἀπὸ δὲ 15 της ύπάτης εν ή δε ύπερβολαία ἀπὸ μεν της τελευτης γ΄, ἀπὸ δὲ τῆς διεζευγμένης εν. μεταξὺ δὲ αὐτῶν ς΄, ώστε ἀπὸ τῆς μέσης έκατέρα γ΄, καὶ γίνεται ἡ ὅλη διαίρεσις ἀπὸ μὲν τῆς ἀρχῆς ἐπὶ ὑπερυπάτην γ΄, ἐντεῦθεν δε έπι ύπάτην εν, έντεῦθεν δε έπι μέσην δύο, είτ' ἀπὸ 20 μέσης έπλ την διεζευγμένην β΄, έντεῦθεν δε είς την ύπερβολαίαν εν, ἀπὸ δὲ ταύτης εἰς τὴν τελευτὴν γ΄. γίνεται πάντα ιβ΄. Εσται οὖν πρὸς μὲν τὴν ὑπερβολαίαν (ὁ λόγος) τῆς μὲν νήτης διεζευγμένων δ' πρὸς γ' ἐπί-

¹ τὸν add. A^2 2 τὸ A^2] τῶ A^1 3 τόν φ Bull.] τόνον A 4 ὑπερυπατῆς A^1 , παρυπάτης A^2 6 ὑπερβολεῶν A^1 10 εἶ] ἐν A τὸ A^1] τῶ A^2 μεγέθει A^2 11 post μέση duae litt. er. A τῆς ὅλης χορδῆς: cf. p. 87, 13 12 s´] ἐξ΄ A, em. apogr. 15 ὑπερυπατή A^1 , παρυπάτη A^2 , atque ita semper ἀφέξει] ἔξει A 16 ὑπερθολαία etiam in mg. A 17 ἔν A 18 ἔπάτερα A, em. apogr. 23 πρὸς: π ante initium vs. om. A^1 , add. A^2 24 διεξευγμένου A^1

τριτος ὁ τοῦ διὰ τεσσάρων, τῆς δὲ μέσης ς΄ πρὸς γ΄ διπλάσιος ὁ τοῦ διὰ πασῶν, (τῆς δὲ ὑπάτης η' πρὸς γ΄ διπλασιεπιδίτριτος ό τοῦ διὰ πασῶν> καὶ διὰ τεσσάρων, της δε ύπερυπάτης θ΄ πρός γ΄ τριπλάσιος ὁ τοῦ 5 διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε, τῆς δὲ ὅλης τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρὸς γ΄ τετραπλάσιος ὁ τοῦ δὶς διὰ πασῶν: πρός δε την νήτην διεζευγμένων ό λόγος έστι της μεν μέσης ς΄ πρὸς δ΄ ἡμιόλιος ὁ τοῦ διὰ πέντε, τῆς δὲ ὑπάτης η΄ πρός δ΄ διπλάσιος ὁ τοῦ διὰ πασῶν, τῆς δὲ 10 ύπερυπάτης θ΄ πρός δ΄ ζδιπλασιεπιτέταρτος) ό τοῦ δὶς διὰ πέντε, της δὲ ὅλης τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρὸς δ' (τριπλάσιος) ὁ τοῦ διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε πρὸς δε την μέσην της μεν υπάτης η' πρός ς' επίτριτος ό τοῦ διὰ τεσσάρων, τῆς δὲ ὑπερυπάτης δ΄ πρὸς ϛ΄ ἡμι-15 όλιος ὁ τοῦ διὰ πέντε, τῆς δὲ ὅλης τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρὸς ς΄ διπλάσιος ὁ τοῦ [δὶς] διὰ πασῶν. . πρός δὲ τὴν ὑπάτην ἐστὶν ἡ μὲν ὑπερυπάτη δ΄ πρὸς η΄ έν έπογδόφ λόγφ τῷ τοῦ τόνου, ἡ δὲ ὅλη τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρός η΄ έν ήμιολίφ (τῷ τοῦ διὰ πέντε). 20 πρὸς ⟨δὲ⟩ τὴν ὑπερυπάτην ἡ ὅλη τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρός θ΄ εν επιτρίτφ (τῷ) τοῦ διὰ τεσσάρων.

άντιπεπόνθασι δ' αί λοιπαὶ τῶν κινήσεων κατὰ πυκνοῦ τοῦ ἐπογδόου τόνου καὶ ἐπιτρίτου διὰ τεσσά-

2 lacunam suppl. apogr. 5 προσλαμβάνου A¹ 6 ιβ

ρων καὶ ἡμιολίου διὰ πέντε τοῦ κανόνος. ἐπεὶ τὸ ἡμιόλιον μεν διά πέντε τοῦ έπιτρίτου διά τεσσάρων έπογδόφ τόνφ ὑπερέχει — οἶον ληφθέντος ἀριθμοῦ ος ἔχει καὶ ημισυ καὶ τρίτον τοῦ ξ΄, τούτου ἐπίτριτος μὲν ὁ η', ήμιόλιος δε ό θ' τὰ δε θ' τῶν η' ἐπόγδοα ς' η' θ' ε γίνεται ή ὑπεροχὴ τοῦ [η'] ἡμιολίου πρὸς τὸ ἐπίτριτον έν λόγφ έπογδόφ -, τὸ δ' έπίτριτον διὰ τεσσάρων έκ δυείν έπογδόων και τοῦ διεσιαίου λείμματος καταπυκυωτέου αὐτὰ τοις ἐπογδόοις τόνοις καὶ τοις διεσιαίοις λείμμασι. καταπυκνωθείη δ' αν άρχομένων ήμῶν ⟨ἀπὸ 10 τῆς > νήτης ὑπερβολαίων. τὸ γὰρ ὄγδοον τοῦ μέχρι τῆς τελευτης διαστήματος ύπερβιβάσαντες έξομεν την διάτονον τῶν ὑπερβολαίων τόνω βαρυτέραν αὐτῆς. τοῦ δὲ ἀπὸ ταύτης εως τῆς τελευτῆς τὸ ὄγδοον ὑπερβιβάσαντες έξομεν την τρίτην τῶν ὑπερβολαίων τόνφ τῆς δια- 15 τόνου βαρυτέραν. καὶ τὸ λοιπὸν είς τὴν νήτην τῶν διεζευγμένων έσται τὸ διεσιαΐον λεζμμα πρὸς συμπλήρωσιν τοῦ διὰ τεσσάρων πρὸς τὴν νήτην ὑπερβολαίων. πάλιν δε τοῦ ἀπὸ τῆς νήτης διεζευγμένων εως τῆς τελευτῆς διαστήματος τὸ μὲν ἔνατον λαβόντες καὶ ὑπο- 20 βιβάσαντες έξομεν τόνω όξυτέραν τῆς νήτης διεζευγμένων τὴν χρωματικὴν ὑπερβολαίων. τὸ δὲ ὄγδοον ὑπερβιβάσαντες έξομεν την παρανήτην διεζευγμένων ή αὐτή δὲ καὶ διάτονος καὶ νήτη συνημμένων, τόνω βαρυτέρα τῆς νήτης διεζευγμένων. τοῦ δ' ἀπὸ τῆς νήτης ξως 25 τῆς τελευτῆς τὸ ὄγδοον λαβόντες καὶ ὑπερβιβάσαντες

¹ ἐπεὶ apogr.] ἐπὶ A 3 δς ἔχει A²] ὡς ἔχοι A¹ 6 η΄ om. apogr. 10 ἀπὸ add. apogr. 11 ὑπερβολαίας A, em. Bull. 15 διατόνων A¹ 18 ὑπερβολαίαν A 19 διεξευγμένης A 20 διαστήματος Bull.] διάστημα A ἀποβιβάσαντες A 21 διεξευγμένου A 25 τοῦ] τὸ A

έξομεν την τρίτην των διεζευγμένων τόνω βαρυτέραν. ή δὲ αὐτὴ καὶ διάτονος συνημμένων έστίν. ὁμοίως δὲ τοῦ ἀπὸ ταύτης ἔως τῆς τελευτῆς διαστήματος τὸ ὅνδοον ύπερβιβάσαντες έξομεν την τρίτην συνημμένων τόνφ 5 βαρυτέραν. τὸ δὲ λοιπὸν είς τὴν μέσην ἔσται τὸ διεσιαΐον λεζμμα είς την τοῦ διὰ πασῶν συντέλειαν. ἀπὸ δὲ τῆς μέσης τὸν αὐτὸν τρόπον (τὸ ἔνατον) ὑποβιβάσαντες έξομεν την παραμέσην η την χρωματικήν συνημμένων, τόνφ όξυτέραν τῆς μέσης. ταύτης δὲ τὸ ἔνατον 10 ύποβιβάσαντες έξομεν την χοωματικήν διεζευγμένων. τὸ ὄγδοον δὲ τῆς μέσης ὑπερβιβάσαντες έξομεν τὴν τῶν μέσων διάτονον τόνφ βαρυτέραν τῆς μέσης, εἶτα τὸ άπὸ ταύτης ὄγδοον ὑπερβιβάσαντες τὴν παρυπάτην (τῶν μέσων) ταύτης τόνφ βαρυτέραν. καὶ ἔστι τὸ λοι-15 πὸν εἰς τὴν ὑπάτην τῶν μέσων τὸ διεσιαῖον λεῖμμα πρός συμπλήρωσιν τοῦ διὰ τεσσάρων πρός τὴν μέσην. άπὸ δὲ τῆς ὑπάτης τὸ μὲν ἔνατον ὑποβιβάσασιν-ή χρωματική τῶν μέσων ἔσται τόνφ όξυτέρα. τὸ ὅγδοον δὲ ύπερβιβάσασιν έχειν την ύπερυπάτην συμβήσεται. ταύ-20 της δὲ τὸ ὄγδοον ὑπερβιβάσασι παρυπάτη ὑπατῶν γενήσεται. έξ αναστροφης δε από τοῦ προσλαμβανομένου τέμνουσι τὸ ὅλον διάστημα είς δ΄ καὶ ξυ ὑπολείπουσι κατὰ τὸ ἐναντίον ⟨τῶν⟩ νητῶν, ὑπατῶν ὑπάτη γενήσεται τόνφ της όλης όξυτέρα, συγκλείουσα τὸ τῶν ὑπα-25 τῶν τετράχορδον τῷ πρὸς τὴν παρυπάτην λείμματι. καλ ούτως συμπληφωθήσεται τὸ πᾶν ἀμετάβολον σύστημα κατά τὸ διάτονον καὶ χρωματικόν γένος. τὸ δὲ

⁸ συνημμένων] συνημμένου τόνου Α 9 ἔννατον Α²
19 ὑπερβιβασαμενον Α συμβεβηπέναι Α 22 καὶ ἐνυπολείπουσι Α, em. apogr. 23 κατὰ τὸ ἐν αὐτῷ νητῶν Α, em. Bull.

ἐναρμόνιον ἐξαιρουμένων τῶν διατόνων καθ' ἔκαστον τετράχορδον διπλφδουμένων γίνεται. εξροιμεν δ' ἄν ταῦτα καὶ ἐν ἀριθμοῖς ἀπὸ τῆς νήτης τῶν ὑπερβολαίων ἀρχόμενοι, ὑποτεθείσης αὐτῆς μυρίων τξη'· οἱ ἐφεξῆς ἐπόγδοοί τε καὶ οἱ λοιποὶ κατὰ τοὺς προειρημένους λό- 5 γους λαμβάνονται, οὓς περίεργον ἐκτιθέναι · ἡάδιον δὲ τῷ παρηκολουθηκότι τοῖς προειρημένοις.

καί ή μεν ύπο Θρασύλλου παραδεδομένη κατατομή τοῦ κανόνος ὧδε ἔχει. ὂν δὲ τρόπον καὶ ἐπὶ τῆς τῶν ὅλων ἐφαρμόζεται σφαίρας, ἐπειδὰν καὶ τοὺς ἀστρονο- 10 μίας ἐκθώμεθα λόγους, παραδείξομεν. νυνὶ δ' ἐπανέλ-θωμεν ἐπὶ τὸν τῶν λοιπῶν ἀναλογιῶν καὶ μεσοτήτων λόγον, ἐπειδὴ ὡς ἔφαμεν ἡ ἀναλογία καὶ μεσότης, οὐ μέντοι ἡ μεσότης καὶ ἀναλογία. καθὸ δὴ ⟨ἡ⟩ ἀναλογία καὶ μεσότης ἐστίν, ἀκόλουθος ᾶν είη ὁ περὶ τῶν 15 ἀναλογιῶν καὶ περὶ τῶν μεσοτήτων λόγος.

έπειδη πάντες οί τῶν συμφωνιῶν εὐρέθησαν λόγοι, καθὰ δέδεικται, ἐν τῆ τῆς δεκάδος τετρακτύι, καὶ περὶ τούτων πρότερον λεκτέον. τὴν μὲν γὰρ τετρακτὺν συνέστησεν ἡ δεκάς. Ἐν γὰρ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄ ί΄ 20 α΄ β΄ γ΄ δ΄. ἐν δὲ τούτοις τοῖς ἀριθμοῖς ἔστιν ῆ τε διὰ τεσσάρων συμφωνία ἐν ἐπιτρίτω λόγω καὶ ἡ διὰ πέντε ἐν ἡμιολίω καὶ ἡ διὰ πασῶν ἐν διπλασίω καὶ ⟨ἡ⟩ δὶς διὰ πασῶν ἐν τετραπλασίω. ἔξ ὧν συμπληροῦται τὸ ἀμετάβολον διάγραμμα. τοιαύτη μὲν ⟨ἡ⟩ ἐν μουσικῆ 25

¹ καὶ post τῶν del. Α 4 μυρίων] $\overline{\mu}$ Α, μύρια ap. 9 $\overline{\beta}$ mg. Α 10 ἐπιδὰν Α, em. ap. 12 τὸν corr. ex τῶν Α 13 ὡς ἔφαμεν: p. 84, 15 15 εἴη ὁ Α²] εἶ ἡ Α¹ περὶ τῶν] τῶν περὶ Α 17 inscr. περὶ τετραπτύος καὶ δεκάδος Α. cf. Boeckh kl. Schr. III p. 142 ἐπειδὴ ⟨δὲ⟩? 18 δέδεικται: p. 58, 13. 87, 4 τετραπτύη Α¹ 25 inscr. πόσαι τετραπτύες Α

τετρακτύς κατὰ σύνθεσιν οὖσα, ἐπειδὴ ἐντὸς αὐτῆς κᾶσαι αι συμφωνίαι εὑρίσκονται. οὐ διὰ τοῦτο δὲ μόνου πᾶσι τοῖς Πυθαγορικοῖς προτετίμηται, ἀλλ' ἐπεὶ καὶ δοκεῖ τὴν τῶν ὅλων φύσιν συνέχειν διὸ καὶ ὅρκος τὴν αὐτοῖς

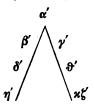
οὐ μὰ τὸν ἁμετέρα ψυχᾶ παραδόντα τετρακτύν, παγὰν ἀενάου φύσεως δίζωμά τ' ἔχουσαν. τὸν παραδόντα Πυθαγόραν λέγουσιν, ἐπεὶ δοκεῖ τούτου εῦρημα ὁ περὶ αὐτῆς λόγος.

10 ή μεν οὖν προειρημένη τετρακτὺς ⟨αῦτη⟩, κατ' ἐπισύνθεσιν τῶν πρώτων ἀποτελουμένη ἀριθμῶν. ὀευτέρα δ' ἐστὶ τετρακτὺς ἡ τῶν κατὰ πολλαπλασιασμὸν ἐπηυξημένων ἀπὸ μονάδος κατά τε τὸ ἄρτιον καὶ περιττόν. ὧν πρῶτος μεν [κατὰ τὸ ἄρτιον] λαμβάνεται 15 ἡ μονάς, ἐπειδὴ αῦτη ἀρχὴ πάντων ἀρτίων καὶ περιττῶν καὶ ἀρτιοπερίττων, ὡς προείρηται, καὶ ἀπλοῦς ὁ ταύτης λόγος· οἱ δ' ἐφεξῆς τρεῖς ἀριθμοὶ κατὰ τὸ ἄρτιον καὶ περιττόν. τὴν δὲ σύνθεσιν λαμβάνουσιν, ἐπειδὴ

5 cf. Pyth. carm. aur. vs. 47 sq. Sext. emp. adv. math. IV 2. 3. 9. VII 94. 100. Macr. comm. in Somn. Scip. I 6, 41. Theol. arithm. p. 18. Porph. vita Pyth. 20. Iambl. de Pyth. vita 150. 162. Stob. ecl. I 10, 12. Pseudo-Plut. de plac. phil. I 3. Procl. in Plat. Tim. p. 155 D. Zeller die Philos. der Gr. I p. 368 6 κεφαλά post ψυχᾶ del. A (κεφαλᾶ Sext. VII 97 κεφαλᾶ

et Stob.; in eo libro unde A descriptus est ψυχά fuisse videtur)
7 πηγην Α¹ (sicut Sextus) ἀεννάου Α ceterorumque quos
commemoravi scriptorum codices ut videtur longe plurimi
apud eosdem partim φύσεως partim φύσιος legitur ξίζωμα
τ' Α, ξιζώματ' alii: cf. Bekker ad Sext. p. 722, 5 10 αΰτη]
cf. p. 96, 9. 97, 1 κατ' ἐπισύνθεσιν] καὶ ἐπὶ σύνθεσιν Α: cf.

p. 96, 9. 98, 15 11 ἀποτελούμ, i. e. ἀποτελουμένων Α 15 αΰτη corr. ex αὐτη Α 16 προείρηται: cf. p. 19, 20 17 τρὶς Α¹ καὶ ὁ πᾶς ἀριθμὸς οὖτε μόνον ἄρτιος οὖτε μόνον περιττός. διὸ δύο λαμβάνονται αἱ κατὰ πολλαπλασιασμὸν
τετρακτύες, ἀρτία καὶ περιττή, ἡ μὲν ἀρτία ἐν λόγφ
διπλασίφ, πρῶτος γὰρ τῶν ἀρτίων ἱ β΄ καὶ αὐτὸς ἐκ
μονάδος κατὰ τὸ διπλάσιον ηὐξημένος, ἡ δὲ περιττὴ 5
ἐν λόγφ ηὐξημένη τριπλασίφ, ἐπειδὴ πρῶτος τῶν περιττῶν ὁ γ΄ καὶ αὐτὸς ἀπὸ μόναδος κατὰ τὸ τριπλάσιον
ηὐξημένος. ῶστε κοινὴ μὲν ἀμφοτέρων ἡ μονάς, καὶ
ἀρτία οὖσα καὶ περιττή δεύτερος δὲ ἀριθμὸς ἐν μὲν
τοῖς ἀρτίοις καὶ διπλασίοις ὁ β΄, ἐν δὲ τοῖς περιττοῖς 10
καὶ τριπλασίοις ὁ γ΄ τρίτος δὲ ἐν μὲν τοῖς ἀρτίοις ὁ
δ΄, ἐν δὲ τοῖς περιττοῖς κζ΄.



έν τούτοις τοῖς ἀριθμοῖς ⟨οί⟩ τελειότεροι τῶν συμφωνιῶν εύρίσκονται λόγοι συμπεριείληπται δὲ αὐτοῖς καὶ 15 ὁ τόνος. δύναται δὲ ἡ μὲν μονὰς τὸν τῆς ἀρχῆς καὶ σημείου καὶ στιγμῆς λόγον οί δὲ δεύτεροι πλευρὰν δύνανται ὅ τε β΄ καὶ ὁ γ΄, ὅντες ἀσύνθετοι καὶ πρῶτοι καὶ μονάδι μετρούμενοι καὶ φύσει εὐθυμετρικοί οί δὲ τρίτοι ὅροι ὁ δ΄ καὶ ὁ θ΄ δύνανται ἐπίπεδον τετράγω- 20 νον, ἰσάκις ἴσοι ὅντες οί δὲ τέταρτοι ὅροι ὅ τε η΄ καὶ ὁ κζ δύνανται ἰσάκις ἴσοι ἰσάκις ⟨ὅντες⟩ κύβον. ὥστε

2 κατα Α 9 άρτία Α²] τία Α¹

έκ τούτων τῶν ἀριθμῶν καὶ ταύτης τῆς τετρακτύος ἀπὸ σημείου καὶ στιγμῆς εἰς στερεὸν ἡ αὕξεσις γίνεται μετὰ γὰρ σημείου καὶ στιγμὴν πλευρά, μετὰ πλευρὰν ἐπίπεδον, μετὰ ἐπίπεδον στερεόν. ἐν οἶς ἀριθμοῖς καὶ τὴν ψυχὴν συνίστησιν ὁ Πλάτων ἐν τῷ Τιμαίῳ. ὁ δὲ ἔσχατος τούτων τῶν ἐπτὰ ἀριθμῶν ἴσος ἐστὶ τοῖς πρὸ αὐτοῦ πᾶσιν ἕν γὰρ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄ καὶ η΄ καὶ θ΄ γίνονται κζ΄.

δύο μεν οὖν αὖται τετρακτύες, η τε κατ' ἐπισύν-10 θεσιν καὶ ἡ κατὰ πολλαπλασιασμόν, τούς τε μουσικούς καί γεωμετρικούς και άριθμητικούς λόγους περιέχουσαι, έξ ών και ή τοῦ παυτὸς άρμονία συνέστη. τρίτη δέ έστι τετρακτύς ή κατά την αύτην άναλογίαν παντός μεγέθους φύσιν περιέχουσα ὅπερ γὰρ ἐν τῆ προτέρα 15 τετρακτύι μονάς, τοῦτο ἐν ταύτη στιγμή. ὅπερ δὲ ἐν έκείνη οι πλευράν δυνάμενοι άριθμοι τὰ β΄ καὶ γ΄, τοῦτο έν ταύτη τὸ διττὸν είδος τῆς γραμμῆς ῆ τε περιφερής και ή εύθετα, κατά μεν άρτιον ή εύθετα, έπειδή δυσί σημείοις περατούται, κατά δε τὸ περιττὸν ή περιφερής, 20 έπειδή ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς πέρας οὐκ έχούσης περιέχεται οπερ δε εν εκείνη οι τετράγωνον δυνάμενοι ο δ΄ καὶ ὁ θ΄, τοῦτο ἐν ταύτη τὸ διττὸν εἶδος ἐπιπέδων, εὐθύγραμμον καὶ περιφερόγραμμον. ὅπερ δὲ ἐν ἐκείνη οί κύβον δυνάμενοι ὁ η΄ καὶ ὁ κζ΄ δύο ὄντες ὁ μὲν ἐκ 25 περιττοῦ, ὁ δὲ ἐξ ἀρτίου, τοῦτο ἐν ταύτη στερεόν, διττὸν ὄν, (τὸ μὲν) ἐκ κοίλης ἐπιφανείας ὡς σφαϊρα καὶ

⁵ ἐν τῷ Τιμαίφ: p. 35 B 6 ἔσχατος ex αἴσχατος A 8 γίνωνται A, em. apogr. 12 $\tilde{γ}$ mg. A 14 sqq. cf. Zeller I p. 375, 5 15 τετρακτύη A^1 17 διττὸν] διάτονον A 18^a εὐθία A^1 19 περιττοῦται A 20 ἐπειδὴ (ὁ κίκλος)? 23 περιφορόγραμμον A, em. apogr.

20

κύλινδρος, τὸ δὲ ἐξ ἐπιπέδων ὡς κύβος πυραμίς. αῦτη δέ ἐστιν ἡ τρίτη τετρακτὺς παντὸς μεγέθους συμπληρωτικὴ ἐκ σημείου γραμμῆς ἐπιπέδου στερεοῦ.

τετάρτη δὲ τετρακτύς ἐστι τῶν ἁπλῶν (σωμάτων), πυρὸς ἀέρος ὕδατος γῆς, ἀναλογίαν ἔχουσα τὴν κατὰ 5 τοὺς ἀριθμούς. ὅπερ γὰρ ἐν ἐκείνη μονάς, ἐν ταύτη πῦρ. ὁ δὲ δυάς, ἀήρ. ὁ δὲ τριάς, ὕδωρ. ὁ δὲ τετράς, γῆ. τοιαύτη γὰρ ἡ φύσις τῶν στοιχείων κατὰ λεπτομέρειαν καὶ παχυμέρειαν, ὥστε τοῦτον ἔχειν τὸν λόγον πῦρ πρὸς ἀέρα, ὅν ἕν πρὸς β΄, πρὸς δὲ ὕδωρ, ὅν ἕν 10 πρὸς γ΄, πρὸς δὲ γῆν, ὅν ἕν πρὸς δ΄ καὶ τάλλα ἀνάλογον πρὸς ἄλληλα.

πέμπτη δ' έστι τετρακτύς ή τῶν σχημάτων τῶν ἀπλῶν σωμάτων. ἡ μὲν γὰρ πυραμίς σχῆμα πυρός, τὸ δὲ ὀκτάεδρον ἀέρος, τὸ δὲ εἰκοσάεδρον ὕδατος, κύβος 15 δὲ γῆς.

εκτη δε τῶν φυομένων. τὸ μεν σπέρμα ἀνάλογον μονάδι καὶ σημείω, ἡ δε είς μῆκος αύξη δυάδι καὶ γραμμῆ, ἡ δε είς πλάτος τριάδι καὶ ἐπιφανεία, ἡ δε είς πάχος τετφάδι καὶ στερεώ.

έβδόμη δὲ τετρακτὺς ἡ τῶν κοινωνιῶν. ἀρχὴ μὲν καὶ οἶον μονὰς ἄνθρωπος, δυὰς δὲ οἶκος, τριὰς δὲ κώμη, τετρὰς δὲ πόλις. τὸ γὰρ ἔθνος ἐκ τούτων σύγκειται.

καὶ αὖται μὲν ὑλικαί τε καὶ αἰσθηταὶ τετρακτύες. ὀγδόη δὲ τετρακτὺς ῆδε, τούτων κριτική καὶ νοητή τις 25

^{4 (}σωμάτων): cf. vs. 14. p. 98, 17 8 λεπτομερίαν A^1 9 παχυμερίαν A^1 13 $\bar{\epsilon}$ mg. A 17 $\bar{\epsilon}$ mg. A 18. 19 $\dot{\eta}$] εί A 19 ἐπιφανία A^1 21 $\bar{\epsilon}$ mg. A 22 δυὰς A^2] δευτέρα A^1 τριὰς A^2] τρίτη A^1 23 τετρὰς A^2] τετάρτη A^1 σύγκειται: post ει una lit. er. A 25 $\bar{\eta}$ mg. A $\bar{\eta}$ δε] αί δὲ A^1 , αΐδε αί A^2 πριτικαὶ καὶ νοηταί τινες οὐσαι A: cf. p. 98, 19 Theo Smyrn.

ἐνάτη δὲ τετρακτύς, ἐξ ἦς συνέστηκε τὸ ζῷον, ψυχή τε καὶ σῷμα. ψυχῆς μὲν γὰρ μέρη λογιστικὸν θυμικὸν 10 ἐπιθυμητικόν, καὶ τέταρτον σῷμα, ἐν ῷ ἐστιν ἡ ψυχή.

δεκάτη δὲ τετρακτὺς ὡρῶν δι' ἃς γίνεται πάντα, ἔαρ θέρος μετόπωρον χειμών.

ένδεκάτη δὲ ἡλικιῶν, νηπίου μειρακίου ἀνδρὸς γέ-

15 ὅστε τετρακτύες Ενδεκα΄ πρώτη ἡ κατὰ σύνθεσιν ἀριθμῶν, δευτέρα δὲ ἡ κατὰ πολλαπλασιασμὸν ἀριθμῶν, τρίτη κατὰ μέγεθος, τετάρτη τῶν ἀπλῶν σωμάτων, πέμπτη τῶν σχημάτων, ἕκτη τῶν φυομένων, ἑβδόμη τῶν κοινωνιῶν, ὀγδόη κριτική, ἐνάτη τῶν μερῶν τοῦ ζώου, 20 δεκάτη τῶν ὡρῶν, ἐνδεκάτη ἡλικιῶν. ἔχουσι δὲ πᾶσαι ἀναλογίαν' ὁ γὰρ ἐν τῆ πρώτη καὶ δευτέρα μονάς, τοῦτο ἐν τῆ τρίτη στιγμή, ἐν δὲ τῆ τετάρτη πῦρ, ἐν δὲ τῆ πέμπτη πυραμίς, ἐν δὲ τῆ ἔκτη σπέρμα, 〈καὶ〉 ἐν τῆ ἑβδόμη ἄνθρωπος, καὶ ἐν τῆ ὀγδόη νοῦς, καὶ τὰ λοιπὰ 25 ἀνάλογον' οἶον πρώτη μονὰς δυὰς τριὰς τετράς, δευ-

4 ἐπιστήμην ut vid. A^1 ἐστὶ om. apogr. 5 κοινὴ A^1 , cf. Theol. arithm. p. 20 καὶ ἐν τοῖς ζώοις δὲ αἰσθήσεις τέσσαρες ὡρισμέναι καταλαμβάνονται τῆς ἀφῆς ὑποβεβλημένης ἀπάσαις 8 $\bar{\Theta}$ mg. A ἐξ ἡς apogr.] ἐξῆς A 11 $\bar{\iota}$ mg. A.
13 $\bar{\iota}\alpha$ mg. A 16 in. ἀριθμοί A^1 δύο ante δευτέρα del. A πολλαπλασιασμῶν A^1 21 μονάς Bull.] ἀριθμὸς A23 $\langle \kappa \alpha i \rangle$ ἐν τῆ] ἐν δὲ τῆ apogr.

τέρα μουάς πλευρά τετράγωνου κύβος, τρίτη στιγμή γραμμή έπιφάνεια στερεόν, τετάρτη πῦρ ἀὴρ ῦδωρ γῆ, πέμπτη πυραμίς ζατάεδρον είκοσάεδρον κύβος, έκτη σπέρμα μήχος πλάτος βάθος, έβδόμη ἄνθρωπος οίχος κώμη πόλις, ὀγδόη νοῦς ἐπιστήμη δόξα αἴσθησις, ἐνάτη 5 λογιστικόν θυμικόν έπιθυμητικόν σῶμα, δεκάτη ἔαρ θέρος μετόπωρον χειμών, ένδεκάτη παιδίον μειράκιον άνὴο γέρων. ὁ δὲ [καί] ἐκ τῶν τετρακτύων τούτων συστάς πόσμος έσται [τέλειος] ήρμοσμένος κατά γεωμετρίαν καὶ άρμονίαν καὶ άριθμόν, δυνάμει περιειληφώς 10 πᾶσαν ἀριθμοῦ φύσιν πᾶν τε μέγεθος και πᾶν σῶμα άπλοῦν τε καὶ σύνθετον, τέλειός τε, ἐπειδὴ τὰ πάντα μεν τούτου μέρη, αὐτὸς δε οὐδενός. διὸ πρώτω τῷ είρημένω δοκω οί Πυθαγορικοί έλέγοντο καί 15

ἀριθμῷ δέ τε πάντ' ἐπέοικε.

καὶ τοῦτο εἶναι τὸ σοφώτατον πάντα μὲν γὰρ τὸν ἀριθμὸν εἰς δεκάδα ἤγαγον, ἐπειδὴ ὑπὲρ δεκάδα οὐδείς ἐστιν ἀριθμός, ἐν τῇ αὐξήσει πάλιν ἡμῶν ὑποστρεφόντων ἐπὶ μονάδα καὶ δυάδα καὶ τοὺς έξῆς τὴν δὲ δε- 20 κάδα ἐπὶ τετράδα συνίστασθαι εν γὰρ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄ ἐστι ι΄, ώστε τοὺς δυνατωτάτους ἀριθμοὺς ἐντὸς τῆς τετράδος θεωρεῖσθαι.

ή μεν γὰο μονας ἀρχή πάντων και κυριωτάτη πα-

¹ τετραγωνον corr. ex τετραγώνων A 6 δυμηκον A¹
7 μετ' όπορον A¹ 8 ante έν una lit. er. A 10 δύναμιν A 13 τῶ supra vs. add. A 14 χρῆσθαι post ἐλέγοντο probabiliter add. A³, sed exciderunt plura: cf. Chalcid. 35. Sext. Emp. adv. math. IV 3. VII 94. Zeller I p. 317, 2 17 inscr. περί δεκάδος A 18 δεκάδα corr. ex δεκάδος A 24 inscr. περί μονάδος A, ᾱ in mg.

σῶν καὶ ἐξ ἦς πάντα, αὐτὴ δὲ ἐξ οὐδενός, ἀδιαίρετος καὶ δυνάμει πάντα, ἀμετάβλητος, μηδεπώ-ποτε τῆς αὐτῆς ἐξισταμένη φύσεως κατὰ τὸν πολλαπλασιασμόν καθ' ἢν πᾶν τὸ νοητὸν καὶ ἀγέννητον καὶ ἡ τῶν ἰδεῶν φύσις καὶ ὁ θεὸς καὶ ὁ νοῦς καὶ τὸ καλὸν καὶ τὸ ἀγαθὸν καὶ ἐκάστη τῶν νοητῶν οὐσιῶν, οἶον αὐτὸ καλόν, αὐτὸ δίκαιον, αὐτὸ [τὸ] ἴσον ἕκαστον γὰρ τούτων ὡς ἕν καὶ καθ' ἑαυτὸ νοεῖται.

πρώτη δὲ αὖξη καὶ μεταβολὴ ἐκ μονάδος εἰς δυάδα 10 κατὰ διπλασιασμὸν τῆς μονάδος, καθ' ἢν ὕλη καὶ πᾶν τὸ αἰσθητὸν καὶ ἡ γένεσις καὶ ἡ κίνησις καὶ ἡ αὖξησις καὶ ἡ σύνθεσις καὶ κοινωνία καὶ τὸ πρός τι.

ή δὲ δυὰς συνελθοῦσα τῆ μονάδι γίνεται τριάς,
ῆτις πρώτη ἀρχὴν καὶ μέσα καὶ τελευτὴν ἔχει. διὸ καὶ
15 πρώτη λέγεται πάντα εἶναι ἐπὶ γὰρ ἐλαττόνων αὐτῆς
οὐ λέγεται πάντα εἶναι, ἀλλὰ ἔν καὶ ἀμφότερα, ἐπὶ δὲ
τῶν τριῶν πάντα. καὶ τρεῖς σπονδὰς ποιούμεθα δηλοῦντες ὅτι πάντα ἀγαθὰ αἰτούμεθα, καὶ τοὺς κατὰ
πάντα ἀθλίους τρισαθλίους καλοῦμεν καὶ τοὺς κατὰ
20 πάντα μακαρίους τρισμακαρίους. πρώτη δὲ καὶ ἡ τοῦ
ἐπιπέδου φύσις ἐκ τούτου. ἡ γὰρ τριὰς οἶον εἰκὼν ἐπιπέδου, καὶ πρώτη αὐτοῦ ὑπόστασις ἐν τριγώνω, καὶ
διὰ τοῦτο τρία αὐτῶν γένη, ἰσόπλευρον ἰσοσκελὲς σκα-

3 τῆς supra vs. add. A 5 $l\eth ε \~ων$: ε ante l er. A 7 τὸ om. apogr. 8 inscr. περl δνάδος A, $\bar{β}$ in mg. 13 περl τριάδος A, $\bar{γ}$ in mg. cf. Chalcid. 38 14 μέσον? μεσότητα Roether ad Io. Lyd. de mens. p. 52 15 έπl corr. ex έπεl A 16 άμφότερα corr. ex δι΄ άμφοτέρας A έπl corr. ex έπεl A 17 τρε $\bar{ε}$ ς τας A 21 ε lπων έπνπέδον δ πατεπιπέδον, ο post τ er. et supra ε ras. A: cf. p. 101, 11 22 πρωτη apogr.] πρωτον Δ (signum quadrati) supra $\nabla^ω$ (i. e. τριγώνω) er. A

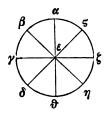
ληνόν [γ'] τρεῖς δὲ καὶ γωνίαι ὁμοιούμεναι ἡ μὲν ὀρθὴ τῆ τοῦ ἐνὸς φύσει, ὡρισμένη καὶ ἔξ ἴσου καὶ ὁμοίου συνεστῶσα διὸ καὶ πᾶσαι αἱ ὀρθαὶ ἀλλήλαις εἰσὶν ἴσαι, μέσαι οὖσαι ὀξείας καὶ ἀμβλείας καὶ ὑπερέχοντος καὶ ὑπερεχομένου αἱ δὲ λοιπαὶ ἄπειροι καὶ ἀόριστοι ἐκ 5 γὰρ ὑπεροχῆς καὶ ἐλλείψεως συνεστᾶσιν. ἡ δὲ τριὰς ἐκ τῆς μονάδος καὶ δυάδος ς΄ ποιεῖ κατὰ σύνθεσιν, ὅς ἐστι πρῶτος τέλειος ἀριθμὸς τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἴσος ἐπ. ὁ δὲ τέλειος οὖτος συντεθείς τῷ πρώτφ τετραγώνῳ τῆ τετράδι ποιεῖ τὴν δεκάδα.

ή δε τετράς στερεού έστιν είχων πρώτός τε άριθμός [χαί] τετράγωνός έστιν εν άρτίοις και αι συμφωνίαι δε πάσαι κατ' αὐτον συμπληρούνται, ώς έδείχθη.

ή δὲ πεντὰς μέση ἐστι τῆς δεκάδος. ἐὰν γὰρ καθ' ὁποιανοῦν σύνθεσιν ἐκ δύο ἀριθμῶν τὸν ι΄ συνθῆς, 15 μέσος εὑρεθήσεται ὁ ε΄ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν οἶον θ΄ καὶ α΄, καὶ η΄ καὶ β΄, καὶ ζ΄ καὶ γ΄, καὶ ς΄ καὶ δ΄ αἰεί τε ι΄ ποιήσεις καὶ μέσος εὑρεθήσεται ὁ ε΄ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν, ὡς δηλοῖ τὸ διάγραμμα, κατὰ πᾶσαν σύνθεσιν τῶν συμπληρούντων τὰ 20 ι΄ δυείν ἀριθμῶν [μέσος εὑρεθήσεται ὁ ε΄ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν] τῷ ἴσῷ ἀριθμῷ τῶν ἄκρων ὑπερέχων τε καὶ ὑπερεχόμενος.

1 γ' om. apogr. τρὶς A^1 6 ἐλλήψεως A^1 9 οῦτω A 10 post τῆ una lit. er. A τετράδι: ι in ras. A 11 inscr. περὶ τετράδος A, $\bar{\delta}$ in mg. 13 καταυτὸ A ἐδείχθη: ef. p. 58, 13. 87, 4 14 inscr. περὶ πεντάδος A, $\bar{\epsilon}$ in mg. 15 τὸν Bull.] τῶν A 19 ὡς A^3] ὧ A^1

α	δ	ζ
β	8	η
Y	5	ð



πρώτον δὲ καὶ περιέλαβε τὸ τοῦ παντὸς ἀριθμοῦ εἶδος ὁ ε΄, τὸν ἄρτιόν τε καὶ περιττόν, λέγω τὴν δυάδα τε καὶ τριάδα ἡ γὰρ μονὰς οὐκ ἦν ἀριθμός.

δ δὲ ξ΄ τέλειος, ἐπειδὴ τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσίν ἐστιν 5 ἴσος, ὡς δέδεικται · διὸ καὶ γάμον αὐτὸν ἐκάλουν, ἐπεὶ γάμου ἔργον ὅμοια ποιεῖ τὰ ἔκγονα τοῖς γονεῦσι. καὶ κατὰ τοῦτον δὲ πρῶτον συνέστη ἡ ἀρμονικὴ μεσόχης ληφθέντος [μὲν] τοῦ ϛ΄ ἐπιτρίτου ⟨μὲν⟩ λόγου τῶν η΄, διπλασίου δὲ τῶν ιβ΄ · ϛ΄ η΄ ιβ΄ · τῷ γὰρ αὐτῷ μέρει ὁ 10 η΄ τῶν ἄκρων ὑπερέχει καὶ ὑπερέχεται, ϛ΄ η΄ ιβ΄, τουτέστι τῷ τρίτῳ · καὶ ἀριθμητικὴ δὲ μεσότης ληφθέντος τοῦ ϛ΄ ἡμιολίου μὲν λόγου τῶν θ΄, διπλασίου δὲ τῶν ιβ΄ · τῷ γὰρ αὐτῷ ἀριθμῷ τὰ θ΄ ὑπερέχει τῶν ἄκρων καὶ ὑπερέχεται · ποιεῖ δὲ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν μέσος λη-15 φθείς · ἄν γὰρ ῆμισυ αὐτοῖ λάβωμεν τὸν γ΄ καὶ διπλάσιον τὸν ιβ΄, ἔσται ἡμῖν ἡ γεωμετρικὴ ἀναλογία γ΄ ς΄ ιβ΄ · τῷ γὰρ αὐτῷ λόγῳ τὰ ς΄ τῶν ἄκρων ὑπερέχει τε καὶ ὑπερέχεται, γ΄ ς΄ ιβ΄, τουτέστι τῷ διπλασίῳ.

2 ἄρτιόν τε A2] ἄρτιον δὲ A1 4 inscr. περί έξάδος A,

καὶ ἡ έβδομὰς δὲ τῆς δεκάδος οὖσα θαυμαστὴν έχει δύναμιν. μόνος γαρ των έντος της δεκάδος ούτε γεννα ετερον ούτε γενναται ύφ' ετέρου διο και Αθηνα ύπο των Πυθαγορικών έκαλείτο, ούτε μητρός τινος ούσα ούτε μήτης. ούτε γας γίνεται έκ συνδυασμού 5 ούτε συνδυάζεταί τινι. τῶν γὰρ ἀριθμῶν τῶν ἐν τῆ δεκάδι οι μεν γεννωσί τε και γεννωνται, ως ό δ' γεννα μεν μετά δυάδος τον η΄, γενναται δε ύπο δυάδος οι δε γεννώνται μέν, ού γεννώσι δέ, ώς ό ς' γεννάται μέν ύπὸ β΄ καὶ γ΄, οἰ γεννᾶ δὲ οὐδένα τῶν ἐν τῆ δεκάδι 10 οί δε γεννώσι μέν, οὐ γεννώνται δέ, ώς ὁ γ΄ καὶ ὁ έ΄ γεννώνται μεν έξ οὐδενὸς [ἀριθμοῦ] συνδυασμοῦ, γεννῶσι δὲ ὁ μὲν γ΄ τὸν δ΄ καὶ τὸν ϛ΄ μετὰ δυάδος, ὁ δὲ ε΄ γεννα μετα δυάδος αὐτὸν τὸν ι΄. μόνος δὲ ὁ ζ΄ οὕτε συνδυασθείς τινι γενν $\tilde{\alpha}$ τινα τ $\tilde{\omega}$ ν έν τ $\tilde{\eta}$ δεκάδι $\tilde{0}$ ύτε έκ 15 συνδυασμοῦ γεννᾶται. έπόμενος δὲ τῆ φύσει καὶ ὁ Πλάτων έξ έπτα άριθμών συνίστησι την ψυχην έν τώ Τιμαίφ. ήμέρα μεν γάρ και νύξ, ως φησι Ποσειδώνιος, άρτίου και περιττοῦ φύσιν έχουσι μὴν δὲ καθ' έβδομάδας τέσσαρας συμπληρούται, τῆ μὲν πρώτη έβδομάδι 20 διχοτόμου τῆς σελήνης ὁρωμένης, τῆ δὲ δευτέρα πλησισελήνου, τῆ δὲ τρίτη διχοτόμου, πάλιν δὲ τῆ τετάρτη σύνοδον ποιουμένης πρός ήλιον καὶ ἀρχὴν ετέρου μη-

¹ inscr. περὶ έβδομάδος $A, \bar{\xi}$ in mg. cf. Chalcid. 36 (κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν μεσότητα μέση τῆς τετράδος καὶ) τῆς δεκάδος? cf. Theol. arithm. p. 44, 10. an verba τῆς δεκάδος οὖσα pro dittographia eorum quae sequuntur τῆς δεκάδος οὖτε habenda sunt? 2 μόνος γὰρ ⟨δ ζ΄⟩? 7 γεννῶσι: post ω una vel duae litt. er. A 10. 15 δεκάδι apogr.] $\bar{\iota}$ A 12 cf. vs. $\bar{\iota}$ $\bar{\iota}$ 17 έν τῷ $\bar{\iota}$ $\bar{\iota}$ $\bar{\iota}$ $\bar{\iota}$ τωσιδόνιος A^1 , ποσιδώνιος A^2 , em. apogr. cf. Bake Posid. reliq. p. 240 23 ποιονμένη $\bar{\Lambda}$

νός. αι τε αύξήσεις καθ' έβδομάδα. τὸ γοῦν βρέφος δοκεί τελειοῦσθαι ἐν ἐπτὰ ἐβδομάσιν, ὡς Ἐμπεδοκλῆς αίνίττεται έν τοις Καθαρμοίς. Ενιοι δέ φασι τὰ ἄρρενα έν πέντε έβδομάσι τελειούσθαι, γόνιμα δε γίνεσθαι έν 5 έπτὰ μησί, γενόμενα δὲ ἐν ἐπτὰ μησίν ὀδοντοφυείν, έκβάλλειν τε τους οδόντας εν έπτα έτεσι. σπέρμα δε και ήβη εν δευτέρα εβδομάδι γένεια δε ώς επίπαν εν τρίτη καλ την εἰς μῆκος αύξην ἀπολαμβάνει, την δ' εἰς πλάτος εν τετάρτη εβδομάδι. αι τε πρίσεις των νόσων 10 έφ' ήμέρας έπτά, και ή βαρυτέρα κατά πάντας τοὺς περιοδικούς πυρετούς είς την έβδόμην απαυτά, και έν τριταίω δε και έν τεταρταίω. ἀπό τροπών δε έπι τροπάς μηνες έπτά, το τε πλήθος των πλανωμένων έπτά. και από ισημερίας έπι ισημερίαν μῆνες έπτα και πόροι 15 δε κεφαλής επτά και σπλάγχνα επτά, γλώσσα, καρδία, πνεύμων, ήπαρ, σπλην, νεφροί δύο Ἡρόφιλος δὲ τὸ τῶν ἀνθρώπων ἔντερον πηχῶν είναι φησι κή, ο ἐστι τέσσαρες έβδομάδες οι τε εύριποι τὸ πλείστον έπτάκις τῆς ἡμέρας μεταβάλλουσιν.

ή δὲ ὀγδοάς, ἥτις ἐστὶ πρῶτος κύβος, συντίθεται ἔκ τε μονάδος (καὶ ἐπτάδος). ἔνιοι δέ φασιν ὀκτὼ τοὺς

¹ sqq. cf. Chalcid. 37 2 Ἐμπεδοκλῆς: cf. Karsten Emped. reliq. p. 475 3 αἰνίττεται: αί in ras. A² 4 γίνεται A 5 γεννώμενα A² 6 cf. Bergk Poetae lyr. Gr. p. 431 7 ἐν τοίτη] τὶ τοίτη A¹, τῆ τοίτη A² 8 ἐν ἡ ante καὶ excidisse videtur, cf. Macr. in Somn. Scip. I·6, 72 post ter septenos annos genas flore vestit iuventa, idemque annus finem in longum crescendi facit 9 εὐδομάδι A, em. apogr. 11 ἐβδόμην] ἐπτὰ A, ξ supra scr. A² ἀπαντᾶ A², ἄπαντα A¹ 13 πλανομένων A¹ 14 ἡσημερίαν A¹ 15 γλῶσσα del. A, cf. Chalc. et Macrob. 16 ἡρόφιλος: η in ras. A. cf. Haeser Lehrbuch der Gesch. der Medicin I p. 236 18 ἐπτάπι A¹ 21 καὶ ἐπτάδος add. Bull.

15

πάντων κρατούντας είναι θεούς, ώς καὶ έν τοῖς 'Ορφικοῖς ὅρκοις ἔστιν εύρεῖν'

ναι μην άθανάτων γεννήτορας αιεν εόντων πῦρ και ὕδωρ γατάν τε και οὐρανὸν ήδε σελήνην ή ελιόν τε Φανη τε μέγαν και νύκτα μέλαιναν.

έν δὲ Αἰγυπτιακῆ στήλη φησὶν Εὔανδρος εὐρίσκεσθαι γραφὴν βασιλέως Κρόνου καὶ βασιλίσσης 'Ρέας' "πρεσβύτατος βασιλεὺς πάντων "Οσιρις θεοιζάθανάτοις πνεύματι καὶ οὐρανῷ καὶ γῆ καὶ νυκτὶ καὶ ἡμέρα καὶ πατρὶ τῶν ὄντων καὶ ἐσομένων "Ερωτι μνημεῖα τῆς αὐτοῦ 10 ἀρετῆς (καὶ) βίου συντάξεως." Τιμόθεός φησι καὶ παροιμίαν εἶναι τὴν "πάντα ἀκτὼ" διὰ τὸ τοῦ κόσμου τὰς πάσας ὀκτὼ σφαίρας περὶ γῆν κυκλεῖσθαι, καθά φησι καὶ Ἐρατοσθένης.

όπτω δη τάδε πάντα συν άρμονίησιν άρήρει,

3 Lobeck Agl. p. 742 sqq. αἰἐννεόντων Α¹ 4 γαῖαν Α², γέαν Α¹ ἡδὲ Bull.] ἡ δὲ Α 5 φανῆ τε Α¹] φάνητα Α² recte (cf. Zeller p. 87, 4); sed is quem Theo exscripsit aut pravam lectionem Φανῆ τε vel Φάνη τε secutus est aut Φάνητα μέγαν a sole diversum esse falso putavit: nam octo deos his versibus enumerari aperte indicat. Cf. Zenob. V 78 Εὔανδρος ἔφη ὁπιὰ τοὺς πάντων εἶναι πρατοῦντας θεούς, πῦς, τὖος, γῆν, οὐρανόν, σελήνην, ἥλιον, Μίθραν, νύντα. (Porph. de antronymph. 24 δημιονογὸς ῶν ὁ Μίθρας. Proclus in Plat. Tim. p. 93 Ε ὁ μάλιστα παρ' αὐτῷ δημιονογὸς ὁ Φάνης ἐστίν). Schoemann opusc. II p. 15. Schuster de veteris Orph. Theog. indole atque origine p. 29 6 cf. de hoc mendaciorum genere Freudenthal Alex. Polyh. p. 151. Plew, Jahrb. f. Philol. 1868 p. 839 sq. Εὔανδρος: cf. Zenob. l. c. (Jambl. de Pyth. vita 267?) 7 βασιλίσης Α, em. Bull. 9 ἡλίφ καὶ σελήνη post οὐρανῷ add. Bull. an (καὶ πνοὶ καὶ τοὰπι)? cf. Lobeck p. 524 fr. VIII vs. 10 sq. 10 ἐρῶτί Α¹, ι mut. in ὲ Α², em. Reinesius μνημία Α¹ 11 Τιμόθεος (δὲ) φησι? 14 Ἐρατοσθένης: cf. Erat. carm. rel. p. 50 sqq. Bernhardy Eratosth. p. 165 15 συναρμοσίησιν Α, em. apogr.

όπτω δ' εν σφαίρησι πυλίνδετο πύπλω ίόντα ενάτην περί γαΐαν.

ό δὲ τῶν ἐννέα ποῶτός ἐστι τετράγωνος ἐν περιττοῖς. ποῶτοι γάρ εἰσιν ἀριθμοὶ δυὰς καὶ τριάς, ἡ μὲν 5 ἀρτίων, ἡ δὲ περιττῶν' διὸ καὶ πρώτους τετραγώνους ποιοῦσιν, ὁ μὲν δ΄, ὁ δὲ θ΄.

ή μέντοι δεκάς πάντα περαίνει τον ἀριθμόν, έμπεριέχουσα πᾶσαν φύσιν έντος αύτης, ἀρτίου τε καὶ περιττοῦ κινουμένου τε καὶ ἀκινήτου ἀγαθοῦ τε καὶ 10 κακοῦ περὶ ης καὶ ᾿Αρχύτας ἐν τῷ περὶ τῆς δεκάδος καὶ Φιλόλαος ἐν τῷ περὶ φύσιος πολλὰ διεξίασιν.

έπανιτέον δὲ έπὶ τὸν τῶν ἀναλογιῶν καὶ μεσοτήτων λόγον. μεσότητές εἰσι πλείονες, γεωμετρικὴ ἀριθμητικὴ ἁρμονικὴ ὑπεναντία πέμπτη ἔκτη. λέγονται δὲ
15 καὶ ἄλλαι πάλιν ξξ ταύταις ὑπεναντίαι. τούτων δέ φησιν ὁ Ἄδραστος μίαν τὴν γεωμετρικὴν κυρίως λέγεσθαι
καὶ ἀναλογίαν καὶ πρώτην ταύτης μὲν γὰρ αἱ ἄλλαι
προσδέονται, αὐτὴ δ΄ ἐκείνων οὐχί, ὡς ὑποδείκνυσιν ἐν
τοῖς ἐφεξῆς. κοινότερον δέ φησι καὶ τὰς ἄλλας μεσότη20 τας ὑπ' ἐνίων καλεϊσθαι ἀναλογίας. τῶν δὲ κυρίως
λεγομένων ἀναλογιῶν, τουτέστι τῶν γεωμετρικῶν, αἱ
μέν εἰσιν ἐν δητοῖς ὅροις τε καὶ λόγοις, ὡς ιβ' ς' γ',

¹ σφαίρεσι A¹, σφαίραισι A², em. apogr. ἰόντα: ν supra vs. A 2 ἐννέα τῶν περὶ γαῖαν A quae verba del. A², ταντ' ἐνάτην περὶ γαῖαν Bergk, Ztschr. f. d. AW. 1850 p. 177. cf. Theol. arithm. p. 56 σὺν οκτὰ δὴ σφαίρησι κυλίνδεται ὁ κυκλώων ἐνάτην περιγαίην, Ἐρατοσθένης φησίν 3 Φ̄ mg. A 7 mg. A ἐνπεριέχουσα A, em. apogr. 11 Φιλόλασς: fr. 13 Mullach. cf. Boeckh Philolaos Lehren p. 27. 146. Schaarschmidt die angebliche Schriftstellerei des Philolaos p. 68. Zeller I p. 368, 1 φύσεως Α² 17 ἀνάλογον ut vid. Α¹. cf. Procl. in Tim. p. 145 C

είσι γὰρ ἐν λόγοις διπλασίοις, και ὅσαι τοιαῦται [αῖτινές εἰσιν ἐν ἀριθμοῖς], αι δὲ ἐν ἀρρήτοις τε και ἀλόγοις [ἤτοι μεγέθεσιν ἢ βάρεσιν ἢ χρόνοις ἢ τισιν ἄλλοις
διπλασίοις ἢ τριπλασίοις ἢ τισι τοιούτοις πολλαπλασίοις ἢ ἐπιμορίοις]. γεωμετρικὴ μὲν γάρ, ὡς ἔφαμεν, 5
μεσότης ἡ τῷ αὐτῷ λόγῳ τῶν ἄκρων ὑπερέχουσα καὶ
ὑπερεχομένη ἀριθμητικὴ δὲ ἡ τῷ αὐτῷ ἀριθμῷ τῶν
ἄκρων ὑπερέχουσα καὶ ὑπερεχομένη, άρμονικὴ δὲ ἡ τῷ
αὐτῷ μέρει τῶν ἄκρων ὑπερέχουσα καὶ ὑπερεχομένη.
δείκνυσι δὲ ὅτι ὁ τῆς ἰσότητος λόγος ἀρχηγὸς καὶ πρῶ- 10
τός ἐστι καὶ στοιχείον πάντων τῶν εἰρημένων λόγων
καὶ τῶν κατ' αὐτοὺς ἀναλογιῶν ἐκ πρώτου γὰρ τούτου
πάντα συνίσταται καὶ εἰς τοῦτον ἀναλύεται τά τε τῶν
λόγων καὶ τὰ τῶν ἀναλογιῶν.

ό δὲ Ἐρατοσθένης φησὶν ὅτι πᾶς μὲν λόγος ἢ κατὰ 15 διάστημα ἢ κατὰ τοὺς ὅρους αὕξεται τῆ δὲ ἰσότητι συμβέβηκε διαστήματος μὴ μετέχειν εὕδηλον δὲ ὅτι κατὰ τοὺς ὅρους αὐξηθήσεται. λαβόντες δὴ τρία μεγέθη καὶ τὴν ἐν τούτοις ἀναλογίαν κινήσομεν τοὺς ὅρους. καὶ δείξομεν ὅτι πάντα τὰ ἐν τοῖς μαθήμασιν 20 ἔξ ἀναλογίας ποσῶν τινων σύγκειται καὶ ἔστιν αὐτῶν ἀρχὴ καὶ στοιχεῖον ἡ τῆς ἀναλογίας φύσις.

τὰς δὲ ἀποδείξεις ὁ μὲν Ἐρατοσθένης φησὶ παραλείψειν. ὁ δὲ Ἦδραστος γνωριμώτερον δείκνυσιν, ὅτι τριῶν ἐκτεθέντων ὄρων ἐν ἦ δήποτε ἀναλογία, ἐὰν 25

² pr. ἐν supra vs. A, fort. A² ἀρήτοις A¹ 4 διπλασίαις — ἐπιμορίοις del. Bull. 5 ἔφαμεν: p. 85, 11
10 inscr. περὶ ἰσότητος ὅτι ἀρχὴ ἀναλογιῶν καὶ πῶς γίνεται πολλαπλασία Α

ΧΧΧ p. 66. Bernhardy p. 170
25 ἡδήποτε A¹, οἰαδήποτε Α²

τρείς έτεροι ληφθώσιν έχ τούτων πεπλασμένοι ὁ μέν τῷ πρώτῷ ἴσος, ὁ δὲ σύνθετος ἐκ πρώτου καὶ δευτέρου, ό δ' έξ ένὸς πρώτου καὶ δύο δευτέρων καὶ τρίτου, οί ληφθέντες ούτως πάλιν έσονται ανάλογον, και έκ τῆς 5 έν ίσοις δροις άναλογίας γενναται ή έν διπλασίοις άναλογία, έχ δε τῆς ἐν διπλασίοις ἡ ἐν τριπλασίοις, ἐχ δε ταύτης ή εν τετραπλασίοις, και έξης ουτως αι εν τοίς άλλοις πολλαπλασίοις οξον έππείσθω έν τρισίν δροις ἴσοις ἐλαχίστοις ἀναλογία ἡ τῆς ἰσότητος, τουτέστιν ἐυ 10 μονάσι τρισίν. άλλὰ παὶ εἰλήφθωσαν ἄλλοι τρεῖς ὅροι τον είρημένον τρόπον, ο μεν έκ πρώτου, ο δε έκ πρώτου και δευτέρου, ζό δε έκ πρώτου και δύο δευτέρων) και τρίτου γενήσεται α΄ β΄ δ΄, α έστιν έν λόγω διπλασίω. πάλιν έκ τούτων συνεστάτωσαν ετεροι κατά τον 15 αὐτὸν τρόπον, ὁ μὲν ἐκ πρώτου, ὁ δὲ ἐκ πρώτου καὶ δευτέρου, ό δε έκ πρώτου και δύο δευτέρων και τρίτου ἔσται α΄ γ΄ δ΄, α ἐστιν ἐν λόγο τριπλασίο. ἐκ δὲ τούτων όμοίως συστήσονται α΄ δ΄ ις΄ έν λόγω τετραπλασίω, και έκ τούτων α' ε' κε' έν λόγω πενταπλασίω, και έξῆς 20 οῦτως ἐπ' ἄπειρον ἐν τοῖς ἐχομένοις πολλαπλασίοις.

3 ển ante δύο supra vs. A δὶς δευτέρου cj. Bull. 4 τῆς] τῶν A, sed ῶν in ras. 7 ἡ ap.] ἢ A αί] ἡ A 12 ὁ δὲ ἐπ πρώτου καὶ δὶς δευτέρου add. Bull. 14 συνέστωσαν A, em. apogr. 16 δὶς δευτέρου cj. Bull. 17 Φ corr. ex $\bar{\delta}$ A

έκ δὲ τῶν πολλαπλασίων ἀνάπαλιν τεθέντων [α΄ α΄ α΄ α΄] καὶ ὁμοίως πλαττομένων οἱ ἐπιμόριοι λόγοι ⟨καὶ αί⟩ ἐν τούτοις συστήσονται ἀναλογίαι, ἐκ μὲν τῶν διπλασίων ἡμιόλιοι, ἐκ δὲ τῶν τριπλασίων οἱ ἐπίτριτοι, ἐκ δὲ τῶν τετραπλασίων οἱ ἐξῆς οῦτως. οἶον ὁ ἔστω ἀναλογία κατὰ τὸν διπλάσιον λόγον ἐν τρισίν ὅροις, τοῦ μείζονος κειμένου πρώτου, καὶ πεπλάσθωσαν ἔτεροι τρεῖς ἐκ τούτων τὸν εἰρημένον τρόπον. δ΄ β΄ α΄ οἱ δὲ ἐξ αὐτῶν γενήσονται δ΄ ς΄ δ΄ γίνεται ἀνάλογον ἐν ἡμιολίοις. πάλιν ἔστωσαν τρεῖς ὅροι ἀνάλογον ἐν ἡμιολίοις. πάλιν ἔστωσαν τρεῖς ὅροι ἀνάλογον ἐν τούτων ὅροι τρεῖς ἀνάλογον ἐν ἐπιτρίτοις δ΄ ιβ΄ ιξ΄. ἐκ δὲ τῶν τετραπλασίων συστήσονται ἐν ἐπιτετάρτοις ις΄ κ΄ κέ, καὶ οῦτως ἀεὶ ἐκ τῶν ἐχομένων οἱ ἑξῆς ὁμώνυμοι.

δ	В	α
δ	ß	•
9	γ	α
Ŧ	iß	15
15	×	×e
×ε	λ	λς
λ5	μβ	μθ
μ9	25	ξδ
ξδ	of s	πα
πα	4	e

έκ δὲ τῶν ἐπιμορίων οῖ τ' ἐπιμερεῖς καὶ οἱ πολλα- 15 πλασιεπυμόριοι, πάλιν δ' ἐκ τῶν ἐπιμερῶν ἔτεροί τε ἐπιμερεῖς καὶ πολλαπλασιεπιμερεῖς. ὧν τὰ μὲν πλεῖστα παραλειπτέον οὐκ ἀναγκαῖα ὄντα, μικρὰ δὲ θεωρητέον. ἐκ μὲν γὰρ τῆς ἐν ἡμιολίοις ἀναλογίας τὸν εἰρημένον τρόπον ἀπὸ μὲν τοῦ μείζονος ἀρχομένων ὅρου συνίστα- 20 ται ἀναλογία ἐν ἐπιμερέσι λόγοις δισεπιτρίτοις. οἷον

⁶ λόγον] ἀνάλογον A 13 τετραπλασίων: fort. add. 15 δ΄ α΄ 15 ἐπιμερεῖς A^2] ἐπιμόριοι A^1 16 ἐπιμερῶν corr. in ἐπιμορίων A 18 παραληπτέον A^1

θ΄ ς΄ δ΄ έκ δε τούτων κατά την είθημένην μέθοδον συνίσταται θ΄ ιε΄ κε΄. ἀπὸ δὲ τοῦ ἐλάττονος ὅρου ἀρχομένων έσται πολλαπλασιεπιμόριος άναλογία, τουτέστιν ή διπλασιημιόλιος. οἶον ἐκκείσθω δ΄ ϛ΄ θ΄ ἐκ τούτων 5 κατὰ τὴν αὐτὴν μέθοδον δ΄ ί κε΄. ἐκ δὲ τῆς ἐν ἐπιτρίτοις ἀπὸ μὲν τοῦ μείζονος ἀρχομένων ὅρου ἔσται έπιμερης αναλογία ή τρισεπιτέταρτος. οἶου έκ τῆς τῶν ις΄ ιβ΄ θ΄ έσται ις΄ κη΄ μθ΄. ἀπὸ δὲ τοῦ ἐλάττονος ἀοτομένων όρου έσται πολλαπλασιεπιμόριος άναλογία (ή) 10 διπλασιεπίτριτος έν τοῖς δ΄ κα΄ μδ΄. έκ δὲ τῆς έν έπιτετάρτοις ἀπὸ μὲν τοῦ μείζονος ὅρου ⟨ἀρχομένων⟩ ἐπιμερής έσται άναλογία ή τετράκις έπίπεμπτος οἶον [6] έκ τῆς κε΄ κ΄ ις΄ ἔσται κε΄ με' πα'. ἀπὸ δὲ τοῦ ἐλάττονος άργομένων έσται πολλαπλασιεπιμόριος ή διπλασιεπι-15 τέταρτος: <οίον> ἀπὸ τῶν ις κ΄ κε΄ ἔσται ἡ ἐν τοῖς ις΄ λς πα. καὶ ἡ τάξις οῦτω πρόεισιν ἐπ' ἄπειρον. καὶ άπὸ τούτων δὲ ἄλλοι πλάσσονται κατὰ τὸν αὐτὸν λόγον, περί ών οὐκ ἀναγκαῖον μηκύνειν τὸν λόγον.

πᾶσαι δ' αι τοιαῦται ἀναλογίαι και οι ἐν αὐταῖς 20 λόγοι πάντες, καθάπερ συνεστᾶσιν ἐκ πρώτου τοῦ τῆς ἰσότητος λόγου, οῦτως και ἀναλύονται είς ἔσχατον τοῦτον. ἂν γὰρ ἐξ ὁποιασοῦν ἀναλογίας ἐν τρισιν ὅροις ἀνίσοις οῦτως ἀφελόντες ἀπὸ μὲν τοῦ μέσου τὸν ἐλάχιστον, ἀπὸ δὲ τοῦ μεγίστου τόν τε ἐλάχιστον και δύο 25 τοιούτους ὁποῖος ἐλείφθη τοῦ μέσου ἀφαιρεθέντος ἀπ'

⁹ πολλαπλασιεπιμόςιος ἀναλογία ἡ διπλασιεπίτςιτος] ἐπιμεςης ἀναλογία διπλάσιος δὲ ἐπίτςιτος A, fort. add. ⟨οίον ἐκ τῶν θ΄ ιβ΄ ις΄ ἔσται ἡ⟩ 12 ὁ om. apogr. 14 πολυπλασιεπιμόςιος \mathbf{A}^1 ἡ] ὁ \mathbf{A} 19 inscr. ὅτι ἀναλύονται αί ἀναλογίαι εἰς ἰσότητα \mathbf{A} , $\overline{\mathbf{s}}$ in mg. 23 οὕτως del. vid. 25 ἐλήφθη \mathbf{A}

αὐτοῦ τοῦ ἐλαχίστου τοὺς γενομένους τάξωμεν ἐφεξῆς, πρῶτον μὲν-αὐτὸν τὸν ἐλάττονα, ἔπειτα τὸν ἀπὶ τοῦ μέσου λειφθέντα καὶ τελευταίον τὸν ἀπολειφθέντα τοῦ ἐσχάτου, ἡ διαλυθείσα οὕτως ἀναλογία ἀναλυθήσεται εἰς τὴν πρὸ αὐτῆς ἐξ ἦς συνέστη. τούτου δ' ἀεὶ γινο- 5 μένου ἐλεύσεται ἡ ἀνάλυσις ἐπ' ἐσχάτην τὴν τῆς ἰσότητος ἀναλογίαν, ἐξ ἦς πρώτης ἅπασαι συνέστησαν αὐτὴ δὲ οὐκέτι εἰς ἄλλην, ἀλλὰ μόνον εἰς τὸν τῆς ἰσότητος λόγον.

Έρατοσθένης δὲ ἀποδείκνυσιν, ὅτι καὶ τὰ σχήματα 10 πάντα ἔκ τινων ἀναλογιῶν συνέστηκεν ἀρχομένων τῆς συστάσεως ἀπὸ ἰσότητος καὶ ἀναλυομένων εἰς ἰσότητα περὶ ὧν τὰ νῦν λέγειν οὐκ ἀναγκαῖον.

τὰ δὲ αὐτὰ εύρεθήσεται καὶ ἐπὶ σχημάτων. ὧν πρῶτόν ἐστιν ἡ στιγμή, ὅ ἐστι σημεῖον ἀμέγεθες καὶ 15 ἀδιάστατον, γραμμῆς πέρας, οἶον μονὰς θέσιν ἔχουσα. τοῦ δὲ μεγέθους τὸ μὲν ἐφ' εν διάστατόν τε καὶ διαίρετον γραμμή, μῆκος οὖσα ἀπλατές τὸ δ' ἐπὶ δύο ἐπίπεδον, μῆκος ἔχον καὶ πλάτος τὸ δ' ἐπὶ τρία στερεόν, μῆκός τε καὶ πλάτος καὶ βάθος ἔχον. περιέχεται δὲ καὶ 20 περαίνεται τὸ μὲν στερεὸν ὑπὸ ἐπιπέδων, τὸ δ' ἐπίπεδον ὑπὸ γραμμῶν, ἡ δὲ γραμμὴ ὑπὸ στιγμῶν. τῶν δὲ γραμμῶν εὐθεῖα μέν ἐστιν ὀρθὴ καὶ οἶον τεταμένη, ἤτις δύο δοθέντων σημείων μεταξὺ ἐλαχίστη ἐστὶ τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχουσῶν καὶ ἐξ ἴσου τοῖς ἑαυτῆς ση-25

1 τάξωμεν corr. ex τάξομεν A 3 ληφθέντα A άπολιφθέντα A^1 6 ἔσχατον A 7 ἐξ ἡς A^2] ἐξῆς A^1 10 Έρατοσθένης: cf. Philol. XXX p. 66 14 inscr. περὶ σχημάτων et $\bar{\xi}$ mg. A 18 οὖσα] ἔχουσα? 19 ἔχων A^1

23 $\langle\dot{\eta}\rangle$ dod $\dot{\eta}$? 24 έλαχίς A^1 25 Eucl. El. I def. 4 εὐθεῖα γοαμμή έστιν, $\ddot{\eta}$ τις έξ ἴσον τοῖς έ φ ' έαντῆς σημείοις πεῖται

μείοις κειμένη καμπύλη δε ή μη οῦτως ἔχουσα. διαφέρει δε καὶ ἐπίπεδον ἐπιφανείας παραπλησίως. ἐπιφάνεια μεν γάρ ἐστι παντὸς στερεοῦ σώματος κατὰ δύο διαστάσεις μήκους καὶ πλάτους ἐπιφαινόμενον πέρας. 5 ἐπίπεδον δέ ἐστιν ὀρθη ἐπιφάνεια ἡς ἐπειδὰν δύο σημείων ἄψηται εὐθεῖα, ὅλη αὐτῷ ἐφαρμόζεται. παράλληλοι δέ εἰσιν εὐθεῖαι, αῖτινες ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῷ ἐπ' ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι ἐπὶ μηδέτερα συμπίπτουσιν, ἀλλὰ τηροῦσιν ἐν παντὶ τὴν διάστασιν.

τῶν δὲ σχημάτων ἐπίπεδα μέν είσι τὰ ἐν τῷ αὐτῷ έπιπέδφ πάσας έχοντα τὰς γραμμάς καὶ εὐθύγραμμα μέν τὰ ὑπὸ εὐθειῶν περιεχόμενα, οὐκ εὐθύγραμμα δὲ τὰ μὴ οῦτως ἔχοντα. τῶν δὲ ἐπιπέδων καὶ εὐθυγράμμων σχημάτων τὰ μὲν τρισί περιεχόμενα πλευραίς τρί-15 πλευρα καλείται, τὰ δὲ τέτταρσι τετράπλευρα, τὰ δὲ πλείοσι πολύγωνα, των δε τετραπλεύρων τα παραλλήλους έχοντα τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς έκατέρας παραλληλόγοαμμα καλείται. τούτων δε όρθογώνια μεν τά τας γωνίας έχουτα όρθας όρθαλ δέ είσι γωνίαι, αστινας 20 εύθεζα έπ' εύθείας έφεστῶσα δύο ζσας παρ' έκάτερα άποτελεί. τῶν δὲ ὀρθογωνίων παραλληλογράμμων έχαστον περιέχεσθαι λέγεται ίδίως ύπο τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσών πλευρών. καὶ τών τοιούτων τὰ μέν τὰς τέσσαρας πλευράς ίσας έχοντα ίδίως λέγεται 25 τετράγωνα, τὰ δὲ μὴ τοιαῦτα έτερομήκη.

όμοίως δὲ καὶ τῶν στερεῶν τὰ μὲν ὑπὸ ἐπιπέδων παραλληλογράμμων πάντων ξξ ὄντων περιεχόμενα παρ-

⁶ καὶ ante ὅἰη er. Α ἐφαρμόζηται A^1 8 μηδετρα A^1 20 εὐθεία ἐπ΄ εὐθεῖαν (corr. ex εὐθείαν) A 26 inscr. περὶ στερεῶν A

αλληλεπίπεδα καλείται, τὰ δὲ καὶ ὑπὸ ὀρθογωνίων τούτων ὀρθογώνια. τούτων ὀρε τὰ μὲν πάντη ἰσόπλευρα, τουτέστιν ἴσον ἔχοντα τὸ μῆκος καὶ πλάτος καὶ βάθος, ὑπὸ τετραγώνων ἴσων πάντων περιεχόμενα, κύβοι τὰ ἀρε τὸ μὲν μῆκος καὶ πλάτος ἴσον ἔχογτα, τουτέστι τὰς δ βάσεις τετραγώνους, τὸ ἀρε ΰψος ἔλαττον, πλινθίδες τὰ ἀρε τὸ μὲν μῆκος καὶ πλάτος ἴσον, τὸ ἀρε ΰψος μεῖζον, δοκίδες τὰ δὲ πάντη ἀνισόπλευρα σκαληνά.

ἀκριβέστερον δὲ περὶ τῶν μεσοτήτων λεκτέον, ἐπειδὴ καὶ ἀναγκαιοτάτη εἰς τὰ Πλατωνικὰ ἡ τούτων 10 θεωρία. ἀπλῶς μὲν οὖν μεσότης ἐστίν, ἐπειδὰν δύο ὅρων ὁμογενῶν ἀνίσων μεταξύ τις ὁμογενὴς ἔτερος ὅρος ληφθῆ, ὥστε εἶναι ὡς τὴν ὑπεροχὴν τοῦ πρώτου καὶ μείζονος ὅρου παρὰ τὸν ληφθέντα πρὸς τὴν ὑπεροχὴν τοῦ μέσου παρὰ τὸν ἐλάττονα, οῦτως τὸν πρῶτον 15 ὅρον ἤτοι πρὸς ἑαυτὸν ἢ πρός τινα τῶν ἄλλων ἢ ἀνάπαλιν τὸν ἐλάττονα πρός τινα τῶν ἄλλων.

ἐπὶ μέρους δὲ ἀριθμητικὴ μέν ἐστι μεσότης ἡ τῷ αὐτῷ ἀριθμῷ τῶν ἄκρων τοῦ μὲν ὑπερέχουσα, ὑφ' οὖ δὲ ὑπερεχομένη· οἶον γ΄ β΄ α΄ ὁ γὰρ τῶν β΄ ἀριθμὸς 20 μονάδι ὑπερέχει τοῦ ἐνὸς καὶ μονάδι ὑπερέχεται ὑπὸ τοῦ γ΄. συμβέβηκε δὲ ταύτη τῆ μεσότητι πρὸς τὴν τῶν ἄκρων σύνθεσιν ὑποδιπλασίῳ εἶναι· ῆ τε γὰρ τριὰς καὶ ἡ μονὰς συντεθεῖσαι τὴν τετράδα ἐποίησαν, ῆτις δι-πλασία ἐστὶ τοῦ μέσου ἀριθμοῦ τῆς δυάδος.

Digitized by Google

⁵ $\overline{\mathbf{qv}}$ ante kyorta \mathbf{A} 8 åvisónlevqa] åvisalteqa \mathbf{A} 11 $\overline{\eta}$ mg. \mathbf{A} 12 åvísav Bull.] ísav \mathbf{A} 13 \mathbf{ta} ... a post $\overline{\mathbf{qo}}$ go er. \mathbf{A} 16 $\overline{\mathbf{tavov}}$ \mathbf{vov} talso cj. Bullialdus 18 inser. \mathbf{v} \mathbf{f} \mathbf{de} \mathbf{de} \mathbf{de} \mathbf{fu} \mathbf{not} \mathbf{not} \mathbf{fu} \mathbf

γεωμετρική δέ έστι μεσότης ή καὶ ἀναλογία κυρίως λεγομένη ή τῷ αὐτῷ λόγῷ ὑπερέχουσα καὶ ὑπερεχομένη, οἶον πολλαπλασίῷ ἢ ἐπιμορίῷ. οἶον α΄ β΄ δ΄. τά τε γὰρ δ΄ τῶν β΄ διπλάσια καὶ τὰ β΄ τοῦ ἐνὸς διπλάσια καὶ τὰ β΄ τοῦ ἐνὸς διπλάσια καὶ τὰ β΄ τοῦ ἐνὸς διπλάσια καὶ σῶν δ΄ τὰ β΄), ταῦτα δὲ ὁμοίως ἐξεταζόμενά ἐστιν ἐν διπλασίῷ λόγῷ. συμβέβηκε δὲ ταύτη τῆ ἀναλογίᾳ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρῶν συντιθέμενον κατὰ πολλαπλασιασμὸν ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου τετραγώνῷ. οἶον οί ἄκροι τὸ ἐπ' ἀλλήλους πολλαπλασιαζόμενοι ποιοῦσι τὸν δ΄. ᾶπαξ γὰρ δ΄ δ΄ καὶ πάλιν ὁ β΄ ἐφ' ἐαυτὸν λαμβανόμενος ποιεῖ τὸν δ΄ δὶς γὰρ β΄ δ΄ . ὅστε ⟨τὸ⟩ ὑπὸ τῶν ἄκρῶν ἴσον γίνεται τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου. α΄ β΄ δ΄.

άρμονική δέ έστιν ἀναλογία, ἐπειδὰν τριῶν ὅρων 15 προτεθέντων ὃν ἔχει λόγον ὁ πρῶτος πρὸς τὸν τρίτον, τὸν αὐτὸν ἡ τοῦ πρῶτου ὑπεροχὴ πρὸς τὴν τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴν ἔχη οἶον ς' γ' β' ἡ γὰρ έξὰς πρὸς τὴν δυάδα τριπλασία ἐστί καὶ ἡ ὑπεροχὴ δὲ τῆς έξάδος πρὸς τὰ γ' τριὰς οὖσα τριπλασία ἐστὶ τῆς μονάδος, 20 ῆτις ὑπεροχή ἐστι τῆς τριάδος συγκρινομένης πρὸς τὰ β'. συμβέβηκε δὲ ταύτη τῆ ἀναλογία, τὸν μέσον ὅρον τῷ αὐτῷ μέρει κατὰ τοὺς ἄκρους ὑπερέχειν τε καὶ ὑπερέχεσθαι οἶον β' γ' ς'. καὶ γὰρ ὁ τῶν ς' τῷ ἡμίσει αὐτοῦ ὑπερέχει τῆς τριάδος καὶ ἡ δυὰς τῷ ἑαυτῆς ἡμίσει οὕτοῦ ὑπερέχεται ὑπὸ τῆς τριάδος. καὶ τοὺς ἄκρους δὲ συντεθέντας ἀλλήλοις καὶ ὑπὸ τοῦ μέσου πολλαπλασιασθέντας διπλασίους ἂν εῦροιμεν τοῦ ἐκ τῶν ἄκρων ἀποτελου-

¹ inscr. γεωμετοική μεσότης A 3 έπιμερίω A 14 inscr. τίς ή άρμονική μεσότης A 17 έχει A 20 συγκρινομένη A 23. 24 ήμισυ A^1 24 τὴν τριάδα A

μένου πολλαπλασίου. οἶον ς' καὶ β' η' ταῦτα δὲ ὑπὸ τῆς τριάδος, $\~{o}$ ς ἐστι μέσος, πολλαπλασιασθέντα γίνεται κδ' καὶ πάλιν δίς ς' $\iota \beta'$ τούτων δὲ τὰ κδ' διπλάσια.

ύπεναντία δὲ τῆ ἀρμονικῆ καλείται μεσότης, ὅταν 5 ώς ὁ τρίτος ὅρος πρὸς τὸν πρῶτον, οὕτως ἡ τοῦ πρώ-του ὑπεροχὴ πρὸς τὴν τοῦ δευτέρου· οἶον ϛ΄ ε΄ γ΄· τὰ μὲν οὖν ϛ΄ τῶν ε΄ μονάδι ὑπερέχει, τὰ δὲ ε΄ τῶν γ΄ δυσί· τὰ δὲ γ΄ τῶν ς΄ ὑποδιπλάσιά ἐστιν· ἀλλὰ καὶ ἡ μονὰς ὑπεροχὴ οὖσης τοῦ δευτέρου ἀριθμοῦ.

ή δὲ πέμπτη μεσότης ἐστίν, ὅταν τριῶν ὅρων ὅντων ὅν ἄν ἔχη λόγον ὁ τρίτος πρὸς τὸν δεύτερον, τοῦτον ἔχη τὸν λόγον ἡ τοῦ πρώτου ὑπεροχή πρὸς τὴν τοῦ δευτέρου ὑπεροχήν· οἶον ε΄ δ΄ β΄ τὰ μὲν ε΄ τῶν δ΄ 15 μονάδι ὑπερέχει, ἀλλὰ καὶ τὰ δ΄ τῶν β΄ δυάδι· ὑποδιπλάσια δὲ τὰ β΄ τῶν δ΄ καὶ τὸ εν δὲ τῶν β΄ ὑποδιπλάσιον, ἄπερ ὑπεροχαί εἰσι τοῦ τε πρώτου καὶ τοῦ δευτέρου ἀριθμοῦ.

εκτη λέγεται μεσότης, σταν τριῶν ὅρων προτεθέντων 20 ώς ὁ δεύτερος πρὸς τὸν πρῶτον ἔχει, οῦτως ἡ τοῦ πρώ-του ὑπεροχὴ πρὸς τὴν τοῦ δευτέρου· οἶον ς΄ δ΄ α΄· τὰ μὲν γὰρ ς΄ τῶν δ΄ δυσὶν ὑπερέχει, τὰ δὲ δ΄ τοῦ α΄ τρισίν· ἔστι δὲ δ΄ τῶν ς΄ ὑφημιόλια· καὶ ἡ δυὰς ὑπεροχὴ

² γίνονται A 5 inscr. τίς ἡ ὑπεναντία τῆ ἀρμονικῆ A. de sequentibus cf. Procl. in Plat. Tim. p. 144 F. Ideler Abh. d. Berl. Akad. 1828 p. 206 6 ὁ add. A² ut vid. 11 δνάδος $\bar{\beta}$ A 12 inscr. τίς ἡ πέμπτη μεσότης A

¹¹ δυαδος β Α 12 inser. τίς η πεμπτη μεσοτης Α
13 έχει Α, em. apogr. 14 έχει Α, em. apogr. 16 [ἀλλὰ]?
18 ὑπεροχαί: ὑπερ add. Α 20 inser. τίς ἡ ἕπτη μεσοτης Α ἔπτη (δὲ)?

οὖσα τῶν ς΄ ὑφημιολία ἐστὶ τῆς τριάδος ῆτις ἐστὶν ὑπεροχὴ τῆς τετράδος.

περί μεν τούτων και τῶν ταύταις ὑπεναντίων ξξ μεσοτήτων ὑπὸ τῶν Πυθαγορικῶν και ἐπὶ πλέον εἴρηται τημιν δ' ἔξαρκεῖ κατὰ τὸν Πυθαγορικὸν λόγον συνόψεως ενεκα τῶν μαθηματικῶν τυπωδῶς αὐτὰ ἡθροικέναι καὶ ἐπιτομικῶς.

εύρίσκονται δὲ αί μεσότητες κατὰ μὲν τὴν ἀριθμητικὴν ⟨ἀναλογίαν⟩ οῦτως. τῆς ὑπεροχῆς τοῦ μείζονος 10 παρὰ τὸν ἐλάττονα τὸ ῆμισυ προστιθέντες τῷ ἐλάττονι ἔξομεν τὸν μέσον, ἢ ἐκατέρου τῶν δοθέντων ἀριθμῶν τὰ ἡμίσεα συνθέντες τὸν συντεθέντα μέσον εὑρήκαμεν, ἢ τοῦ συνθέτου ἔξ ἀμφοῖν λαμβάνοντες τὸ ῆμισυ [ῶστεκαὶ εἰς τὰ Πλατωνικὰ τὸ χρήσιμον ἀνευρεῖν]. προστεκαὶ εἰς τὰ Πλατωνικὰ τὸ χρήσιμον ἀνευρεῖν]. προστεκατὰ τὴν ἀριθμητικὴν μεσότητα. λαμβάνομεν τὰν ὑπεροχὴν τοῦ μείζονος παρὰ τὸν ἐλάττονα ς΄ ὧν ῆμισυ γ΄. ταῦτα προσθῶμεν τῷ ἐλάττονι γίνεται θ΄, ὅς ἐστι μέσος τῶν ιβ΄ καὶ ς΄, ἀριθμητικῶς τρισὶν ὑπερέχων καὶ τὸ ὑπερεχόμενος ιβ΄ θ΄ ς΄. πάλιν συνθῶμεν τοὺς ἐξ ἀρχῆς ἄκρους τὰ ιβ΄ καὶ τὰ ς΄ γίνεται ιη΄. ὧν ῆμισυ θ΄, ὅς ἐστι μέσος.

κατὰ δὲ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν ἐπὶ μὲν ἀριθμών τοῦ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχομένου πλευρὰν τετρά25 γωνον λαβόντες ταύτη ἕξομεν τὸν μέσον ὅρον. οἶον δεδόσθωσαν δύο ἀριθμοὶ ὅ τε κδ΄ καὶ ὁ ϛ΄. προστε-

² τετράδος Bull.] $\bar{\delta}$ A 6 τυποδῶς A, em. apogr. 8 inscr. πῶς εὐρίσκονται αί μεσότητες A 12 ῆμισυ A¹ 13 τοὺς συνθέτους A ὅστε καὶ κτλ.: haec adscripta fuisse videntur ad vs. 7 17 ς [] [] [] [] A 19 ς Bull.] rasura trium fere litt. A 20 [] ante ὑπερεχόμενος er. A

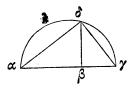
τάχθω τούτων κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν τὸν μέσον ὅρον ἀνευρεῖν. πεπολλαπλασιάσθωσαν οἱ τεθέντες ἐπ' ἀλλήλους· γίνεται ρμδ'· τούτων εἰλήφθω πλευρὰ τετράγωνος· ἔσται ὁ ιβ΄, ος γίνεται μέσος· ἔστι γὰρ ὡς ὁ κδ΄ πρὸς ιβ΄, οῦτως τἔιβ΄ πρὸς ς΄ ἐν διπλασίω ὁ λόγω. ἀλλ' ἄν μὲν ὁ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενος ἡ τετράγωνος, ὁ ληφθεὶς οῦτως μέσος ὅρος ὁητὸς γίνεται καὶ μήκει σύμμετρος τοῖς ἄκροις ἐξ ὅλων μονάδων εὐρισκόμενος. ἐὰν δὲ μὴ ἡ τετράγωνος ὁ περιεχόμενος ὑπὸ τῶν ἄκρων, ὁ μέσος ὅρος δυνάμει μόνον ἔσται 10 σύμμετρος τοῖς ἄκροις.

λαμβάνεται δὲ κοινότερον ἔν τε ἀριθμοῖς [καλ] φητοῖς καὶ ἐν λόγοις καὶ μεγέθεσι [καλ] συμμέτροις γεωλογον λαβεῖν γεωμετρικῶς οἶον αβ βγ καὶ ἐκκείσθωσαν 15 ἐπ' εὐθείας καὶ περὶ ὅλην τὴν αγ γεγράφθω ἡμικύκλιον καὶ ἀπὸ τοῦ β ἀνήχθω τῷ αγ πρὸς ὀρθὰς μέχρι τῷς περιφερείας ἡ βδ. αὕτη δὴ γίνεται μέση τῶν αβ βγ κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν. ἐπιζευχθεισῶν γὰρ κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν. ἐπιζευχθεισῶν γὰρ κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν. ἐπιζευχθεισῶν γὰρ κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν καιζευχθεισῶν γὰρ κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν ἐπιζευχθεισῶν γὰρ κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν ἐπιζευχθεισῶν γὰρ κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν ἐπιζευχθεισῶν γὰρ κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν ἀποξευχθεισῶν γὰρ έστιν ἐν ἡμι- 20 κυκλίως καὶ ⟨ἐν⟩ ὀρθογωνίω τῷ αδγ κάθετος ἡ δβ· καὶ τὰ περὶ τὰς ἴσας αὐτῶν γωνίας πλευραὶ ἐστιν. ὅστε αι περὶ τὰς ἴσας αὐτῶν γωνίας πλευραὶ

1 A2 vel manus posterior haec adscripsit:

4 τετραγώνου A^2 6 post μὲν decem fere litt. er. A 9 ή corr. ex εἶ A 14 ών δεῖ A^2] δν δὴ A^1 17 ἀνήχθω apogr.] . . . χθω A

ἀνάλογόν εἰσιν $\dot{\omega}_S$ ἄρα $\dot{\eta}$ $\dot{\alpha}\dot{\beta}$ πρὸς τὴν $\dot{\beta}\dot{\delta}$, $\dot{\eta}$ $\dot{\delta}\dot{\beta}$ πρὸς $\dot{\beta}\dot{\gamma}$, τῶν ἄρα $\dot{\alpha}\dot{\beta}$ $\dot{\beta}\dot{\gamma}$ μέση ἀνάλογόν ἐστιν $\dot{\eta}$ $\dot{\beta}\dot{\delta}$. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.



λείπεται δεζξαι, πῶς κατὰ τὴν ἁρμονικὴν ἀναλογίαν 5 εύροιμεν αν τίν μέσον δρον. έαν μεν οὖν έν διπλασίφ λόγφ πρός άλλήλους δοθώσιν οί άπροι, οίον ὁ ιβ΄ καὶ δ 5΄, τὴν ὑπεροχὴν τοῦ μείζονος παρὰ τὸν ἐλάττονα οίον τὰ ς΄ ποιήσαντες ἐπὶ τὸν ς΄ καὶ τὸν γενόμενον λς΄ παραβαλόντες παρά τὸν σύνθετον ἐκ τῶν ἄκρων οἶον 10 παρὰ τὰ ιη΄ καὶ τὸ πλάτος τῶν λς΄ οἶον τὰ β΄ προσθέντες τῷ ἐλάττονι, τουτέστι τῷ τῶν ϛ΄, έξομεν τὸ ζητούμενον. ἔσται γὰρ ὁ τῶν η΄ τῷ αὐτῷ μέρει τῶν ἄκρων ύπερέχων καὶ ύπερεχόμενος, τουτέστι τῷ τῶν ἄκρων τρίτφ ιβ΄ η΄ ξ΄. ἐὰν δ' ἐν τριπλασίφ λόγφ πρὸς ἀλλή-15 λους δοθώσιν οι ἄκροι, οἶον ὁ ιη΄ καὶ ὁ ϛ΄, τὴν ὑπεροχήν τοῦ μείζονος παρὰ τὸν ἐλάττονα ποιήσομεν ἐφ' έαυτήν γίνεται ιβ΄ έπὶ ιβ΄, α έστιν ομδ΄ τον ημισυ δ οβ΄, ζου> παραβαλόντες παρά τον σύνθετον έκ τῶν άκρων οίον τὰ κδ΄ τὸ πλάτος τῆς παραβολῆς οίον τὰ γ΄

^{1. 2} ἄρα] γὰρ A 3 ter praeterea haec figura apposita est in A, adscriptis numeris νδ ιη ς, κδ ιβ ς, δ β 6 δοθῶσοιν: ο corr. ex ω A 9 παραλαβόντες A, παραβάλλοντες ej. Bull. 11 τὸ] τὸν? 16 ἐπι post μείζονος A (tum παρὰ compend. scr.) 18 παραβαλλόντες A, em. apogr. τὸν σύνθετον A²] τῶν συνθέτων Α΄

προσθέντες τῷ ἐλάττονι εξομεν τὸν ζητούμενον ὅρον μέσον τῶν ἐξ ἀρχῆς τὸν θ΄, ος ὑπερέχων ἔσται καὶ ύπερεχόμενος ήμίσει τῶν ἄκρων' ιη' θ' ξ'. κοινότερον δ' έπλ πάντων τῶν δοθέντων ἀνίσων δύο δρων τὸν μέσον άρμονικώς ληπτέον ούτω. την ύπεροχην ποιητέον 5 έπι τὸν έλάττονα και τὸν γενόμενον παραβλητέον παρὰ τὸν σύνθετον έκ τῶν ἄκρων. ἔπειτα τὸ πλάτος τῆς παραβολης προσθετέον τῷ ἐλάττονι. οἶον εἰλήφθωσαν δύο δοοι διβ΄ καὶ δ δ΄ καὶ ἡ ὑπεροχὴ τῶν ιβ΄, τουτέστιν η', ληφθήτω έπλ τὸν έλάττονα, τουτέστι τὸν δ' γίνεται 10 λβ΄ καὶ τὰ λβ΄ παραβλητέον παρὰ τὸν σύνθετον ἐκ τῶν ἄκρων τὸν ις΄ (καὶ προσθετέον τὸ πλάτος τῆς παραβολής, τουτέστι τὰ β΄, τῷ ἐλάττονι, τουτέστι τῷ δ΄ καὶ ἔσται ς΄ μεσότης άρμονική τῶν ιβ΄ καὶ δ΄, τῷ αὐτῷ μέρει τῷν ἄκρων ὑπερέχουσα καὶ ὑπερεχομένη, 15 τουτέστι τῷ ἡμίσει τῶν ἄκρων ιβ΄ ϛ΄ δ΄.

ταῦτα μὲν τὰ ἀναγκαιότατα χοησιμωτάτων ἐν τοῖς προειρημένοις μαθήμασιν ὡς ἐν κεφαλαιώδει παραδόσει πρὸς τὴν τῶν Πλατωνικῶν ἀνάγνωσιν. λεί-πεται δὲ μνημονεῦσαι στοιχειωδῶς καὶ τῶν κατ' ἀστρο- 20 νομίαν.

2 τῶν A^2] τὸν A^1 τὸν A^2] τῶν A^1 10 ληφθέντων ut vid. A^1 12 τὸν A^2] τῶν A^1 καὶ — παραβολῆς] pro his verbis exstat in A γίνεται $\overline{\mu\eta}$ 13 β΄ er. A (in apogr. hic locus ita conformatus est: τὸν ις΄ τουτέστι τὸ πλάτος τῆς παραβολῆς τὰ β΄ ταῦτα προσθῶμεν τῷ ἐλάττονι κτλ.) 14 μεσότης ἀρμονική] μέσος τῆς ἀρμονικῆς A 17 ταῦτα: α corr. ex η A ἀναγκαιότωτα: ο corr. ex ω A τῶν ante χρησιμωτάτων add. A^2 , scrib. vid. aut [χρησιμωτάτων] aut καὶ χρησιμώτατα: cf. p. 204, 22 21 ι post ἀστρονομίαν del. A δόξα τῷ ἀγίω θεῷ: — θέωνος σμυρναίον τῶν (τὸ supra vs. add. A^2) κατα μαθηματικὸν χρησίμων εἰς τὴν πλάτωνος ἀνάγνωσιν: — τέλος σὸν θεῷ τοῦ παρόντος βιβλίον A

ότι πᾶς ὁ κόσμος σφαιρικός, μέση δ' αὐτοῦ ἡ γῆ, σφαιροειδὴς οὖσα καὶ αὐτή, κέντρου μὲν κατὰ τὴν θέσιν, σημείου δὲ κατὰ τὸ μέγεθος λόγον ἔχουσα πρὸς τὸ πᾶν, ἀνάγκη προκαταστήσασθαι πρὸ τῶν ἄλλων. ἡ μὲν γὰρ ἀκριβεστέρα τούτων ἀφήγησις μακροτέρας σκέψεως δεῖται, ὡς λόγων πλειόνων ἔξαρκέσει δὲ πρὸς τὴν τῶν μελλόντων παραδοθήσεσθαι σύνοψιν μόνον μνημονεῦσαι τῶν ὑπὸ τοῦ ᾿Αδράστου κεφαλαιωδῶς παραδοθέντων.

δτι γὰρ σφαιρικὸς ὁ κόσμος καὶ ή γῆ σφαιρική, κέντρου μεν κατά την θέσιν, σημείου δε κατά το μέγεθος πρός τὸ πᾶν λόγον ἔχουσα, δηλον ἐκ τοῦ πάσας τας των ούρανίων ανατολάς (καί) δύσεις καί περιπολήσεις καλ πάλιν άνατολάς κατὰ τοὺς αὐτοὶς γίνεσθαι 15 τόπους τοις έπι τῶν αὐτῶν οἰκήσεων. δηλοι δὲ ταῦτα καὶ τὸ ἀπὸ παντὸς μέρους τῆς γῆς ῆμισυ μέν, ὡς πρὸς αἴσθησιν, τοῦ οὐρανοῦ μετέωρον ὑπὲρ ἡμᾶς ὁρᾶσθαι, τὸ δὲ λοιπὸν ἀφανὲς ὑπὸ γῆν, ἐπιπροσθούσης ἡμῖν τῆς γῆς, καὶ τὸ ⟨έξ⟩ ἀπάσης ὄψεως πάσας τὰς πρὸς τὸν 20 έσχατον οὐρανὸν προσπιπτούσας εὐθείας ἴσας δοκεῖν. τῶν τε κατὰ διάμετρον ἄστρων ἐπὶ τῶν μεγίστων κύκλων κατά συζυγίας άελ θάτερον μεν έπλ άνατολης, θάτερου δε έπι δύσεως. κωνικου γαρ η κυλιυδρικου η πυραμοειδές ή τι έτερου στερεόυ σχημα παρά τό σφαι-25 ρικὸν τοῦ παντὸς ἔχοντος, κατὰ τῆς γῆς οὐκ ἂν ταῦτα άπήντα, άλλ' άλλοτε μεν πλεῖον άλλοτε δε έλαττον τὸ ύπέργειον εύρίσκετο τοῦ οὐρανοῦ καὶ τῶν πρὸς τοῦτον

1 inscr. Θέωνος Σμυφναίου τῶν εἰς τὸ μαθηματικὸν χρησίμων Β ὅτι — πρὸ τῶν ἄλλων: transponenda haec videntur post vs. 9 6 ως] καὶ? 10 cf. Chalcid. 59 sqq. 17 μετέωρου Β* 18 ὑπὸ γῆν ⟨εἰναι⟩? 19 ex omni visu Chalc. 27 τούτων Β*

ἀπὸ γῆς εὐθειῶν ἄνισον τὸ μέγεθος. τό τε τῆς γῆς σφαιροειδες έμφανίζουσιν άπο μεν της εω έω' εσπέραν αί τῶν αὐτῶν ἄστρων ἐπιτολαὶ καὶ δύσεις θᾶττον μὲν τοῖς έφοις κλίμασι, βράδιον δὲ τοῖς πρὸς έσπέραν γινόμεναι και ή αὐτή και μία σελήνης ἔκλειψις, ὑφ' ἕνα 5 βραγύν και τὸν αὐτὸν καιρὸν ἐπιτελουμένη και πᾶσιν οίς δυνατον όμου βλεπομένη, διαφόρως κατά τὰς ώρας καὶ ἀεὶ τοῖς ἀνατολικωτέροις ἐν παραυξήσει φαίνεται, διὰ τὴν περιφέρειαν τῆς γῆς μὴ πᾶσιν ὁμοῦ τοῖς κλίμασιν έπιλάμποντος ήλίου καὶ κατὰ λόγον ἀντιπεριιστα- 10 μένης της ἀπὸ της γης σκιᾶς, νυκτὸς τούτου συμβαίνοντος. φαίνεται δε καλ από των άρκτικων καλ βορείων έπὶ τὰ νότια καὶ μεσημβοινὰ περιφερές. καὶ γὰρ τοῖς ταύτη προϊοῦσι πολλὰ μὲν τῶν ἀεὶ φανερῶν ἄστρων περί τὸν μετέωρον ἡμῖν πόλον ἐν τῷ προελθεῖν ἐπὶ τὰ μεσημ- 15 βρινὰ ἀνατολὰς ὁρᾶται ποιούμενα καὶ δύσεις, τῶν δὲ άει άφανῶν περί τὸν άποκεκρυμμένον ἡμῖν τόπον δμοίως άνατέλλοντά τινα καλ δυόμενα φαίνεται καθάπεο και ὁ Κάνωβος λεγόμενος ἀστήρ, τοῖς βορειοτέροις τῆς Κνίδου μέρεσιν ἀφανὴς ἄν, τοῖς νοτιωτέροις ταύ- 20 της ήδη φανερός γίνεται καλ έπιπλέον άελ τοῖς μᾶλλον. άνάπαλιν δε τοῖς ἀπὸ τῶν νοτίων ἐπὶ τὰ βόρεια παραγινομένοις πολλά μεν των οπισθεν, πρότερον άνατολάς καὶ δύσεις ποιούμενα, παντάπασιν άφανη γίνεται, τινὰ δὲ τῶν περὶ τὰς ἄρκτους παραπλησίως ἀνατέλλοντα καὶ 25 δύνοντα προϊοῦσιν ἀεὶ φανερὰ καθίσταται, καὶ ἀεὶ πλεῖον τοις πλέον προκόπτουσι. πάντη δή περιφερής δρωμένη

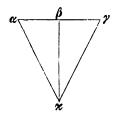
¹ inser. ὅτι ἡ (ἡ γῆ Martin) σφαιροειδής B 4 κλήμασι B^* 10 ἀντιπεριισταμένου B^* , terrenis umbris etiamnunc obstantibus Chale. 60 17 τόπον] πόλον? 20 νοτειστέροις B^* 22 νοτείων B^* 23 ὅπιθεν B^* 25 παραπλησίων B^*

καὶ ἡ γῆ σφαιρικὴ ἂν είη. ἔτι τῶν βάρος ἐχόντων φύσει έπὶ τοῦ μέσου τοῦ παντὸς φερομένων, εί νοήσαιμέν τινα διὰ μέγεθος μέρη γῆς πλέον ἀφεστάναι τοῦ μέσου, ὑπὸ τούτων ἀνάγκη τὰ ἐλάττονα περιεχόμενα ε θλίβεσθαι καὶ βαρούμενα κατισχύεσθαι καὶ ἀπωθεῖσθαι τοῦ μέσου, μέχρις ἂν ίσον ἀποσχόντα καὶ ἰσοκρατῆ γενόμενα καὶ ἰσορροπήσαντα πάντα εἰς ἡρεμίαν καταστη, καθάπερ οι τε άμείβοντες και οι τη ίση δυνάμει τῶν ἀσκητῶν διυποβεβλημένοι ἀπανταχόθεν δὲ τῶν 10 μερών της γης του μέσου ίσον απεχόντων τὸ σχημα αν είη σφαιρικόν. έτι τ' έπεὶ τῶν βαρῶν πανταχόθεν έπὶ τὸ μέσον έστιν ή φοπή, πάντων έφ' εν σημείον συννευόντων, φέρεται δ' αὐτῶν ξκαστον κατὰ κάθετον, τουτέστιν ίσας ποιούν γωνίας τὰς πρὸς τὴν τῆς γῆς ἐπι-15 φάνειαν παρ' έκάτερα ής φέρεται γραμμής, σφαιρικήν καὶ τοῦτο μηνύει τὴν τῆς γῆς ἐπιφάνειαν.

ἀλλὰ μὴν καὶ τῆς θαλάσσης καὶ παντὸς ὕδατος ἐν γαλήνη ὅντος σφαιρικὸν κατὰ τὴν ἐπιφάνειαν γίνεται τὸ σχῆμα. καὶ γὰρ τοῦτο τῆ μὲν αἰσθήσει δῆλον ἐν20 τεῦθεν ἐὰν γὰρ ἑστὰς ἐπί τινος αἰγιαλοῦ θεωρῆς τι μετὰ τὴν θάλασσαν, οἶον ὄρος ἢ δένδρον ἢ πύργον ἢ πλοῖον ἢ αὐτὴν τὴν γῆν, κύψας καὶ πρὸς τὴν τῆς θαλάττης ἐπιφάνειαν καταστήσας τὴν ὄψιν ἢ οὐδὲν ὅλως ἔτι ἢ ἔλαττον ὅψει τὸ πρὸ τοῦ μεῖζον βλεπόμενον, τῆς κατὰ τὴν ἐπιφάνειαν τῆς θαλάττης κυρτώσεως ἐπιπροσθούσης τὴν ὅψιν. κἀν τῷ πλοῖζεσθαι δὲ πολλάκις, ἀπὸ

⁹ δι' ὑποβεβλημένοι Β* 14 γονίας Β* 15 ἐκατέφας Β* 17 inscr. ὅτι ἡ Φάλασσα σφαῖφα καὶ ἡ γῆ ὁμοίως Β 26 τῷ] τὸ Β*

τῆς νεῶς μήπω βλεπομένης γῆς ἢ πλοίου προϊόντος, τὸ αὐτὸ τοῦτο ἀναβάντες τινὲς ἐπὶ τὸν ίστὸν εἶδον, ἐφ' ὑψηλοῦ γενόμενοι καὶ οἶον ὑπερκύψαντες τὴν ἐπιπροσθοῦσαν ταῖς ὄψεσι κυρτότητα τῆς θαλάττης. καὶ φυσικῶς δὲ καὶ μαθηματικῶς ἡ παντὸς ὕδατος ἐπιφάνεια, 5 ἡρεμοῦντος μέν, σφαιρικὴ δείκνυται οῦτως.



πέφυκε γὰρ ἀπὸ τῶν ὑψηλοτέρων ἀεὶ εἰσρεῖν τὸ ὕδωρ ἐπὶ τὰ κοιλότερα ἔστι δὲ ὑψηλότερα μὲν τὰ πλέον ἀπέχοντα τοῦ κέντρου τῆς γῆς, κοιλότερα δὲ τὰ ἔλαττον ὅστε ἄν ὑποθώμεθα τὴν τοῦ ὕδατος ἐπιφάνειαν ὀρθὴν 10 καὶ ἐπίπεδον, οἶον τὴν αβγ, ἔπειτα ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς γῆς, οἶον ἀπὸ τοῦ κ, ἐπὶ μὲν τὰ μέσον κάθετον ἀγάγωμεν τὴν κβ, ἐπὶ δὲ τὰ ἄκρα τῆς ἐπιφανείας ἐπιζεύξωμεν εὐθείας τὰς κα κγ, δῆλον ὡς ἐκατέρα τῶν κα μείζων ἐστὶ τῆς κβ καὶ ἐκάτερον τῶν α γ σημείων 15 πλέον ἀπέχον τοῦ κ ἤπερ τὸ β καὶ ὑψηλότερον ἔσται

¹ προσέντος B, em. apogr., fort. scr. προσιόντος 6 δείπνειται B, em. apogr. descr. deest in B, sed exstat apud Chalc. 7 είσρεῖν B* 8 πνιότερα B* 10 τῆς τοῦ ὕδατος ἐπιφανείας B*, quare si ponamus aquae superficiem planam et in directa linea positam Chalc. 62 12 τοῦ μέσον B 13 ἀγάγομεν B* ἐπιζενξομεν B* 15 ἐστὶ] ἔσται?

τοῦ β. συρουήσεται τὸ ὕδωρ ἀπὸ τῶν α γ ὡς κοιλότεφον τὸ β μέχρι τοσούτου, εως ἂν καὶ τὸ β ἀναπληφούμενον ίσα ἀπόσχη τοῦ κ ὅσον έκάτερον τό τε α καὶ τὸ γ. και δμοίως πάντα τὰ ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τοῦ εδατος 5 σημεία τοῦ κ ίσον ἀπέχει. δῆλον ώς αὐτὴ γίνεται σφαιρική. ώστε και ὁ πᾶς ὄγκος ὁμοῦ γῆς και θαλάττης έστὶ σφαιρικός. οὐδὲ γὰρ τὴν τῶν ὀρῶν ὑπεροχὴν ἢ την των πεδίων χθαμαλότητα κατά λόγον του παντός μεγέθους ώς άνωμαλίας αιτίαν ίκανην αν τις ήγήσαιτο. 10 τὸ ὅλον γὰρ τῆς γῆς μέγεθος κατὰ τὸν μέγιστον αὐτῆς περιμετρούμενον κύκλον μυριάδων κε΄ καλ έτι δισχιλίων σταδίων σύνεγγυς δείκνυσιν Έρατοσθένης, Αρχιμήδης δὲ τοῦ κύκλου τὴν περιφέρειαν εἰς εὐθεῖαν ἐκτεινομένην τῆς διαμέτρου τριπλασίαν καὶ ἔτι τῷ έβδόμφ μέρει 15 μάλιστα αὐτῆς [τῆς διαμέτρου] μείζονα ώστ' είη ἂν ἡ πασα της γης διάμετρος μυριάδων η' και οπβ' σταδίων **ἔγγιστα· ταύτης γὰρ τριπλασία καὶ τῷ έβδόμῳ μείζων** ή τῶν κε΄ μυριάδων καὶ τῶν δισχιλίων σταδίων περίμετρος ήν. <δέκα δε σταδίων έστιν ή> των ύψηλοτά-20 των όρων πρός τὰ χθαμαλώτατα τῆς γῆς ὑπεροχὴ κατὰ κάθετον, καθὰ Ἐρατοσθένης καὶ Δικαίαρχος εύρηκέναι φασί καὶ ὀργανικῶς δὲ ταῖς τὰ ἐξ ἀποστημάτων μεγέθη

¹ καὶ ὁμοίως πάντα τὰ ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τοῦ ὕδατος post τῶν α γ del. B 7 ὅρων B* 11 κέ] Γι κέ B, μὲν κέ Mart. 12 cf. Bernhardy Eratosthenica p. 57—62. Berger die geogr. Fragm. des Hipparch p. 22 sqq. H. W. Schaefer, Philol. XXXI p. 704. Lepsius, Ztschr. für ägypt. Spr. u. AK. XV p. 5 sqq. Αρχιμήδης: circ. dim. 3 17 ἐρδομω μείζων ἡ ξ μ ἢ (vel ἢ) B* 19 verba inclusa add. Mart. 20 χθωμαλουτατα: τρ (= τερα) supra ω del. B 21 cf. Bernhardy Erat. p. 56. Müller fragm. hist. Gr. II p. 251 et 253. Schneider ecl. phys. II p. 267 sqq. Plut. Aem. Paul. 15

μετρούσαις διόπτραις τηλικαῦτα θεωρεϊται. γίνεται οὖν ή τοῦ μεγίστου ὄφους ὑπεροχὴ ὀκτακισχιλιοστὸν ἔγγιστα τῆς ὅλης διαμέτρου τῆς γῆς. ἐὰν δὲ κατασκευάσωμεν [τάνταῦθα] ποδιαίαν τινὰ κατὰ διάμετρον σφαῖραν. έπεὶ τὸ δακτυλικὸν διάστημα συμπληροῦται [καὶ] 5 κεγχοιαίαις διαμέτοοις τὸ μῆκος ἔγγιστα δέκα δυσίν [ύπερμετρούντων καὶ ἡμίσεια], εἴη ἂν ἡ ποδιαία τῆς κατασκευασθείσης σφαίρας διάμετρος κεγγριαίαις διαμέτροις τὸ μῆχος ἀναπληρουμένη διαχοσίαις ἢ χαὶ βραγὺ ἐλάττοσιν. ὁ γὰρ ποῦς ἔγει δακτύλους ις΄ ὁ δὲ 10 δάκτυλος ἀναπληφοῦται κεγχοιαίαις διαμέτφοις ιβ΄ τὰ δε ις δωδεκάκις ρ β΄. τὸ τεσσαρακοστὸν οὖν μέρος της κεγγριαίας διαμέτρου (μεζζόν έστιν η όκτακισχιλιοστὸν τῆς ποδιαίας διαμέτρου). τεσσαρακοντάκις γὰρ διακόσια όκτακισχίλια. τὸ δὲ ὑψηλότατον ὄρος κατὰ 15 την κάθετον έδείχθη της διαμέτρου της γης όκτακισχιλιοστον έγγιστα μέρος ώστε το τεσσαρακοστον μέρος τῆς κεγχριαίας διαμέτρου μείζονα λόγον έξει πρὸς τὴν ποδιαίαν της σφαίρας διάμετρον. καλ τὸ συνιστάμενον άρα στερεύν ἀπὸ τοῦ τεσσαρακοστοῦ μέρους τῆς κεγ- 20 χριαίας διαμέτρου πρός τὸ ἀπὸ τῆς ποδιαίας ὅμοιον στερεόν, (μείζονα λόγον έξει η) τὸ ἀπὶ τῆς δεκασταδιαίας καθέτου στερεόν πρός τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τῆς γης δμοιον στερεόν. τὸ δὲ συνιστάμενον σφαιρικὸν

³ ἐἀν δὲ κατασκευάσωμεν bis scr. B, semel apogr.
4 ἐνταῦθα apogr. 8 διαμέτροις] διαστήμασι B 9 διακοσίας B 13 ὁκτακισχιλιοστόν ἐστι τῆς ποδιαίας διαμέτρον add.
Mart., sed cf. vs. 9 ἢ καὶ βραχὺ ἐἰάττοσιν, vs. 18 μείζονα λόγον, p. 127, 9 πολλῷ ἐἰάττονα λόγον 14 τεσσαρακοντάκι B, em. apogr. 15 ὄρος] μέρος B* 22 pro verbis inclusis in B scriptum est πρὸς, quod Martinus in ὡς mutavit: sed cf. adn. ad vs. 13 δεκαποδιαίας B*

στερεὸν ἀπὸ τοῦ τεσσαρακοστοῦ μέρους τῆς κεγχριαίας διαμέτρου έξακισμυριστετρακισχιλιοστόν μέρος έσται τῆς ὅλης κέγχρου· τὸ δὲ ἀπὸ τῆς δεκασταδιαίας καθέτου σφαιρικόν όρος σταδίων έστλ στερεῶν ἔγγιστα ⟨φκδ΄⟩. 5 ή δὲ ὅλη γῆ, σφαιροειδής λογιζομένη, στερεῶν σταδίων έχει μυριάδας τρίτων μεν άριθμῶν σξθ΄, δευτέρων δε θυί, πρώτων δε δτλα΄, και έτι στάδια ζωκα΄ και τριτημόριον σταδίου. πάλιν γαρ αποδείχνυται σχημα τὸ ύπὸ τῆς διαμέτρου καὶ τῆς κύκλου περιφερείας είς εὐ-10 θεΐαν έξαπλουμένης περιεχόμενον όρθογώνιον τετραπλάσιον είναι τοῦ ἐμβαδοῦ τετάρτου μέρους τῆς σφαίρας, **ἴσου τῷ ἐμβαδῷ τοῦ κύκλου. διόπερ εύρίσκεται τὸ ἀπὸ** τῆς διαμέτρου τετράγωνον πρὸς τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου λόγου έχου, δυ ιδ΄ προς ια΄ έπει γάρ έστιν ή περιφέ-15 ρεια της διαμέτρου τριπλασία και έτι τῷ έβδόμο μείζων, οΐων έστιν ή διάμετρος ζ΄, τοιούτων ή περιφέρεια γίνεται κβ΄· τὸ δὲ τέταρτον αὐτῆς ε΄ ς΄· ώστε καὶ οῖων τὸ τετράγωνον μθ΄, τοιούτων ὁ κύκλος λη΄ ς΄, καὶ διὰ τὸ ἐπιτρέχον ημισυ διπλασιασθέντων οΐων τὸ τετρά-20 γωνον τη΄, τοιούτων ὁ κύκλος οξ΄ τούτων δὲ ἐν ἐλαχίστοις καλ πρώτοις άριθμοῖς λόγος ώς ιδ΄ πρὸς ια΄ άμφοτέρων γὰρ αὐτῶν μέγιστον κοινὸν μέτρον έστιν ὁ ζ΄ ἀριθμός, ὅστις τὸν μὲν τη΄ μετρεῖ τεσσαρεσκαιδεκάκις, τὸν δὲ οζ΄ ενδεκάκις. ώστε τοῦ ἀπὸ τῆς διαμέτρου

³ δεκαποδίου B^* 4 δοος σταδίων] ὁςοσταδίων B, φκό σταδίων Mart.: cf. p. 127, 9 στεςεὸν B^* pro numero φκό spatium vacuum est in B 6 σξθ΄] μυςιάδων $\mu = B^*$ σταδίων $\frac{1}{12}$ $\frac{1}{12}$

κύβου πρός τὸν ἐπὶ τοῦ κύκλου κύλινδρον (λόγος ώς ιδ΄ πρός ια΄ του δε έπι τοῦ κύκλου κύλινδρου> ἀποδείχνυσιν 'Αρχιμήδης ήμιόλιον της έν αὐτῷ σφαίρας. γίνεται ἄρα οΐων ⟨ό⟩ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου κύβος ιδ΄, τοιούτων ό μεν κύλινδρος ια΄, ή δε σφαζοα 5 ζ΄ καὶ τρίτου. διὰ δὲ ταῦτα εύρίσκεται τὰ σφαιρικὰ στερεά της τε γης και του μεγίστου όρους των προειρημένων άριθμῶν. τὸ ἄρα δεκασταδιαίαν ἔχον τὴν κάθετου σφαιρικόυ όρος πρός τηυ όλην γηυ πολλώ έλάττονα λόγον έχει ήπες τὸ έξακισμυςιοτετρακισχιλιοστὸν 10 μέρος της κέγχρου πρός την άπο της ποδιαίας διαμέτρου σφαίραν τὸ δὲ μὴ σφαιρικὸν ὄρος, ἄλλ' οἶον βλέπεται, πολί ἔτι ἐλάττονα. τὸ δὲ τοιοῦτον μέρος τῆς κέγχοου προστιθέμενον έξωθεν τη ποδιαία σφαίρα η ίδία ἀφαιρούμενον αὐτῆς καὶ κοιλαινόμενον οὐδ' ἡντιν- 15 οῦν ποιήσει διαφοράν. οὐδ' ἄρα τῶν ί σταδίων ἔχον την κάθετον ύψηλότατον όρος έστι πρός λόγον τοῦ μη σφαιρικήν είναι την πάσαν της γης και θαλάττης έπιφάνειαν. [ή περίμετρος της γης έστι σταδίων μπε β, $\dot{\eta}$ δὲ διάμετρος $\mu^{\dot{\eta}}$ $\rho\pi\beta'$, τὸ δ' ἀπὸ τῆς διαμέτρου τε- 20 τράγωνον μμ $\frac{\xi\delta'}{\mu}$ μ $\frac{\beta\psi\iota\epsilon'}{\mu}$ γραδ', δ δὲ κύβος μμμ $\frac{\varphi\iota\epsilon'}{\mu}$ $\mu\mu\frac{\gamma v \iota \vartheta'}{2} \mu\frac{\vartheta \varrho \sigma \eta'}{2}$, $\eta \varphi \xi \eta'$ τοῦ δὲ κύβου τὸ τεσσαρεσκαιδέκατον μμμ $\frac{\lambda s'}{2}$ μμ $\frac{\eta \varrho \alpha'}{2}$ μ $\frac{\delta \sigma \kappa \xi'}{2}$ χιβ'.]

¹ Martinus locum ita supplevit: πρὸς τὸν ἐπὶ τοῦ κύκλου κύκινδρον, ⟨δυ⟩ ἀποδείκνυσιν — σφαίρας, ⟨λόγον εἶναι ὡς ιδ΄ πρὸς ιά⟩ 3 ἀρχιμ: de sph. et cyl. I 37 6 ζ καὶ τρίτον] ξε \mathbb{B}^* 8 δεκασταδιαίαν] δὶς καταδιαίαν \mathbb{B}^* 9 ὅρος \mathbb{B}^* 11 διαμέτρου ποδιαίας \mathbb{B} 15 κυλαινόμενον \mathbb{B}^* οὐδ'] οὐ δι' \mathbb{B}^* 19 μ^{xe} β μ^{I} \mathbb{B}^* 20 sqq. τὸ δ' ἀπὸ τῆς διαμέτρου τετράγωνα $\mu^{\text{ξδ}}$ μ^{B} $\overline{\tau\iota\epsilon}$ ραδ, ὁ δὲ κύβος μυριάδων μ^{que}

τῆς οἰκουμένης ὡς κέντρα τῆς ἡλιακῆς ὑποτιθέμενα 10 σφαίρας καὶ μηδ' ἡντινοῦν αἰσθητὴν διὰ τοῦτο ποιούμενα τὴν παραλλαγήν. εἰ γὰρ ἔν μέν ἐστι κέντρον ἀναγκαίως πρὸς τὰς ὅλας σφαίρας, πάντα δὲ τὰ ἐπὶ τῆς γῆς σημεῖα ὡς τοῦτο ὑπάρχοντα φαίνεται, δῆλον ὡς ἡ

λ κγ΄ λ φοή φξή μμμ τεσσαφεσκαιδέκατον, τοῦ δὲ κύβου τὸ τεσσαφεσκαιδέκατον μμλζ Β*, sequitur in B vacuum spatium trium fere versuum. Martinus haec addit: οὖ τὸ ἐπταπλάσιον καὶ τριτημόριον, ίσον τῷ ὅγκφ τῆς γῆς, στερεῶν σταδίων ἐστὶ μμμ^{σξη} μμ^{θνι} μ^{δτλα} ζωκα καὶ τριτημορίον. Praeterea in adn. sic scribit: "quoniam autem plura in codice deesse videntur, probabile est auctorem in iis quae nunc desunt ostendisse, cum in diametro unum pedem longa sint 64000 grani milli diametri, in sphaera, cuius haec est diametros, esse 512000000000 grani milli moles, et toties fere terrae, qualem credidit Eratosthenes, mole contineri pro sphaerica habitam maximi montis decem stadia alti molem." 1 inscr. ὅτι μέση ἡ γῆ καὶ σημείον λόγον ἐπέχει ὅ ἐστι σφαιρικὸν τῆς γῆς μέγεθος Β τοῦ] τῆς Β* 2 παρεγκλισθείσα Β, παρεκκλιθείσα Mart. 5 ἡκάσας Β, em. apogr. 8 declaratur acie verutorum, qui gnomones adpellantur a mechanicis, ad faciendam solariis um

gnomones adpellantur a mechanicis, ad faciendam solariis umbram, qua declarantur horae. quippe mechanici horologia instituentes per omnes provincias omnesque etiam plagas habitabiles sumunt sibi promisce atque indifferenter horum ipsorum gnomonum mucrones pro puncto et medietate solstitialis pilae Chalc. 64. (γνωμόνων ἄνρα έπι χωρῶν τε και τόπων πάντων) Mart.

10 αἰσθητην bis scr. B, semel apogr. 13 τοῦτο] τούτων B*, ergo si est una vera et certa medietas solstitialis pilae, omnes autem notae atque omnia puncta ex omni regione terrarum ad-

όλη γη (σημείου τάξιν έπέχει) πρός την όλην τοῦ ήλίου σφαϊραν καὶ πολλῷ τινι μᾶλλον πρός την τῶν ἀπλανῶν ὅστε καὶ διὰ τοῦτο ἀεὶ τὸ ῆμισυ τοῦ κόσμου θεωρεῖσθαι ὑπὲρ αὐτήν [βραχεί τινι μοίρας].

καὶ περὶ μὲν σχήματος τοῦ τε παντὸς καὶ τῆς γῆς, 5 ἔτι δὲ τῆς ταύτης μέσης θέσεως καὶ τοῦ πρὸς τὸ πᾶν αὐτῆς ἀδήλου μεγέθους, εἰ καὶ πολλὰ ἔτι οἰόν τε λέγειν, έξαρκέσει πρὸς τὴν τοῦ ἐφεξῆς παράδοσιν τὰ ὑπὸ τοῦ ᾿Αδράστου τὸν εἰρημένον ὑποδεδειγμένα τρόπον.

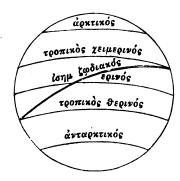
έν δὲ τοῖς ἐφεξῆς φησι φερομένης δὲ τῆς οὐρανίας 10 σφαίρας περὶ μένοντας τοὺς ἐαυτῆς πόλους καὶ τὸν ἐπιζευγνύντα τούτους ἄξονα, περὶ ὃν μέσον ἐρήρεισται μέση ἡ γῆ, τὰ [δὲ] ἄστρα πάντα συμφερόμενα ταύτη καὶ ἀπλῶς τὰ κατὰ τὸν οὐρανὸν πάντα σημεῖα γράφει κύκλους παραλλήλους, τουτέστιν ἴσον μὲν ἀπέχοντας 15 ἀλλήλων, πρὸς ὀρθὰς δὲ γινομένους τῷ ἄξονι, ᾶτε τοῖς τοῦ παντὸς πόλοις γραφομένους. ὅντων δὲ τῶν μὲν τοῖς ἄστροις (γραφομένων κύκλων) ἀριθμητῶν, τῶν δὲ τοῖς ἄλλοις σημείοις σχεδὸν ἀπείρων, ὀλίγοι τινὲς τετυχήκασι διασήμου προσηγορίας, οῦς χρήσιμον εἰδέναι το πρὸς τὴν τῶν κατὰ τὸν οὐρανὸν ἐπιτελουμένων θεωρίαν. εἶς μὲν ὁ περὶ τὸν ἡμῖν μετέωρον καὶ ἀεὶ φαινό-

Digitized by Google

μενον πόλον και αὐτὸς ἀεὶ φανερός, καλούμενος ἀρκτικὸς ἀπὸ τῶν ἐν αὐτῷ κατηστερισμένων ἄρκτων. ἔτερος δε έξ έναντίας, ίσος τούτω, περί του αποκεκρυμμένον πόλον και αὐτὸς ἡμῖν ἀεὶ ἀφανής, καλούμενος ἀνταφ-5 κτικός. μέσος δε πάντων μέγιστος καλ δίχα διελών την όλην σφαίραν, καλούμενος ίσημερινός, έπειδή τῷ μέν ύπ' αὐτὸν αλίματι τῆς γῆς πᾶσαι νύκτες καὶ πᾶσαι ήμέραι ίσαι, καὶ τῶν ἄλλων δὲ ἐν ὅσοις κατὰ πᾶσαν έκάστην τροπήν τοῦ παντὸς ἀνατέλλων τε καὶ δύνων 10 φαίνεται ήλιος, έπειδαν κατά τοῦτον γένηται τὸν κύκλον, ζοην ήμέραν διαιρεῖ νυκτί. μεταξὸ δὲ τοῦ τε ίσημερινοῦ καὶ τῶν ἀρκτικῶν καθ' έκάτερον τροπικός. θερινός μέν ώς πρός ήμας έπι τα ένθάδε τοῦ ισημερινοῦ ταττόμενος, χειμερινός δὲ ὁ ἐπὶ θάτερα, τὴν ἐπὶ τὰ 15 νότιά τε καλ βόρεια πάροδον τοῦ ἡλίου τρέποντος. λοξὸς γὰρ τούτοις ἔγκειται ὁ ζωδιακός, μέγιστος μὲν καὶ αὐτὸς κύκλος, τῶν μὲν τροπικῶν ἐφαπτόμενος καθ' εν έκατέρου σημεῖου, τοῦ μὲν θερινοῦ κατὰ καρκίνου, θατέρου δὲ κατ' αίγοκέρων, δίχα δὲ τέμνων τὸν ίσημερινὸν καὶ αὐτὸς 20 ὑπ' ἐκείνου διχοτομούμενος κατά τε χηλὰς καὶ κοιόν, ύφ' ου ηλιός τε φέρεται και ή σελήνη και οι λοιποί πλάνητες, φαίνων τε δ τοῦ Κρόνου προσαγορευόμενος, ώς δέ τινες Ήλίου, καὶ φαέθων ὁ τοῦ Διός, ἔτι δὲ πυρόεις, ον "Αρεως καλούσιν, οί δε 'Ηρακλέους, καί

¹ φανεφῶς B^* 3 τούτω] τοῦτο B^* 7 νύντες καὶ] νύνται B^* 12 καθ' ετεφον B, hac atque illac Chalc. 66. cf. Cleom. p. 15 Bak. καθ' εκάτεφον δὲ τούτων πάλιν ετεφοι γφάφονται δύο κτλ. 16 ζωδιακός add. Mart., in B spatium vacuum est; per quos obliquus curvatur signifer, et ipse maximus circulus e. q. s. Chalc. inscr. πεφὶ τοῦ ζωδιακοῦ καὶ τῶν πλανωμένων ζωδιακῶν (ζωδιακῶν del. Mart.) B 22 φαίνων τε] φαίνοντε B^*

φωσφόρος, ὅν φασιν ᾿Αφροδίτης, τοῦτον δὲ καὶ ἐωσφίρον καὶ ἔσπερον ὀνομάζουσι, πρὸς δὲ τούτοις στίλβων, ὅν καλοῦσιν Ἑρμοῦ.



λέγεται δέ τις κύκλος δρίζων, δ διὰ τῆς ἡμετέρας ὅψεως ἐκβαλλόμενος καὶ κατ' ἐπιπρόσθησιν τῆς γῆς 5 ἴσα διαιρῶν ὡς πρὸς αἴσθησιν τὸν ὅλον οὐρανόν, τουτ- ἐστι τό τε φανερὸν ὑπὲρ γῆς ἡμισφαίριον καὶ τὸ ἀφανὲς ὑπὸ γῆς, μέγιστος ὁμοίως καὶ τοὺς μεγίστους διχοτομῶν τόν τε ἰσημερινὸν καὶ τὸν ζωδιακόν. ὅθεν καὶ τῶν κατὰ διάμετρον ἄστρων κατὰ συζυγίαν ἀεὶ 10 θάτερον μὲν ἐπ' ἀνατολῆς ὁρᾶται, θάτερον δὲ ἐπὶ δύσεως. διαιρεῖ δὲ οὖτος δίχα καὶ τὸν μεσημβρινόν. ἔστι γάρ τις καὶ μεσημβρινὸς καλούμενος μέγιστος κύκλος, γραφόμενος μὲν διὰ τῶν πόλων τοῦ παντὸς ἀμφοτέρων, ὀρθὸς δὲ νοούμενος πρὸς τὸν ὁρίζοντα. καλεῖται 15

⁴ inser. περὶ τοῦ ὁρίζοντος B κύκλος] κύκλων B, dicitur etiam circulus finalis Chale. 5 ἐπιπρόσθεσιν B^* 12 διαιρεί] διαιρείται B^* , potest etiam scribi διαιρείται δὲ οὖτος δίχα ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ. hunc autem ipsum bifariam dividit meridialis Chale. 13 inser. περὶ μεσημβρινοῦ B

(δὲ) μεσημβρινὸς οἶον ἐπειδὴ κατὰ μέσην ἡμέραν ἐπὶ τούτφ γίνεται μετέωρος ὁ ῆλιος. καλοῦσι δὲ ἔνιοι τοῦτον καὶ κόλουρον, ἐπειδὴ ⟨τὸ⟩ πρὸς τὸν ἀφανῆ πόλον μέρος αὐτοῦ ἐφ' ἡμῖν ἐστιν ἀφανές.

άλλ' δ μεν ισημερινός και οι έκατέρωθεν τούτου τροπικοί δεδομένοι και άραρότες τοις μεγέθεσι και ταις θέσεσι. δεδόσθαι δε λέγεται τῆ θέσει σημείά τε καί γραμμαί, ἃ τὸν αὐτὸν ἀεὶ τόπον ἐπέχει τῷ δὲ μεγέθει δεδομένα χωρία τε καὶ γραμμαὶ καὶ γωνίαι λέγονται, 10 οἶς δυνάμεθα ἴσα πορίσασθαι. ὁ δὲ τοῦ ἰσημερινοῦ κύκλος και οι έκατέρωθεν τροπικοι άει τον αὐτον έπέχουσι τόπον καὶ ἀραρότες εἰσί καὶ ἴσους αὐτοῖς οἶόν τε πορίσασθαι, τῷ μὲν ἰσημερινῷ τόν τε ζωδιακὸν καὶ τὸν ὁρίζοντα καὶ τὸν μεσημβρινόν, τῷ δὲ χειμερινῷ τὸν 15 θερινόν και τῷ θερινῷ τὸν χειμερινόν οίτινες διὰ τούτων ἀεί είσι δεδομένοι, ὅτι οὐκ ἐφ' ἡμῖν ἐστι τοιούσδε η τηλικούσδε ύποστήσασθαι αὐτούς, αλλα τῆ φύσει ύποκείμενοι τοιοῦτοι καλ δεδομένοι, καν μη ήμετς δώμεν α δε έφ' ήμιν έστι δουναι αὐτὰ η τοία η τοία 20 είναι, ταῦτα τῆ [δε] φύσει οὐκ ἔστι δεδομένα. φύσει ούν δεδομένοι καὶ άραρότες [τουτέστιν ύφεστῶτες καὶ άραρότες] ο τ' ισημερινός και οι έκατέρωθεν και τη θέσει καὶ τοῖς μεγέθεσιν. ὁ δὲ ζωδιακὸς τῷ μὲν μεγέθει δέδοται καλ τῆ κατ' αὐτὸν τὸν οὐρανὸν θέσει, τῷ δὲ 25 πρὸς ήμᾶς οὐ δέδοται τῆ θέσει μεταπίπτει γὰρ ώς πρὸς ήμᾶς, διὰ τὴν ἐν τῷ παντὶ λόξωσιν ἄλλοτε ἄλλως [στά-

⁶ τροπικοὶ δεδομένοι] δεδομένοι τροπικοὶ B^* 7 διδοσθαι B^* 12 τρόπον B^* αὐτοὶς] αὐτοὺς B^* 15 διὰ τοῦτο Mart. 19 ἢ τοιὰ ἢ τοιὰ B, ἢ τοιάδε ἢ τοιάδε Mart. 20 δὲ del. Mart. 21 pr. καὶ ἀραρότες del. Mart. 24 τῷ] τὸ?

μενος ύπερ ήμας. μεσημβρινός δε και όρίζων τῷ μεν μεγέθει δεδομένοι, μέγιστοι γάρ, τῆ δὲ θέσει μεταπίπτοντες καθ' εκαστον κλίμα τῆς γῆς, ἄλλοι παρ' ἄλλοις γινόμενοι ούτε γαρ απασι τοῖς ἐπὶ τῆς γῆς ὁ αὐτὸς όρίζων, οὔτε πᾶσι τὸ αὐτὸ μεσουράνισμα, οὔθ' έκάστω 5 έστιν ὁ (αὐτὸς) μεσημβρινός. οι μέντοι πρὸς τοῖς πόλοις, ο τε άρχτικός καὶ ὁ άνταρχτικός, οὕτε τοῖς μεγέθεσι δέδονται οὔτε ταῖς θέσεσι κατὰ δὲ τὴν διαφορὰν τῶν νοτιωτέρων καὶ βορειοτέρων κλιμάτων παρ' οἶς μεν μείζονες, παρ' οίς δε ελάττονες δρώνται, και κατά 10 μέσην μέντοι την γην, τουτέστι κατά την ύπο τον ίσημερινόν λεγομένην ζώνην διὰ καῦμα ἀοίκητον, οὐδ' όλως γίνονται, των πόλων άμφοτέρων έκει φαινομένων και τοῦ ὁρίζοντος δι' αὐτῶν ἐκπίπτοντος. εἰσὶ δὲ οῖ καὶ τὴν σφαζοαν ὀρθὴν καλοῦσι, πάντων τῶν παραλλήλων 15 όρθων γινομένων ώς πρός έκείνους τούς τόπους της γης.

ἔτι τῶν μὲν ἄλλων κύκλων ἔκαστος ὅντως ἐστὶ κύκλος ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενος. ὁ δὲ λεγόμενος ζωδιακὸς ἐν πλάτει τινὶ φαίνεται καθάπερ τυμπάνου κύκλος, ἐφ' οὖ καὶ εἰδωλοποιεῖται τὰ ζώδια. τούτου 20 δὲ ὁ μὲν διὰ μέσου λέγεται τῶν ζωδίων, ὅστις ἐστὶ καὶ μέγιστος καὶ τῶν τροπικῶν ἐφαπτόμενος καθ' ἕν ἑκατέρου σημεῖον καὶ τὸν ἰσημερινὸν διχοτομῶν οί δὲ ἑκατέρωθεν τὸ πλάτος ἀφορίζοντες τοῦ ζωδιακοῦ καὶ τοῦ διὰ μέσου ἐλάττονες.

medius adpellatur Chalc.

² τη δὲ θέσει μετ.] τη θέσει μετ. δὲ Β, τη θ. δὲ μ. Mart., sed positione nutant e. q. s. Chalc. 67 5 μεσουράνημα? οὖθ΄] καθ΄ Β, καὶ Mart. 16 πρὸς ἐκείνους] προσήκει ὡς Β* 17 inscr. περὶ τοῦ ζωδιακοῦ Β΄ ἔτι] εἴ τις Β, εἶς τις Mart. etiam illud addendum Chalc. 68 21 ὁ μὲν ⟨τὸ πλάτος διατέμνων⟩? secat porro latitudinem eius circulus qui inter signa

οί μεν ούν πολλοί και άπλανείς άστέρες τη πρώτη καί μεγίστη και το παν έξωθεν περιεχούση σφαίρα συμπεριφέρονται μίαν και άπλην εγκύκλιον κίνησιν, ώς ένεστηριγμένοι ταύτη καὶ ὑπ' αὐτῆς φερόμενοι, θέσιν 5 τε (μίαν) καὶ ἀεὶ τὴν αὐτὴν ἐν τῆ σφαίρα διαφυλάττοντες και την προς άλληλους τάξιν όμοιαν, μηδ' ήντινοῦν ετέραν μεταβολην ποιούμενοι μήτε σχήματος η μεταναστάσεως μήτε μεγέθους η γρώματος. ήλιος δε καὶ σελήνη καὶ οί λοιποὶ πάντες ἀστέρες καλούμενοι 10 πλάνητες συναποφέρονται μεν ύπο τοῦ παντός την ἀπὸ άνατολών έπι δύσιν φοράν καθ' έκάστην ήμέραν, καθά και οι άπλανείς, φαίνονται δε καθ' εκάστην ημέραν πολλάς καὶ ποικίλας ἄλλας ποιούμενοι κινήσεις. είς τε γὰο τὰ ἐπόμενα τῶν ζωδίων μετίασι καὶ οὐκ είς τὰ 15 προηγούμενα κατά την ίδιαν πορείαν, άντιφερόμενοι <τῷ> παντὶ τὴν κατὰ μῆκος αὐτῶν λεγομένην φοράν, καὶ ἀπὸ τῶν βορείων ἐπὶ τὰ νότια καὶ ἀνάπαλιν τρέπονται, την κατά πλάτος ποιούμενοι μετάβασιν, άπλῶς δὲ ἀπὸ τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ πρὸς τὸν χειμερινὸν καὶ 20 αναπαλιν φερόμενοι διὰ τὴν τοῦ ζωδιακοῦ λόξωσιν τούτοις ὑφ' ὧν ἀεὶ θεωροῦνται, καὶ ἐν αὐτῷ τῷ πλάτει

1 inser. περί τῶν ἀπλανῶν Β 2 καὶ τὸ et in fine paginae et in initio sequentis ser. B, semel apogr. 3 ἀπλῆν] ἀπλανῆ τὴν Β: cf. p. 149, 1. una simplicique circa illam agitatione Chale. 69 4 ἐν ἐστηριγμένοι Β* 5 unam et ean-

dem semper positionem Chalc. 6 ຖືντινοῦν B 8 inscr. π ερὶ τῶν πλανήτων B ηλιος δὲ] ηλιός τε B 13 εἰς] εἰ B* 16 τῷ παντὶ] πάντη B*, universi globi motui contrarios motus agentes Chalc. 17 τρέπειαι B 18 πλάτος] παντὸς B, τοῦ παντὸς Mart. cf. vs. 21. p. 135, 12. 173, 11. latiore deflexione perverse Chalc. 20 τούτοις ὑφ' ὧν ἀεὶ δεωφοῦνται fort, del.

τοῦ ζωδιακοῦ ποτὲ μὲν βορειότεροι τοῦ διὰ μέσου φαινόμενοι καὶ ὑψοῦσθαι λεγόμενοι, ποτὲ δὲ νοτιώτεροι καὶ
ταπεινούμενοι, καὶ τοῦτο οἱ μὲν πλεῖον, οἱ δὲ ἔλαττον,
ἔτι δὲ καὶ τοῖς μεγέθεσι διαλλάττοντες, διὰ τὸ ποτὲ μὲν
ἀπογειότεροι, ποτὲ δὲ σύνεγγυς ἡμῖν ἐν τῷ βάθει φέ- 5
ρεσθαι. διὰ δὲ τοῦτο καὶ τὸ τάχος τῆς κινήσεως διὰ
τῶν ζωδίων ἀνώμαλον φαίνονται ποιούμενοι, τὰ ἴσα
διαστήματα μὴ ἐν ἴσοις χρόνοις παραλλάττοντες, ἀλλὰ
θᾶττον μὲν ὅτε καὶ μέγιστοι δοκοῦσι διὰ τὸ προσγειότεροι καθίστασθαι, βραδύτερον δὲ ὅτε καὶ μικρότεροι 10
διὰ τὸ γίνεσθαι ἀπόγειοι.

τὸ δ' ἐν αὐτῷ τῷ ζωδιακῷ πλάτος τῆς μεταβάσεως ὁ μὲν ῆλιος βραχύ τι παντάπασιν ὁρᾶται, τὸ πᾶν περὶ μίαν μοῖραν τῶν τξ' · ἡ δὲ σελήνη, καθὰ οἱ ἀρχαῖοί φασι, καὶ ὁ φωσφόρος πλεῖστον, περὶ γὰρ μοίρας ιβ' · 15 στίλβων δὲ περὶ μοίρας ή' πυρόεις δὲ καὶ φαέθων περὶ μοίρας ε' · φαίνων δὲ περὶ μοίρας γ'. ἀλλὰ σελήνη μὲν καὶ ῆλιος ἴσον ἐφ' ἐκάτερον τοῦ διὰ μέσου ἐν παντὶ ζωδίω κατὰ πλάτος φαίνονται χωρεῖν, τῶν δὲ ἄλλων ἕκαστος οὐκ ἴσον, ἀλλ' ἔν τινι μὲν βορειότατος, ἔν τινι 20 δὲ νοτιώτατος γίνεται. τὸν δὲ τῶν ζωδίων κύκλον κατὰ τὸ μῆκος ἀπὸ σημείου ἐπὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον, εἰς τὰ ἑπό-

¹ βοςειότεςον τὸν διὰ μέσου φαινόμενον Β* 3 καὶ τοῦτο: ante καὶ nota eiusdem vocis Β 6 τάχος] πάχος Β* 9 προσγειότεςον Β 12 post μεταβάσεως pauca videntur excidisse: evagatio tamen in latum, quae fit in zodiaco, non aequa est omnium; quippe solis minor e. q. s. Chalc. 70 13 παντάπασι φέςεται Mart. περὶ μίαν μοίραν. cf. p. 194, 7.

¹³ παντάπασι φέρεται Mart. περι μίαν μοίραν. cf. p. 194, 7. Schiaparelli, Ztschr. f. Math. u. Physik XXII. Suppl. (Abh. zur Gesch. d. Math. I) p. 126 14 cf. p. 194, 10 15 ιβ΄: cf.

Biot, Journal des Savants 1850 p. 200 16 στίλβων δὲ B
18 μέσον Β* 21 νοτιώτατος: ι corr. ex ε B

μενα καὶ οὐκ εἰς τὰ προηγούμενα, σελήνη μὲν ἐν ἡμέραις κζ καὶ τρίτφ μάλιστα ἡμέρας καὶ νυκτὸς διέρχεται. ὁ ῆλιος δ' ἐνιαυτῷ, ὅς ἐστιν ἡμερῶν ἐγγὺς τξε΄ δ'' φωσφόρος δὲ καὶ στίλβων καθ' ἔκαστα μὲν ἀνωμάλως, ὁ ὀλίγον παραλλάττοντες τοῖς χρόνοις, ὡς δὲ τὸ ὅλον είπεῖν ἰσόδρομοι ἡλίφ εἰσίν, ἀεὶ περὶ τοῦτον ὁρώμενοι διὸ καταλαμβάνουσί τε αὐτὸν καὶ καταλαμβάνονται πυρόεις δὲ ὀλίγου δεῖν διετία, καὶ φαέθων μὲν σύνεγγυς ἔτεσι δώδεκα, φαίνων δὲ παρ' ὀλίγον ἔτεσι λ΄.

διὸ καὶ τὰς πρὸς τὸν ηλιον συνόδους καὶ φάσεις καλ κρύψεις, ας καλ αύτας άνατολας καλούσι καλ δύσεις, ούχ δμοίως πάντες ποιοῦνται. σελήνη μεν γαρ μετά την πρός τον ήλιον σύνοδον, έπειδη θαττον αύτοῦ την είς τὰ ἐπόμενα ποιεῖται κίνησιν, ἀεὶ ἐσπερία πρώ-15 τως φαινομένη και άνατέλλουσα, έφα κούπτεται και δύνει. φαίνων δε και φαέθων και πυρόεις ανάπαλιν έπειδή βράδιον ήλίου τὸν τῶν ζωδίων ἀνύουσιν εἰς τὰ έπόμενα κύκλον, οξον αὐτοὶ καταλαμβανόμενοι ὑπ' αὐτοῦ καὶ παριέμενοι, ἀεὶ έσπέριοι δύνοντες [δε] έφοι 20 ανατέλλουσιν. ό φωσφόρος δε και στίλβων ισόδρομοι όντες ήλίω και περι αὐτιν ἀει βλεπόμενοι, καταλαμβάνοντες αὐτὸν καὶ καταλαμβανόμενοι ὑπ' αὐτοῦ, έκατέοως έσπέριοι μεν άνατείλαντες έσπέριοι πάλιν κρύπτονται, έφοι δε φανέντες έφοι δύνουσι και άφανίζονται. 25 τῶν γὰρ ἄλλων πλανωμένων ἀπὸ τοῦ ἡλίου πᾶν ἀπό-

⁸ πορόεις δὲ ὀλίγου δὴν διετίαν B^* 14 ἐσπερεία B^* 17 βραδίων B^* 18 κύκλον, οἶον] κύκλον κύκλον οἶον B, κύκλον, τοὖναντίον Mart. t am q u am ab eo comprehensi Chalc. 19 ἐσπέρειοι B^* δύνονται, έ \tilde{q} οι δὲ Mart. vespere occidentes exoriuntur matutinae Chalc. 20 inscr. π ερὶ τῶν ἡλίον (ἡλί ϕ Mart.) ἰσοδρόμων B. cf. p. 187, p sqq.

στημα ἀφισταμένων καὶ κατὰ διάμετρον αὐτῷ ποτε γινομένων, οἱ δύο οὖτοι ἀεὶ περὶ τὸν ῆλιον ὁρῷνται, στίλβων μὲν κ΄ που μοίρας, τουτέστιν ἔγγιστα δύο μέρη ζῷδίου, τὸ πλεῖστον ἀνατολικώτερος ἢ δυσμικώτερος αὐτοῦ γινόμενος, ὁ δὲ τῆς ᾿Αφροδίτης περὶ ν΄ μοίρας 5 πρὸς ἀνατολὰς ἢ δύσεις ἀφιστάμενος.

άνατολή δε λέγεται πλεοναχῶς κυρίως μεν και κοινῶς ἐπί τε ἡλίου καὶ τῶν ἄλλων ἄστρων ἡ πρώτη ἀναφορά ύπερ τον δρίζοντα. Ετερον δε τρόπον έπι των άλλων ή πρώτη φαυσις έκ των του ήλίου αυγών, ήτις και κυ- 10 ρίως <φαῦσις> ὀνομάζεται · λοιπὴ δὲ ἡ καλουμένη ἀκρόνυχος, έπειδαν ήλίου δύνοντος το κατα διάμετρον άστρον έπλ τῆς ἀνατολῆς βλέπηται καλεῖται δε ἀκρόνυχος, έπειδη ή τοιαύτη άνατολη γίνεται άκρας νυκτός, τουτέστιν άργομένης. παραπλησίως δὲ καὶ δύσις κοινῶς 15 μεν ή πρώτη κάθοδος ή ύπο τον δρίζοντα τρόπον δε άλλον ό πρώτος άφανισμός άστρου τινός ύπό τών τοῦ ήλίου αὐγῶν, ῆτις καὶ κυρίως κρύψις πάλιν προσαγοοεύεται· λοιπή δε καὶ ἀκρόνυχος, ἐπειδὰν ήλίου ἀνατέλλοντος τὸ κατὰ διάμετρον ἄστρον ἀντικαταδύνη. τῶν 20 δὲ διὰ τὰς τοῦ ἡλίου αὐγὰς λεγομένων ἀνατολῶν καὶ δύσεων, τουτέστι φαύσεων καλ κρύψεων, αί μέν είσιν έῷαι, αί δὲ ἐσπέριαι. έῷα μὲν οὖν ἐστιν ἀνατολὴ ἄστρου, έπειδαν έκφεῦγον τὰς τοῦ ἡλίου αὐγὰς προανατέλλον αὐτοῦ πρώτως ὁραθῆ, καθάπερ καὶ ἡ τοῦ κυνὸς ἐπιτολὴ 25

³ που] πολύ B, cf. p. 187, 10, τὸ πολύ Mart. 5 αὐτῶ B* ν'] π B*, cf. p. 187, 12; quinquaginta Chalc. 7 inser. ὁποσαχῶς λέγεται ἀνατολή B 8 ἐπί τε] ἐπεὶ δὲ B* 9 ὑπὲο] ὑπὸ B* 10 φάσις cj. Mart. 20 ἀντικαταδύνει B* 23 ἐσπέριοι B* 24 ἐκφεύγων B* προανατέλλων B* 25 πρῶτος B*

λέγεται έσπερία δέ, έπειδὰν μετὰ τὴν δύσιν τοῦ ἡλίου πρώτως φανῆ, καθάπερ τὴν σελήνην ταῖς νεομηνίαις φαμὲν ἀνατέλλειν. παραπλησίως δὲ καὶ δύσεις έῷαι μέν, ἐπειδὰν ταῖς ἔμπροσθεν ἡμέραις τι προανατέλλον τ ἡλίου συνεγγίσαντος αὐτῷ πρώτως ἀφανισθῆ, καθάπερ ἡ σελήνη έσπερία δέ, ἐπειδὰν ἐπικαταδυομένῳ τινὶ συνεγγίσας ὁ ῆλιος πρώτως διὰ τὰς αὐγὰς ἀφανὲς αὐτὸ καταστήση.

τὴν δὲ κατὰ τόπον τῶν σφαιρῶν ⟨ἢ⟩ κύκλων θέσιν 10 τε καὶ τάξιν, ἐν οἶς κείμενα φέρεται τὰ πλανώμενα, τινὲς μὲν τῶν Πυθαγορείων τοιάνδε νομίζουσι· προσγειότατον μὲν εἶναι τὸν τῆς σεκήνης κύκλον, δεύτερον δ' ὑπὲρ τοῦτον ⟨τὸν τοῦ⟩ Ἑρμοῦ, ἔπειτα τὸν τοῦ φωσφόρου, καὶ τέταρτον ⟨τὸν⟩ τοῦ ἡλίου, εἶτα τὸν τοῦ "Αρεως, 16 ἔπειτα τὸν τοῦ Διός, τελευταΐον δὲ καὶ σύνεγγυς τοῖς ἀπλανέσι τὸν τοῦ Κρόνου· μέσον εἶναι βουλόμενοι τὸν τοῦ ἡλίου τῶν πλανωμένων ὡς ἡγεμονικώτατον καὶ οἶον καρδίαν τοῦ παντός. μηνύει δὲ ταῦτα καὶ 'Αλέξανδρος ὁ Αἰτωλός, λέγων οῦτως.

¹ ἐπειδὴ Β* 3 ἑφα? similiter occasus matutinus quidem Chalc. 71 4 τὶς προανατέλλων Β* 5 συνεγγύσαντος Β* 6 ἔσπέριαι Mart. 7 πρῶτος Β* αὐτὸ] αὐτὼ Β* 9 inscr. περὶ δέσεως τῶν πλανωμένων Β. stellarum errantium ordinem duabus figuris illustr. Β; ad alteram (cui similis est descr. XXIII in Chalcidii editione Wrobeliana) adscriptum est al σειῆνες κατὰ] μετὰ Β* ἢ add. Mart. positionem vero atque ordinem conlocationis globorum vel etiam orbium Chalc. 72 κύκλων: ων e corr. Β 11 τῶν Πυθαγορείων: cf. Zeller I p. 395, 5 17 πλανομένων Β* ἡγεμονικωτάτον Mart. 18 καρδία Β, καρδίας Mart. scilicet ut interplanetas sol medius locatus cordis, immo vitalium omnium praestantium obtinere intellegatur Chalc. 72. cf. p. 188, 5. Procl. in Tim. p. 171 C 19 cf. Rhein. Mus. XXVI p. 586

ύψοῦ δ' ἄλλοθεν ἄλλος ὑπέρτερον ἔλλαχε κύκλον ἀγχοτάτη μὲν δῖα σεληναίη περὶ γαῖαν, δεύτερος αὖ στίλβων χελυοξόου Έρμειαο, τῷ δ' ἔπι φωσφόρος ἐστὶ φαεινότατος Κυθερείης, τέτρατος αὐτὸς ὕπερθεν ἐπ' ἡέλιος φέρεδ' ἵπποις, 5 πέμπτος δ' αὖ πυρόεις φονίου Θρήικος "Αρηος, ἕκτος δ' αὖ φαέθων Διὸς ἀγλαὸς ἵσταται ἀστήρ, ἕβδομος αὖ γαίνων Κρόνου ἀγχόθι τέλλεται ἄστρων. πάντες δ' ἐπτανόνοιο λύρης φθόγγοισι συνφδὸν ὰρμονίην προχέουσι διαστάσει ἄλλος ἐπ' ἄλλη. 10 καὶ γὰρ τοῦτο Πυθαγόρειον, τὸ καθ' ὰρμονίαν είρεσθαι

καὶ γὰο τοῦτο Πυθαγόρειον, τὸ καθ' ἁρμονίαν εἴρεσθαι τὸν κόσμον καὶ κατὰ τοὺς τῶν ἡρμοσμένων καὶ συμφώ-

1 ὑπέρτατον BC, em. Meineke anal. Alex. p. 373 ἔλαχε BC, em. Vossius (cf. Gale in notis ad hist. poet. scriptt. p. 149. Schneider ad Vitr. t. II p. 23) 2 δῖα — γαίαν recte C] δία σεληναία περι γαίαν B 3 στρίβων C χελνοβόον ἔρμείαν C 2 χελνοβών (χελνοσόον Vossius, χελνοσόον Naeke opusc. I p. 29) ἔρμείαν B 4 τῶ δ' ἔπὶ C] τῶν ἔπὶ B (τῶν δ' ἔπὶ Gale, τῶ ἔπι Schneider) 5 τέτρατος — ἡέλιος recte C] τέταρτος αὐτος ὅπερθεν ἐπιέλιος B αὐ καθύπερθεν? 6 πυρόεις: cf. Ludwich Beitr. zur Kritik des Nonnos p. 91 φονίον Mart.] φ ον B (spat. ναο. quattuor fere litt.), φθονίον C, φωστήμ Gale, φαέθων Schneider, φοβεροῦ Peerlkamp (Gelder ad Tim. Locr. p. 83), φόνιος G. Hermann Ztschr. f. d. AW. 1850 p. 500 ἄρης ut vid. C (Θρηίκιος ἄρης Hermann) 7 ἔκτος B, ἔκτὸς C, em. Vossius ἀστήρ B] ἀνήρ C 8 αὐ add. Gale φαίνων C] φαίνεται B (ψυχρὸν — ἄστρον cj. Schneider) κρόνω C ἄστρων B] ἀστήρ C (ἄστρον Vossius) 9 hunc et seq. versum adfert etiam Heraclitus alleg. Hom. p. 27 Mehl. συνφθὸν Heracl.] σύνοδον B, συνωθοί C et schol. II. A 46 ubi Heracliti locus exscriptus est 10 προχέουσι Bredow epist. Paris. p. 255] προσέχουσι Heracl., στοιχοῦσι B, στείχουσι C, παρέχουσι Schow διασταδον Gale ἄλλης ἀπὶ ἄλλος ἐπὶ ἄλλον chol., διαστας ἄλλος ἀπὶ ἄλλον Heracliti codd.(?) 11 sqq. Ach. Tat. isag. ad Ar. Phaen. p. 136 A περί δὲ τῆς ἐναρμονίου πινήσεως αὐτῶν εἶπεν, ὡς ἔφην, Λρατος ἐν τῷ κανόνι καὶ Ἐρατοσθένης ἐν τῷ Ἑρμῆ καὶ Τψικλῆς καὶ Θράσυλλος καὶ ἄλδος ατος ΄Αφροδισιεύς καθ΄] κατ΄ Β

νων φθόγγων λόγους διεστώτα τὰ οὐράνια τῆ ρύμη καὶ τῷ τάχει τῆς φορᾶς ἡρμοσμένους καὶ συμφώνους φθόγγους ἀποτελείν. ὅθεν καὶ ἐν τοῖς ἐφεξῆς φησιν ᾿Αλέξανδρος.

γατα μὲν οὖν ὑπάτη τε βαρεῖα τε μεσσόθι να/ει· ἀπλανέων δὲ σφαίρα συνημμένη ἔπλετο νήτη· μέσσην δ' ἠέλιος πλαγκτῶν θέσιν ἔσχεθεν ἄστρων· τοῦ δ' ἀπὸ δὴ ψυχρὸς μὲν ἔχει διὰ τέσσαρα κύκλος· κείνου δ' ἡμίτονον φαίνων ἀνίησι χαλασθείς,
 τοῦ δὲ τόσον φαέθων ὅσον ὅβριμος "Αρεος ἀστήρ· ἠέλιος δ' ὑπὸ τοῖσι τόνον τερψίμβροτος ἴσχει, αἰγλης δ' ἠελίοιο τριημίτονον Κυθέρεια· ἡμίτονον δ' ὑπὸ τῷ στίλβων φέρεθ' Έρμείαο, τόσσον δὲ χρωσθεῖσα φύσιν πολυκαμπέα μήνη·
 κέντρου δ' ἠελίοιο θέσιν διὰ ⟨πέντ'⟩ ἔλαχε χθών· αὕτη πεντάζωνος ἀπ' ἠέρος εἰς φλογόεν πῦρ

5 μεσσόθι vel μεσόθι C] μέσηθι B ναίει C] ναίη B
6 νήτ C, νότης B 6 μέσην B, μέσσον vel μέσον C ή έλιος
C] ήλιος B πλακτῶν BC, em. Vossius ἔσχεθεν C] ὑπέρσχεο
B, ἔσχ΄ ὑπὲρ Vossius 8 ἀπο Β, ὑπὸ C τοῖο δ΄ ἄφ΄ ΰψιστος vel τοῦ δ΄ ἄπο δὴ ῦψος cj. Naeke τέσσαρα: αρα periit in C, τεσσάρω B κύκλων C 10 τῶ δὲ τάσιν φαέθων ὅσον

ἕβριμος ἄρεως ἀστήρ B, τοῦ δὲ τόσον φαέθων ἠνοβριμος ἄρε.. ἀστήρ C, τοῦ δ' ἴσον φαέθων, τόνον ὅβριμος ἄρεος ἀστήρ dubitanter cj. Bergk, Ztschr. f. d. AW. 1850 p. 175 11 δ' C] om. B τῆσι ut vid. C 12 αἴγλό C ἠελίοιο C] ἠελίοις ac tum ἡ del. B Κυθέρεια Naeke] κυθερείης BC, Κυθερείη Gale 13 δ' ὑπὸ τῶ C] ἀεὶ ὑπο B, δὲ ὑπὸ Gale, δ' ὑπὸ τῷ

Naeke fort. recte $\dot{\eta} \varrho \mu \tilde{e} i \tilde{c} C$, $\dot{\epsilon} \varrho \mu \epsilon i \alpha \tilde{c} B$, em. Vossius 14 $\delta \dot{\epsilon}$] τε Schneider $\dot{\eta} \varrho \mu \pi \epsilon \alpha C$] πολυναμπέα $\dot{c} C$] πόντ $\dot{\epsilon} \alpha C$] $\dot{\epsilon} \alpha$

άρμοσθείσ' ἀπτίσι πυρός πρυερήσί τε πάχναις οὐρανοῦ έξάτουον τόνον ἔσχεθε τὸν διὰ πασῶν. τοίην τοι σειρήνα Διὸς παῖς ήρμοσεν Έρμης, έπτάτονον πίθαριν, θεομήστορος εἰκόνα πόσμου.

έν δὲ τούτοις τὴν μὲν τάξιν τῶν σφαιρῶν ἢν βεβού- 5 ληται μεμήνυκε, την δε διάστασιν αὐτῶν καὶ τὰ ἄλλα σχεδον πάντα φαίνεται είκη πεποιήσθαι. την γαρ λύραν επτάχορδον λέγων είκονα κόσμου συστήσασθαι τον Έρμην καλ έν τη διὰ πασῶν ήρμοσμένην συμφωνία τὸ παν έννεαχορδον συνίστησιν, εξ μέντοι τόνους περιέχον. 10 καὶ τὸν μὲν τῆς ὑπάτης φθόγγον ἀποδίδωσι τῆ γῆ, διότι βαρυτάτη των άλλων έστλν αυτη καίτοι ή έπλ τοῦ μέσου έστιν ακίνητος, ούδ' όλως ποιεί φθόγγον τον δέ της συνημμένης νήτης τη των απλανών αποδίδωσι σφαίρα, καὶ τοῦτο ζ΄.... μεταξὺ δὲ τίθησι φθόγγους 15 τοὺς τῶν πλανωμένων. πάλιν τὸν της μέσης ἀποδίδωσι τῷ ἡλίῳ, τῆς ὑπάτης οὕτε πρὸς τὴν μέσην διὰ πέντε συμφωνούσης, άλλα δια τεσσάρων, ούτε προς την συνημμένην νήτην διὰ πασῶν, ἀλλὰ πρὸς τὴν διεζευγμένην. τό τε πᾶν σύστημα οὔτε κατὰ διάτονον γένος ἁρμόζεται 20 ούτε γαρ τριημιτονιαΐον ασύνθετον ούτε πλείω ένὸς ήμιτόνια κατά τὸ έξης ἐν τούτω μελωδεῖται τῷ γένει.

¹ ἀρμοσθεῖσα ἀπτίσι Β, ἀρμοσθεῖσα πτηδ C πουερησι C] πουεροῖσι B 2 οὐρανὸν BC (cf. p. 140, 8 sq. 11. 13). οὐρανὸς ἑξάτονος Schneider τὸν C] τῶν B πάντων BC, em. Schneider; in postremis complura deesse putat Bergk 3 τοίην C] τοίννν B σειρην ὁ BC, em. Naeke 4 θεομήτορος BC, em. Meineke 5 ἐν] εί B^* 9 ἡρμοσμένη B^*

¹⁰ $\pi \epsilon \varrho \iota \acute{\epsilon} \chi \eth v$ B 12 $\mathring{\eta}$] $\mathring{\eta}$ B, $\epsilon \dot{\ell}$ Mart. 14 $\tau \mathring{\eta}$] $\tau \mathring{\eta} v$ B* 15 $\sigma \varphi \alpha \dot{\ell} \varrho \alpha v$ B* $\kappa \alpha \dot{\ell}$ $\tau \varrho \acute{\tau} \omega v$ $\mu \epsilon \tau \alpha \dot{\xi} \dot{v}$ $\dot{\xi}'$ $\tau \ell \vartheta \eta \sigma \iota$ Mart. fort. recte; in B post $\bar{\xi}$ vacuum spatium est paucarum literarum

105, 15 sqq. 18 τὰς] ταὶς Β* 20 ὁ μουσικώ ἀλεξαν Β, ὁ μουσικώτατος ἀλέξανδρος apogr., ὁ μουσικώτερος ᾿Αλεξάνδρου Mart., οὐχ ὡς ὁ μουσικώτατος ᾿Αλέξανδρος Bergk

¹ κατὰ χοῶμα] χοῶμα τὲ Β, ἐν χοώματι Mart. 7 sqq. cf. Erat. carm. rel. p. 38. Bernhardy Erat. p. 143 11 ἔτι] ἐστι Β* 12 πρῶτος Β*, primitus Chalc. 73 13 Φανμάσοιε Β, Φανμάσειε Mart. miratum Chalc. 15 ὁμοίαν Mart. addidit post ἀρμονίαν: miratum, quod imago a se inventi operis in caelo quoque reperiretur stellarum conlocatione, quae causa esset concinentiae, recensere, primum se a terra transmisisse lunae globum, post quem superasse solis, dehinc Mercurii Stilbontis et ceterorum cum aplani summa et excelsa Chalc. 17 cf. p.

τος 'Αλέξανδρος]. οι μέντοι μαθηματικοί την τάξιν τῶν πλανωμένων οὖτε ταύτην (οὖτε την) αὐτην πάντες τιθέασιν, άλλὰ μετὰ μὲν τὴν σελήνην τάττουσι τὸν ηλιον, ὑπὲρ δὲ τοῦτον ἔνιοι μὲν τὸν στίλβοντα, εἶτα τὸν φωσφόρον, (ἄλλοι δὲ τὸν φωσφόρον,) ἔπειτα τὸν στίλ- 5 βοντα, τοὺς δὲ ἄλλους ὡς εἴρηται.

Πλάτων δὲ ἐπὶ τέλει τῆς Πολιτείας, προτρέπων ἐπὶ δικαιοσύνην καὶ ἀρετήν, μῦθόν τινα διέξεισι [καὶ] περὶ τῆς τῶν οὐρανίων διακοσμήσεως, λέγων ἄξονα μέν τινα διὰ τοῦ πόλου διήκοντα οἶον κίονα, ἐτέραν δὲ ἡλακάτην 10 καὶ ἄτρακτον, τοὺς δέ τινας περὶ τοῦτον κοίλους ἐν ἀλλήλοις ἡρμοσμένους σφονδύλους τὰς τῶν ἄστρων σφαίρας, ζ μὲν τῶν πλανωμένων, ἐκτὸς δὲ μίαν τῶν ἀπλανῶν ἐντὸς αὐτῆς περιέχουσαν τὰς ἄλλας· δηλοί δὲ τὴν τάξιν τῶν σφαιρῶν διά τε τοῦ μεγέθους τῶν ἄστρων 15 ἐκάστου καὶ διὰ τοῦ τάχους τῆς ἐπὶ τὰ ἐναντία τῷ παντὶ φορᾶς, λέγων οῦτως·

έπειδη δε τοις έν τῷ λειμῶνι εκάστοις επτὰ ημέραι γενοιντο, ἀναστάντας έντεῦθεν δεῖν τῆ ὀγδόη ἐκπορεύε- νο σθαι, καὶ ἀφικνεῖσθαι [η] τεταρταίους ὅθεν καθορᾶν

¹ mathematici tamen neque hanc neque unam omnes ordinationem stellarum errantium ponunt Chalc. 4 τοῦτον corr. ex τούτων Β 5 ἄλλοι δὲ τὸν φωσφόρον add. Mart. ultra hunc autem quidam Mercurium, quidam aliquem ex residuis conlocant Chalc. 7 τὰ ἐν τῆ Πολιτεία περὶ τοῦ Παμφίλον μνθον Β (haec verba sine ullo discrimine ceteris inserta sunt) τῆς Πολιτείας: cf. Civ. X p. 614 B sqq. 9 cf. Boeckh kl. Schr. III p. 299 sqq. 10 τὸν πόλον Β οἰον] οἶ Β* ἡλεκάτην Β* 11 τοῦτο Β 13 ἔκτος Β* μίαν] πρώτην (i. e. α') Β, πρώτην τὴν Mart. 19 Plat. Civ. p. 616 Β ἡμέραις Β 20 γένοιτο Β πορεύεσθαι Plato 21 τεταρτέονς ὅθεν καθαράν Β

ανωθεν διὰ παντὸς τοῦ οὐρανοῦ καὶ γῆς τεταμένον φῶς εὐθύ, οἶον κίονα, μάλιστα τῆ ἔριδι ἐμφερές, λαμπρότερου δε και καθαρώτερου, είς δ άφικνεισθαι προελθόντας ήμερησίαν όδόν, και ίδειν αὐτόθι κατά μέσον τὸ 5 φῶς ἐκ τοῦ οὐρανοῦ τὰ ἄκρα τῶν δεσμῶν τεταμένα: είναι γὰρ τοῦτο τὸ φῶς σύνδεσμον τοῦ οὐρανοῦ, οἰον τὰ ὑποζώματα τῶν τριήρων, οὖτω πᾶσαν συνέχον τὴν περιφοράν εκ δε των ακρων τεταμένον ανάγκης ατρακτον, δι' ού πάσας επιστρέφεσθαι τὰς περιφοράς ού 10 την μεν ήλακάτην και τὸ ἄγκιστρον είναι έξ ἀδάμαντος, τὸν δὲ σφόνδυλον μικτὸν ἐκ τούτου καὶ ἄλλων. τὴν δε τοῦ σφονδύλου φύσιν είναι τοιάνδε τὸ μεν σχημα οΐανπερ τοῦ ἐνθάδε· νοῆσαι δὲ δεῖ ἐξ ὧν ἔλεγε τοιόνδε αὐτὸν είναι ωσπερ γαρ αν έν ένι μεγάλω σφονδύλω 15 ποίλφ παλ έξεγλυμμένφ διαμπερές άλλος τοιοῦτος έλάττων έγκέοιτο άρμόττων καθάπερ οί κάδοι είς άλλήλους άρμόττοντες και ουτω δε τρίτον άλλον και τέταρτον καὶ άλλους τέτταρας. ὀκτώ γὰρ είναι τοὺς σύμπαντας σφονδύλους εν άλλήλοις εγκειμένους, κύκλους ανωθεν 20 τὰ γείλη φαίνοντας, νῶτον συνεχὲς ένὸς σφονδύλου άπεργαζομένους περί την ηλακάτην έκείνην δε δια

1 τεταγμένον B (sic etiam Platonis codex Vat. B) 2 έμσες ές] προσφερῆ Pl. (προσφερὲς Ven. B) 3 καθαρότερον B ἀφικέσθαι Pl. 4 ίδεὶν Pl.] δεὶν B 5 τὰ ἀπρα αὐτοῦ τῶν δεσμῶν Pl. (τὰ ἄπρα τῶν δεσμῶν αὐτοῦ codd. multi, τὰ ἀπρα ἐπ τῶν δεσμῶν unus) τεταμμένα εἰναι τοῦτο γὰρ φῶς B 7 οὖτος πᾶς συνέχων (corr. ex συνεχῶς) B 8 ἀπαγκαις B 10 ἡλεκάτην B καλ] τε καλ Pl. 11 ἔκ τε τοῦτου καλ ἄλλων γενῶν Pl. 12 τοῦ Pl.] τὴν B 13 οἴαπερ ἡ τοῦ Pl. 14 ὥσπερ γὰρ ἀν ἐνι μεγάλω B, ὥσπερ ἀν ελ ἐν ἐνλ μεγάλω Pl. 15 κύλω καλ ἐγκεγλυμένω B ἄλλως B ἔλαττον B 16 ἐλπέοιτο B οί ante εἰς Pl. (om. Vind. B) 17 δὲ] δὴ Pl. 20 σφονδύλους B et Platonis codd. duo 21 δὲ διὰ Pl.] διὰ δὲ B

μέσου τοῦ ὀγδόου διαμπερές έληλάσθαι. τον μέν οὖν πριώτον τε (καί) έξωτάτω σφονδυλον πλατύτατον τον τοῦ γείλους χύκλον έγειν, τὸν δὲ (τοῦ) έκτου δεύτερον, τρίτον δε του τοῦ τετάρτου, τέταρτον δε τον τοῦ ὀγδόου, πέμπτον δε του τοῦ έβδόμου, εκτον δε του τοῦ πέμπτου, 5 εβδομον δε τον τοῦ τρίτου, ὄγδοον δε τον τοῦ δευτέρου. και τὸν μὲν τοῦ μεγίστου ποικίλον, τὸν δὲ τοῦ έβδόμου λαμπρότατον, τὸν δὲ τοῦ ὀγδόου χρῶμα ἀπὸ τοῦ έβδόμου έγειν προσλάμποντος, τὸν δὲ τοῦ δευτέρου καλ πέμπτου παραπλήσια άλλήλοις, ξανθότερα έκείνων 10 γρώματα, τρίτον δε λευκότατον χρώμα έχειν, τὸν τέταρτον ὑπέρυθρον, δεύτερον λευκότητι τὸν εκτον. κυλίεσθαι δε στρεφόμενον τον άτρακτον όλον μεν την αὐτην φοράν τῷ κόσμφ, ἐν δὲ ὅλφ περιφερομένφ τοὺς ἐντὸς έπτα κύκλους την έναντίαν τῷ ὅλῷ ἡρέμα περιάγεσθαι, 15 αὐτῶν δὲ τούτων τάχιστα μὲν ἰέναι τὸν ὄγδοον, δευτέρους δὲ καὶ ἄμα ἀλλήλοις ἰσοταχῶς τόν τε ξβδομον καὶ τὸν ἔκτον καὶ τὸν πέμπτον τρίτον δὲ φορᾶ ἰέναι, ὅν φασι φαίνεσθαι έπανακυκλούμενον μάλιστα τῶν ἄλλων. τέταρτον δὲ ⟨τὸν⟩ τρίτον καὶ πέμπτον τὸν δεύτερον. 20 στοέφεσθαι δε αὐτὸν έν τοῖς τῆς ἀνάγκης γόνασιν. ἐπὶ δὲ τῶν κύκλων αὐτοῦ ἄνωθεν ἐφ' εκάστου βεβηκέναι

Digitized by Google

³ τοῦ ἔπτον δεύτερον Pl.] ἐπ τοῦ δεντέρον B 4 τρίτον δὲ Pl.] τρίτον τὲ Β 7 μεγίστον Pl.] πέμπτον Β 8 τὸ ante χρῶμα Pl. (om. Vat. H) 11 χρώματα non est apud Pl. τὸν τέταρτον] τέταρτον δὲ Pl. 12 δεύτερον δὲ λευκότητι τὸν Pl. δεύτερον λευκότατον Β πυπλείσθαι Pl. 13 δὴ post δὲ Pl. (om. Flor. T) 14 τῷ κόσμφ non est apud Pl. τῷ ante ὅλφ Pl. (om. codd, duo) μὲν post τοὺς Pl. 15 περιάγεσθαι] περιφέρεσθαι Pl. 17 ἰσοταχῶς non est apud Pl. 18 καὶ ἔπτον καὶ πέμπτον Pl. τὸν ante τρίτον Pl. (om. codd, duo) ὅν φασι] ὡς σφίσι Pl. 19 μάλιστα τῶν ἄλλων] τὸν τέταρτον Pl.

Σειρηνα συμπεριφερομένην, φωνήν μίαν ιεϊσαν, ενα τόνον έκ πασων όκτω οὐσων άρμονίαν συμφωνείν.

ταῦτα μὲν οὖν καὶ ὁ Πλάτων οὖν τὴν ἐξήγησιν ἐν τοῖς τῆς Πολιτείας ποιούμεθα ὑπομνήμασιν. κατεσκεύα
5 σται δ' ἡμῖν καὶ σφαιροποιία κατὰ τὰ εἰρημένα καὶ γὰρ αὐτός φησιν ὁ Πλάτων ὅτι τὸ ἄνευ τῶν δι' ὄψεως μιμημάτων [τῶν] τὰ τοιαῦτα ἐθέλειν ἐκδιδάσκειν μάταιος πόνος. ἐπὶ δὲ τῶν κύκλων ⟨ᾶς⟩ φησιν ἐφεστάναι Σειρῆνας οἱ μὲν αὐτούς ⟨φασι⟩ λέγεσθαι τοὺς πλάνη
10 τας, ἀπὶ τοῦ σειριάζειν κοινῶς τε γάρ, φησιν ὁ ᾿Λδραστος, πάντας τοὺς ἀστέρας οἱ ποιηταὶ σειρίους καλοῦσιν, ὡς Ἰβυκος

φλεγέθων, ἄπερ διὰ νύκτα μακράν σείρια παμφανόωντα,

15 καὶ κατὰ διαφορὰν ἔνιοι τοὺς λαμπροὺς καὶ ἐπιφανεῖς, ὡς ᾿Αρατος τὸν τοῦ κυνὸς όξέα σειριᾶν φησι, καὶ ὁ τραγικὸς ἐπί τινος τῶν πλανήτων ΄

1 ἔνα τόνον Pl.] ἐνάτονον B 2 δὲ post πασῶν Pl.
μίαν ante ἀρμονίαν Pl. 4 ὑπομνήμασιν: Procl. in Tim. p.
26 Α ἄλλοι δὲ Καλλαίσηρου Κριτίαν καὶ Γλαύκωνα παίδας λέγουσιν, ῶσπες καὶ Θέων ὁ Πλατωνικός(?) κατεσκεύασθαι Β*
6 Plat. Tim. p. 40 D τὸ λέγειν ἄνεν διόψεως (δι' ὄψεως νεὶ δ΄ ὄψεως codd. tres) τούτων αὐ τῶν μιμημάτων μάταιος ἀν εἔη πόνος: in Theonis vel Adrasti exemplari fuit ἄνεν τῶν δι' ὄψεως μιμημάτων, quod etiam Proclus legisse videtur 8 ἄς post Σειρήνας add. Mart. φησιν] φασίν Β* 9 φασι add. Mart. 11 σειρόους β* 12 ἤβνκος: fr. 3 Bergk. cf. Phot. lex. v. σείριος et σίριος (Suidas s. v. σείριον). Hesych. s. v. σειρίου κυνός δίκην. lex. rhet. apud Eustath. ad Od. 1709, 55. schol. Apoll. II 517. etym. m. 710, 22. Westphal Metrik d. Gr. II p. 365 13 ᾶπες νεὶ ἀπες Β*, ἀπεςεὶ cj. Bergk 15 cf. Pseudo-Erat. Catast. 33 μέγας δ' ἐστὶ καὶ λαμπρός, τοὺς δὲ τοιούτους ἀστέρας οἱ ἀστρολόγοι σειρίους καλοῦσι διὰ τὴν τῆς φλογὸς κίνησιν 16 Ar. 331 ὁξέα σειριάει ὁξεία Β* 17 Eur. Iph. Aul. 6 sq.

τί ποτ' ἄρα ὁ ἀστὴρ ὅδε πορθμεύει σείριος;

ἔνιοι δὲ Σειρῆνας οὐ τοὺς ἀστέρας λέγεσθαί φασιν, ἀλλὰ κατὰ τὸ Πυθαγορικὸν τοὺς ὑπὸ τῆς τούτων φορᾶς γινομένους ἤχους καὶ φθόγγους ἡρμοσμένους καὶ συμ- 5 φώνους, ἔξ ὧν μίαν ἡρμοσμένην ἀποτελεϊσθαι φωνήν.

τῶν δὲ πλανωμένων, φησὶν ὁ "Αδραστος, τὰ μέν ἐστιν ἀεὶ ὑπολειπτικά, ὡς ῆλιος καὶ σελήνη· ταῦτα γὰρ οὐδέποτε εἰς τὰ προηγούμενα τῶν ζωδίων μεταβαίνει, ἀλλὰ πάντοτε ὁρᾶται μεταβαίνοντα εἰς τὰ ἐπόμενα 10 διόπερ οὐδὲ στηριγμοὺς οὐδὲ ἀναποδισμοὺς ποιεῖται. τὰ δὲ καὶ προηγεῖται καὶ ὑπολείπεται, καθάπερ τὰ ἄλλα· διόπερ ἀναγκαίως καὶ στηρίζοντά ποτε φαίνεται καὶ ἀναποδίζοντα. ἔστι γὰρ ὑπόλειψις μὲν φαντασία πλάνητος ώς εἰς τὰ ἐπόμενα τῶν ζωδίων καὶ πρὸς ἀνατολὰς 15 ἀπιόντος, ῶς φησιν ὁ "Αδραστος, ὡς δὲ ὁ Πλάτων φησίν, οὐ φαντασία, ἀλλὰ τῷ ὄντι μετάβασις πλάνητος εἰς τὰ ἐπόμενα ζώδια ἐπ' ἀνατολὰς ἀπιόντος κατὰ τὴν ἰδίαν κίνησιν, οἶον ἀπὸ Καρκίνου εἰς Λέοντα. προήγησις δέ ἐστι φαντασία πλάνητος ὡς ἐπὶ τὰ προηγούμενα καὶ νὸ ἐπὶ δυσμὰς μεταβαίνοντος, οἶον ἀπὸ Καρκίνου εἰς Διόύ-

10*

¹ τίς ποτ' ἄρ' ἀστὴς Ευτ. τί ποτ' ἄρ' ἀστὴς scribendum esse put. Bergk 2 in duodus qui exstant huius fabulae codicibus verba τίς ποτ' ἄρ' ἀστὴς ὅδε ποςθμεύει Agamemnoni, σείριος κτλ. seni tribuuntur, neque aliter legisse videtur Ennius (Iph. fr. 1 Ribb.); cf. praeter editores Euripidis Bremi philol. Beitr. aus der Schweiz I p. 211 sqq. Dindorf Jahrb. f. Philol. 1868 p. 410 3 σειρίνας Β* 7 inscr. τί ἐστιν ὑπόλησις (ὑπόλειψις Mart.) καὶ προήγησις, στηριγμός καὶ ἀναποδισμός Β 9 οὐδέποτε] οὐδέν ποτε Β*, numquam Chalc. 74 11 inscr. τί ἐστιν ὑπόλειψις Β 19 inscr. τί ἐστι προήγησις Β

μους. στηριγμός δέ έστι φαντασία πλάνητος ώς επι πλέον έστῶτος καὶ μένοντος παρά τινι τῶν ἀπλανῶν. ἀναποδισμός δέ έστι φαντασία πλάνητος ὑποστροφῆς ἀπὸ στηριγμοῦ ώς ἐπὶ τὰ ἐναντία τῆ πρόσθεν κινήσει. 5 πάντα δὲ ταῦτα ἡμῖν φαίνεται γίνεσθαι, οὐ μὴν οῦτως ἐπιτελεῖται τούτου δ' αἴτιον τὸ κατὰ ἰδίου τινὸς κύκλου ἢ ἐν ἰδία σφαίρα φερόμενον ἕκαστον τῶν πλανωμένων κατωτέρω τῶν ἀπλανῶν ἡμῖν διὰ τὴν ἐπιπρόσθησιν δοκεῖν κατὰ τὸν ζωδιακὸν φέρεσθαι κύκλον ἐπάνω κεί-10 μενον, ὡς καὶ περὶ τούτων διορίζει ὁ "Αδραστος εἰς τὸ τὴν διαφορὰν τῶν περὶ τοὺς πλάνητας ὑποθέσεων φανερὰν γίνεσθαι αἶς ἕπεται τὰ φαινόμενα.

φησί δ' δτι ό μὲν πᾶς κόσμος τοιοῦτός τε καὶ ἐκ τοσούτων καὶ τοιούτων συνεστηκώς οῖων καὶ δσων 15 διειλόμεθα, φερόμενός τε φορὰν ἐγκύκλιον καὶ τοῦ σφαιρικοῦ σχήματος οἰκείαν ὑπὸ τοῦ πρώτου. ὅθεν καὶ κατεσκευάσθη τοῦ βελτίστου καὶ ἀρίστου χάριν. πρὸς δὲ τὴν χρόνου διαρίθμησιν καὶ τὴν τῶν περιγείων καὶ ἀπογείων μεταβολὴν ἐγένετο ἡ τῶν πλανωμένων φορὰ ποικίλη τις ἤδη συνεστηκυῖα, ὥστε ἀκολουθεῖν αὐτῆ τὸ ἐνταῦθα ταῖς γὰρ τούτων τροπαῖς προσιόντων καὶ ἀπιόντων συμμεταβάλλει καὶ τάνταῦθα παντοίως. τῶν

μεν γαρ απλανων απλη και μία φορα κύκλω, τεταγμένη τε και όμαλη. των δε άλλων πλανωμένων κυκλική μέν, οὐ μὴν ἀπλη δοκεί και μία, οὐδε όμαλη και τεταγμένη. των δ' ὑπὸ σελήνην και περι ἡμῶς και μέχρις ἡμῶν πῶσα μεταβολη και κίνησις καί, καθάπερ φησίν,

ένθα κότος τε φόνος τε καὶ ἄλλων έθνεα κηρών. καί γάρ γένεσις καί φθορά περί πάντα τάνταῦθα καί αύξησις και μείωσις άλλοίωσίς τε παντοία και ή κατά τόπον ποικίλη φορά. τούτων δέ, φησίν, αίτια τὰ πλανώμενα τῶν ἄστρων. ταῦτα δὲ λέγοι τις ἄν οὐχ ὡς τῶν 10 τιμιωτέρων και θείων και άιδίων άγεννήτων τε και άφθάρτων ενεκα των ελαττόνων και θνητών και επικήοων πεφυκότων, άλλ' ώς έκείνων μεν διὰ τὸ κάλλιστον καλ ἄριστον καλ μακαριώτατον άελ ούτως έγόντων, τῶν δ' ένταῦθα κατὰ συμβεβηκὸς έκείνοις έπομένων. ΐνα 15 μεν γαρ ή εν κύκλω τοῦ παντὸς ἀελ όμοια φορά γίνηται, οἶον ἐνέργειά τις οὖσα καὶ ζωὴ τούτου θεία, μένειν έπὶ τοῦ μέσου τὴν γῆν ἀνάγκη, $\langle ilde{\eta}
angle$ περιενεχθήσεται τὸ κύκλω φερόμενον. εί δὲ ἀνάγκη μένειν κάτω τὴν γῆν, ἀνάγκη καὶ τὸ πῦς τὸν ἐναντίον ταύτη κατέχειν 20 τόπον, ὑπὸ τὴν κύκλω φορητικὴν αἰθέριον οὐσίαν καθιστάμενον. τούτων δ' οῦτω διεστηκότων ἀνάγκη και τάλλα στοιχεία, ύδωρ και άέρα, κατά λόγον τὸν μεταξύ τόπον ἐπέχειν. τούτων δὲ ὄντων ἀνάγκη καλ

⁵ φησίν: Empedocles vs. 19 Sturz et Mullach, 21 Karsten, 386 Stein. Ἐμπεδοκίῆς fort. addendum 9 ποικίλη corr.

ex ποίλη B 10 λέγοι] λέγει B* 11 ἀγενήτου B*
16 γίνεται vel γένεται B* 18 ή add. Mart. circa quam
Chalc. 76 19 τὸ] τῶ B* 24 ὅντων] οῦτως ἐχόντων κ his
porro ad unam veluti seriem continuatis Chalc. καὶ ante
ἀνάγκη del. B

μεταβολην είναι των ένταῦθα, διὰ (τὸ) την ύλην αίτων διόλου είναι τρεπτήν καί [ταῦτα] δυνάμεις έχειν ύπεναντίας. έγγίνεται δ' ή μεταβολή τη ποικίλη φορά των πλανωμένων. εί γαρ δμοίως τοις απλανέσι καί 5 ταῦτα ἐφέρετο κατὰ παραλλήλων, ἀεὶ ὁμοίας οὕσης τῆς τῶν ὅλων καὶ πάντων καταστάσεως, οὐκ ἄν τῶν ἐνταῦθα έτεροίωσις η μεταβολή τις ήν. νῦν δὲ τροπαί και ίσημερίαι πρόσοδοί τε και άποχωρήσεις κατά τε ύψος και πλάτος μάλιστα μεν ήλίου και σελήνης, ου μην άλλα 10 καὶ τῶν ἄλλων, τάς τε ώρας διαφόρους ἐπιτελοῦσι καὶ την ένταῦθα πᾶσαν έργάζονται μεταβολην και γένεσιν και άλλοίωσιν. ή δε ποικίλη της φοράς των πλανωμένων φαντασία γίνεται διὰ τὸ κατ' ίδίων τινῶν κύκλων καλ έν ιδίαις σφαίραις ένδεδεμένα καλ δι' έκείνων κι-15 νούμενα δοχείν ήμιν φέρεσθαι διὰ τῶν ζωδίων, χαθὰ πρώτος ενόησε Πυθαγόρας, τῆ κατὰ ταὐτὰ τεταγμένη άπλη και όμαλη αὐτῶν φορά κατὰ συμβεβηκὸς ἐπιγινομένης τινός ποικίλης καὶ ἀνωμάλου κινήσεως.

περί δὲ τῆς θέσεως τῶν σφαιρῶν [κύκλων] τ 20 ῆτις σώσει τὰ φαινόμενα διέξεισι ταῦτα

φυσικόν μέν και άναγκαῖον, καθάπερ τὰ ἀπλανῆ, και τῶν ἄλλων οὐρανίων ἕκαστον ἁπλῆν και μίαν καθ' αὐτὸ φορὰν ὁμαλῶς φέρεσθαι και εὐτάκτως. δῆλον δέ

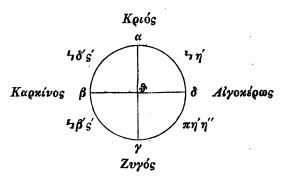
¹ τὸ add. Mart. $\tilde{v}l\eta v$] δ $l\eta v$ B, διὰ τὸ τὴν δ $l\eta v$ αὐτῶν διόlου $\langle φύσιν \rangle$ Mart. cum eorum silva sit utrobique mutabilis, ipsarum autem materiarum vis et natura contraria Chalc. 7 ἢ] ἢ vel ἡ B* 14 σφαίραις] διαφοραίς B, δὲ σφαίραις Mart. 16 cf. Zeller I p. 384 ταὐτὰ] ταῦτα B* 19 inser. τίς ἡ θέσις τῶν σφαιρῶν ἡ πύπλη (ἢ πύπλων Mart.) τῶν πλανωμένων B $\langle \mathring{\eta} \rangle$ πύπλων Mart. post τ vacuum spatium quinque fere literarum B, τοιαύτης Mart. τούτων? 22 οὐρανίων] οίον B*

φημι τούτο γενήσεσθαι, έαν κατ' επίνοιαν στήσαντες τὸν κόσμον νοήσωμεν τὰ πλανώμενα ὑπὸ τὸν ζωδιακόν, ακίνητον όντα καθ' ὑπόθεσιν, κινούμενα οῦτως γὰρ οὐκέτι ποικίλη καὶ ἀνώμαλος, ἀλλ' εὔτακτος ἡ κίνησις αὐτῶν ἐπιτελουμένη φανήσεται, ὡς ἐπὶ τῆς σφαιρο- 5 ποιίας της Πλατωνικής ύφ' ήμων έπιδείκνυται. της δ' άλληνάλλου δοκούσης αὐτῶν κινήσεως καὶ ποικίλης αίτία ή διττή κίνησις, της άπλανους σφαίρας άπ' άνατολης έπι δύσιν φερομένης περί τὸν διὰ τῶν πόλων ἄξονα καὶ συμπεριαγούσης τῆ οἰκεία δύμη τὰ πλανώμενα καὶ 10 πάντας γραφούσης τοὺς κύκλους καθ' ὧν φέρεται τὰ άπλανη παραλλήλους, αὐτὰ δὲ τὰ πλανώμενα κατὰ τὴν ίδίαν κίνησιν οὖσαν βραδυτέραν ἀπὸ δύσεως ἐπ' ἀνατολην φέρεσθαι έν άνίσοις χρόνοις ύπὸ τὸν ζωδιακὸν λελοξωμένον κατά τῶν τριῶν παραλλήλων, γειμερινοῦ 15 Ισημερινού θερινού, περί ετερον άξονα τον προς όρθας οντα τῷ ζωδιακῷ, πεντεκαιδεκαγώνου πλευρὰν ἀπέγοντα τοῦ τῶν ἀπλανῶν ἄξονος. τὸν δὲ τῶν πλανωμένων άξονα ὁ Πλάτων ήλακάτην καὶ ἄτρακτον καλεί.

λέγεται δέ, φησίν "Αδραστος, όμαλῶς μὲν κινεῖσθαι 20 τὸ τὰ ἴσα διαστήματα ἐν ἴσοις χρόνοις διανύειν, ἀλλὰ μὴ ποτὲ μὲν ἀνιέναι ὁτὲ δὲ ἐπιτείνειν ἕκαστον τὸ αὐτοῦ τάχος. εὐτάκτως δέ ἐστι κινεῖσθαι τὸ μὴ ποτὲ μὲν ἵστασθαι ποτὲ δὲ ἀνακάμπτειν, φέρεσθαι δὲ ἐπὶ τὰ

² τὸν κόσμον] τε κόσμον B* 8 in B non hic σφαίρας sed post δύσιν νος. σφαίρασι legitur, quod ortum esse videtur ex vocabulo σφαίρας et signo quo σφαίρας transponendum esse indicavit librarius ἀπ'] ἐπ' B* 13 βραχντέρων Β, βραδύτερον Mart. 14 φέρεται Mart. 19 cf. p. 143, 10 ήλεκάτην B* 20 inscr. τί ἐστι τὸ ὁμαλῶς κινεῖσθαι Β 22 ὁτὲ] ποτὲ Mart. 23 inscr. τί ἐστι τὸ εὐτάκτως κινεῖσθαι Β 24 ἀνακάπτειν Β*

αὐτὰ ἀεὶ ὁμοίως. δοκεῖ δ' ἡμῖν τὰ πλανώμενα πάντα μὲν ἀνωμαλίας, ἔνια δὲ καὶ ἀταξίας μετέχειν. τίς οὖν ἡ τῆς τοιαὑτης φαντασίας αἰτία; πρώτη μὲν τὸ ἐν ἐτέμοις σφαίραις καὶ ἐν ἐτέροις κύκλοις ὄντα, καθὰ ἦδη προείρηται. κατὰ συμβεβηκὸς δέ, ὡς προείρηται, καιτοι ἀπλῆν τὴν ἰδίαν ποιούμενοι κίνησιν οί ζ, πλείονας κύκλους γράφουσι καὶ διαφόρους. δῆλον δὲ τοῦτο ἄν ἡμῖν καὶ ἐφ' ἐνὸς γένοιτο σκοπουμένοις τοῦ φανερω
10 τάτου καὶ μεγίστου τῶν πλανωμένων ἡλίου.



ἔστω ζφδιακός μὲν ὁ αβγδ' κέντρον δὲ αὐτοῦ καὶ τοῦ παντός, περὶ ὁ λέγεται ἐρηρεῖσθαι μέση ⟨ή⟩ γῆ, τὸ ð, καὶ διὰ τούτου πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αί αγ βδ διάμετροι καὶ τὸ μὲν α ἐν ἀρχῆ τοῦ Κριοῦ, τὸ δὲ β Καρ15 κίνου, πάλιν δὲ τὸ μὲν γ τοῦ Ζυγοῦ, τὸ δὲ δ Αἰγοκέρω.

³ sqq.: cf. p. 150, 12 sqq. 6 inscr. τ (ϵ $\dot{\eta}$ $\dot{\theta}$ é σ (ϵ τ $\dot{\theta}$ $\dot{$

φαίνεται δη ο ηλιος κατά το α γενόμενος ίσημερίαν έαρινην ποιεζοθαι, κατά δε τό β τροπην θερινήν, καί κατὰ μέν τὸ γ μετοπωρινήν (Ισημερίαν, κατὰ δὲ τὸ δ τροπήν γειμερινήν), ίσας δε ούσας τὰς αβ βν γδ δα περιφερείας τεταρτημοριαίας άνωμάλως έν άνίσοις γρό- 5 νοις διεξιών. ἀπὸ μεν γὰρ ζσημερίας ἐαρινῆς ἐπὶ τροπην θερινην έν ημέραις παραγίνεται Εδ΄ς΄, από δε θερινής τροπής έπὶ Ισημερίαν μετοπωρινήν ήμέραις Εβ΄ς΄, ἀπὸ δὲ μετοπωρινῆς ἐσημερίας ἐπὶ τροπὴν χειμερινήν ήμέραις πη΄ η΄΄, λοιπον ἀπὸ τροπής χειμερινής 16 έπλ την έαρινην Ισημερίαν ημέραις Τη΄, ώστε τον όλον κύκλου ένιαυτῷ διανύειν, ἡμέραις ἔγγιστα τξε΄δ΄, καὶ κατὰ τῶν Διδύμων τὴν ἀρχὴν βραδύτατα κινούμενος, κατά δὲ τὴν ἀρχὴν τοῦ Τοξότου τάχιστα, μέσα δὲ κατά τὴν Παρθένον καὶ τοὺς Ἰχθύας. 15

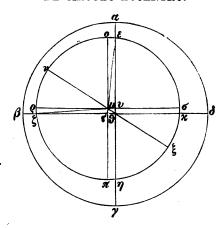
φυσικόν δέ, ως φαμεν, καὶ ἀναγκατον απαντα τὰ θετα ὁμαλως κινεισθαι καὶ εὐτάκτως δῆλον οὖν ως ἐπί τινος ίδιου κύκλου φερόμενος ὁμαλως καὶ εὐτάκτως ἡμιν ἀπὰ τοῦ θ ὁρωσιν ἐπὶ τοῦ αβγδ δοκει φέρεσθαι ἀνωμάλως. εἰ μὲν οὖν ὁ κύκλος αὐτοῦ περὶ τὸ αὐτὸ το κέντρον ἦν τῷ παντί, λέγω δὲ περὶ τὸ θ, τοὺς αὐτοὺς λόγους διαιρούμενος ὑπὸ τῶν αγ βδ διαμέτρων, διὰ τὴν ἰσότητα τῶν περὶ τὸ κέντρον γωνιῶν καὶ τὴν ὁμοιό-

³ uncis inclusa add. Mart. item ad γ autumnale aequinoctium, ad δ hiemalem conversionem Chalc. 5 τεταστιμοςιαίας Β* 9 μεταπωςινῆς Β* 10 ἡμέραι Β* η' add. Mart.] in B vacuum spatium rel. octoginta et octo diebus pervenit et octava parte unius diei Chalc. 16 άναγκαῖον πάντα Β, ἀναγκαῖον πάντα Μαrt. 22 διαιροῦμεν Β*, eadem ratione divisus Chalc. 79 αβ γδ διαμέτρω Β*

τητα τῶν περιφερειῶν τὴν αὐτὴν ἂν παρεῖχεν ἀπορίαν. δηλον δε ώς ετέρως κινούμενος και ού περί το θ κέντρον αϊτιόν έστι τῆς τοιαύτης έμφάσεως. ἤτοι οὖν έντὸς αύτοῦ περιλήψεται τὸ θ, ἢ δι' αὐτοῦ έλεύσεται, ἢ 5 έκτὸς αύτοῦ ἀπολείψει. διὰ μεν οὖν τοῦ θ τὸν ἡλιακὸν ξρχεσθαι κύκλον, άμήχανον και γαρ αὐτὸς αν ὁ ηλιος έπι γην παρεγίνετο, και τοῖς μὲν ἐπι θάτερα τῆς γῆς άει ην ημέρα, τοις δ' άλλοις άει νύξ ην, και ούτ' άνατέλλων ούτε δύνων ούθ' όλως περί την γην έρχόμενος 10 έφαίνετο αν ὁ ήλιος. απερ ατοπα. λείπεται οὖν ἢ έντὸς περιλαμβάνεσθαι τὸ θ ὑπὸ τοῦ ἡλιακοῦ κύκλου ἢ ἐκτὸς άπολείπεσθαι. όποτέρως δ' αν ύποτεθή, φησί, σωθήσεται τὰ φαινόμενα, καὶ έντεῦθεν ἡ διαφορὰ τῶν μαθηματικών έλεγχθήσεται άτοπος ούσα, τών μέν κατά έκ-15 κέντρων μόνον λεγόντων φέρεσθαι τὰ πλανώμενα, τῶν δὲ κατ' ἐπίκυκλον, τῶν δὲ περί τὸ αὐτὸ κέντρον τῆ άπλανεϊ. ἐπιδειχθήσονται γὰο τοὺς τρεῖς γράφοντες κύκλους κατά συμβεβηκός, και τὸν περί (τὸ) τοῦ παντὸς κέντρον καὶ τὸν ἔκκεντρον καὶ τὸν ἐπίκυκλον. ἐὰν 20 μεν γαρ περιλαμβάνεσθαι ύποθώμεθα τὸ θ έντὸς ὑπὸ ήλιακοῦ κύκλου, φησί, μὴ μέντοι γε ώς κέντρον, ἔκκεντρος ή τοιαύτη λέγεται πραγματεία, έὰν δὲ έκτὸς ἀπολείπεσθαι, κατ' ἐπίκυκλον.

1 παρέχειν B, παρέχοι Mart. 10 έντὸς] έκτὸς B*, ut θ vel intra ambitum solstitulis circuli sit vel extra Chalc.

11 ἐκτὸς] ἐντὸς Β* 13 cf. p. 148, 11 16 ἐπικύκλων Mart.
17 ἀπλανῆ Β* 21 ἔνκεντος Β, em. apogr., κατ' ἔκκεντος ν Mart.



ύποκείσθω πρότερον ἔκκεντρος είναι ὁ τοῦ ἡλίου κύκλος ὁ εξηκ, παρεγκεκλιμένος οῦτως, ὡς ἔχειν τὸ αὐτοῦ κέντρον ὑπὸ τῆ εξ περιφερεία, οἰον τὸ μ, καὶ διαιρουμένου εἰς ἴσα μέρη τξε΄δ΄ [καὶ] τὴν μὲν εξ περιφέρειαν είναι Ἱτὸ΄ς΄, τὴν δὲ ξη Ἱτβ΄ς΄, καὶ τὴν ηκ πη΄ η΄΄, 5 τὴν δὲ κε Ἱ΄ η΄΄. φανερὸν οὖν ὡς ἐπὶ μὲν τοῦ ε γενόμενος ἡμῖν ἀπὸ τοῦ θ ἐπ΄ εὐθείας ὁρῶσιν ἐπὶ τοῦ α εἶναι δόξει, τὴν δὲ εξ διελθών, μεγίστην οὖσαν τῶν εἰς τέσσαρα τετμημένων τοῦ ἰδίου κύκλου, ἡμέραις Ἱτὸ΄ς΄, ὅσωνπερ ἦν καὶ αὐτὴ ⟨μοιρῶν⟩, ὁμαλῶς, καὶ γενόμενος 10

¹ ήλίον] ήλιακοῦ B^* supra ι acc. del. 2 ἔχει B 3 διαιφονμένον εἰς ἴσα μέφη τξε΄ δ΄΄] διαιφονμένον εἰς ἴσα μένει τὰ εξηκ B, διαιφούμενος οὖκ εἰς ἴσα μὲν τὰ εξ ξη ηκ κε Mart. hoc igitur circulo in trecentas sexaginta quinque partes et partem quartam unius portionis diviso Chalc. 80 9 5 μς 5 Ε 6 Ε

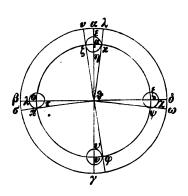
έπι τοῦ ζ, ἡμιτυ έπι τοῦ β φανήσεται, και δόξει τὴν αβ διεληλυθέναι, τεταρτημοριαίαν τοῦ ζωδιακοῦ κύκλου, ού ταις αύταις ήμέραις, άνωμάλως. πάλιν δε την ζη περιφέρειαν, δευτέραν μεγέθει τοῦ ίδίου κύκλου, περι-5 ελθών όμαλῶς ἐν ἡμέραις τβ΄ς΄, ὅσωνπερ ἦν αὐτὴ μοιρών, και γενόμενος έπι του η, ήμιν έπι του γ φανήσεται, καὶ δόξει τὴν βγ, τεταρτημοριαίαν τοῦ ζωδιακοῦ και ζσην τη πρόσθεν έν έλάττοσιν ήμέραις διεληλυθέναι καὶ ἀνωμάλως. παραπλησίως δὲ τὴν ηκ διαπορευ-10 θείς, έλαχίστην ούσαν τῶν είς τέσσαρα τοῦ ίδίου κύκλου, μοιρών πη' η", έν ἡμέραις τοσαύταις, καὶ γενόμενος έπλ τοῦ κ, τοῖς ἀπὸ τοῦ θ ὁρῶσι φανήσεται μὲν έπλ τοῦ δ, δόξει δὲ τὴν γδ, τεταρτημοριαίαν καλ ἴσην ταϊς πρόσθεν, έλαχίσταις ἡμέραις διεληλυθέναι. καλ 15 κατὰ λόγον λοιπὴν τὴν πε πορευθεὶς ἡμέραις τ΄ η΄΄, ὅσων και μοιρών ήν, και άποκαταστάς έπι το ε, δόξει την δα διηνυκέναι, τεταρτημοριαίαν καὶ ἴσην, ἐν ἡμέραις ਓ η", και έπι τὸ α σημείον ἀποκαθίστασθαι. και τὸν έαυτοῦ πύκλον διαπορευθείς όμαλῶς τὸν τῶν ζφδίων ἀνωμά-20 λως δόξει διεληλυθέναι. έαν δε έπιζεύξαντες μεταξύ τῶν πέντρων τὴν θμ ἐκβάλωμεν ἐφ' ἑκάτερα ἐπ' εὐθείας.

² τεταρτιμοριαίαν B, em. apogr. 8 καὶ ἴσην τῆ] καθ ἡς ἡν τῆ B, καθ ἡς ἡν τῆς Mart. cf. vs. 13 et 17. βγ ambitum velut aequalem priori Chalc. 9 ἀνομάλως B, em. apogr. 13 τεταρτημοριαίαν] μοριαίαν B^* 17 δεικννκέναι B^* 20 quod si duum circulorum, id est maioris sodiaci et minoris solstitalis eccentri, duo puncta coniungantur et fiat μθ, deinde per hanc ducta perexeat $v \xi$ linea: quia εξηκαίτις ipunctum et medietas est μ , aequales erunt lineae $v \mu$ $g \xi$ maior $g \xi$ $g \xi$ g

έπειδή τοῦ εξ κύκλου κέντρον τὸ μ, ἴση ἔσται ἡ μν <τῆ) μξ. ὅστε κατὰ μὲν τὸ ν γενόμενος ὁ ῆλιος ἀπογειότατος ἄν εἴη, καὶ ἡμῖν ἀπὸ τοῦ θ ὁρῶσι τὸ μέγεθος ἐλάχιστος δόξει καὶ βραδύτατα κινούμενος ὅπερ φαίνεται ποιῶν κατὰ τὴν πέμπτην ἡμίσειαν μάλιστα μοίραν 5 τῶν Διδύμων κατὰ δὲ τὸ ξ γενόμενος προσγειότατός τε καὶ διὰ τοῦτο μέγιστος τῆ φάσει καὶ τάχιστα κινούμενος δόξει ἄτινα πάλιν φαίνεται ποιούμενος κατὰ τὴν ε΄ ἡμίσειαν μοίραν τοῦ Τοξότου εὐλόγως τε καὶ περὶ τὰς αὐτὰς μοίρας τῶν τε Ἰχθύων καὶ τῆς Παρθένου 10 μέσως τῷ μεγέθει καὶ τῷ τάχει φέρεσθαι δοκεῖ. καὶ οῦτως πάντα, φησί, σωθήσεται τὰ φαινόμενα.

εύρισκεται ὁ εξηκ κύκλος τῆ θέσει και τῷ μεγέθει δεδομένος. ἤχθωσαν γὰρ διὰ τοῦ μ ταῖς αγ βδ παράλληλοι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αι οπ ρσ, και ἐξεύχθωσαν 15 αι ξμ με. δῆλον οὖν ὅτι τοῦ εξηκ κύκλου διαιρεθέντος εἰς ἡμέρας τξε΄ δ΄ ἡ μὲν εξη περιφέρεια τοιούτων ἔσται ἡμερῶν ρπζ, ἡ δὲ ηκε ἔσται ἡμερῶν ροή δ΄. ἴσα ἄρα ἐκατέρα τῶν εο πη ρξ σκ, αι δὲ σπ πρ ρο οσ περιφέρειαι ἀνὰ τιά δ΄ ις΄ τοιούτων ὑπάρχουσαι. ἡ δο-20 θεῖσα ἄρα γωνία ὑπὸ ομν ἴση ἔσται τῆ θμτ ὁμοίως καὶ ζή> ρμν γωνία ἴση ἔσται τῆ υμθ. ἔσται ἄρα ὁ λόγος

τῆς μτ προς μθ, τουτέστι μτ πρὸς θτ, <δεδομένος>. δέδοται ἄρα τὸ μτθ τρίγωνον τῷ εἴδει. καὶ δοθὲν τὸ θ κέντρον τοῦ παντὸς πρὸς ἐκάτερον τῶν ν ξ σημείων τὸ μὲν γὰρ μέγιστον ὁρίζει ἀπόστημα, τὸ δὲ ἐλάχιστον τοῦ ήλιακοῦ κύκλου. δέδοται ἄρα ὁ εξηκ κύκλος τῆ θέσει καὶ τῷ μεγέθει εὐρίσκεται δὲ διὰ τῆς περὶ ἀποστημάτων καὶ μεγεθῶν πραγματείας ὁ λόγος τῆς θμ ⟨πρὸς τὴν ἡν⟩ ἔγγιστα ὡς εν πρὸς κδ΄.



10 τοιάνδε μέν την κατά ξκκεντρον πραγματείαν παραδίδωσιν, σώζουσαν τὰ φαινόμενα. την δὲ κατ' ἐπίκυ-

κλον τοιάνδε λέγουσιν είναι. έστω πάλιν ζωδιακός μέν ό αβγδ, ήλιακὸς δὲ κύκλος ὁ εζκ, έκτὸς ἀπολείπων έαυτοῦ τὸ δ ο έστι τοῦ παντὸς κέντρον. φερομένης δὴ τῆς τῶν ἀπλανῶν σφαίρας ἀπὸ τῆς β ἀνατολῆς ἐπὶ τὸ α μεσουράνημα και ἀπὸ τοῦ α ἐπὶ τὴν δ δύσιν, ὁ εξκ 5 κύκλος ήτοι ήρεμήσει η καλ αὐτὸς κινηθήσεται, φερομένου περί αὐτὸν τοῦ ἡλίου. ἀλλ' εί μὲν ἡρεμήσει, δῆλον ώς ὁ ήλιος οὖτε δύνων οὖτε ἀνατέλλων φανήσεται, άλλ' άελ τοις μεν ύπερ γην ήμεραν ποιήσει, τοις δε ώς πρὸς ἡμᾶς ὑπὸ γῆν νύκτα, καὶ μιᾶ περιστροφή τοῦ 10 παντός δόξει πάντα παροδεύειν τὰ ζώδια απερ έστλν άτοπα. κινηθήσεται οὖν καὶ αὐτός κινούμενος δὲ ῆτοι έπλ τὰ αὐτὰ τῷ παντλ οἰσθήσεται ἢ ὑπεναντίως καλ (εί) έπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντί, ἤτοι ἰσοταχῶς ἢ θᾶττον αὐτοῦ ἢ βραδύτερον. ἀλλ' εί μὲν ἰσοταχῶς, ἀχθεισῶν 15 τῶν θζυ θαλ ἐφαπτομένων τοῦ ζε κύκλου, ὁ ἢλιος ἐν τῆ ναλ περιφερεία τοῦ ζωδιακοῦ ἀεὶ δόξει ἀναστρέφεσθαι έπλ μεν γαρ τοῦ ζ γενόμενος κατά τὸ ν φανήσεται, έπλ δε τοῦ ε κατὰ τὸ α, μεταβάς δε έπλ τὸ κ κατὰ τὸ λ, καὶ τὴν μὲν ζεκ περιφέρειαν διανύσας, τὴν ναλ 20 δόξει πεπορεῦσθαι ἐπὶ τὰ προηγούμενα τῶν ζωδίων. την δε κηζ διελθών δόξει την λαν έπι τα επόμενα ένηνέγθαι ατινα πάλιν ού φαίνεται. ούκ άρα ὁ εξκ τοῦ ήλίου κύκλος ίσοταγῶς ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντὶ συμπερι-

ενεχθήσεται. ἀλλὰ μὴν οὐδὲ θᾶττον, ἐπεὶ καὶ οὕτως προφθάνων προηγείσθαι δόξει τῶν ἀπλανῶν καὶ ἀνάπαλιν τὸν ζωδιακὸν διανύειν, οἶον ἀπὸ Κριοῦ εἰς Ἰχθύας καὶ Ὑδροχόον ᾶπερ οὐ φαίνεται. δῆλον οὖν 5 ὅτι ὁ εξη κύκλος ἤτοι ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντί, βραδύτερον μέντοι, κινηθήσεται, καὶ διὰ τοῦτο ὑπολειπόμενος εἰς τὰ ἐπόμενα δόξει μεταβαίνειν, ἢ καθ' ἑαυτὸν [εί] μὲν ὑπεναντίως τῷ παντὶ οἰσθήσεται, συναπενεχθήσεται δὲ τῷ παντὶ πρὸς ἡμέραν ἐκάστην κρατούμενος τὴν 10 ἀπ' ἀνατολῶν ἐπὶ δύσεις καὶ γὰρ οῦτως εἰς τὰ ἐπόμενα φανήσεται μετιών καὶ οἶον ὑπολειπόμενος.

πῶς οὖν σώσει τὰ φαινόμενα; ἔστω κέντρον τοῦ ἡλιακοῦ κύκλου τὸ μ, καὶ γεγράφθω κέντρο μὲν τῷ θ, διαστήματι δὲ τῷ θμ, κύκλος ὁ μονξ, καὶ ὑποκείσθω ὁ εξηκ κύκλος νῦν συναποφέρεσθαι μὲν τῷ παντὶ τὴν ἀπὸ τῶν ἀνατολῶν ἐπὶ δύσεις φοράν, ῆτοι δὲ διὰ βραδυτῆτα ὑπολειπόμενος, ἢ καὶ φερόμενος ὑπεναντίως τῷ παντί, ὃ καὶ μᾶλλον δοκεί τῷ Πλάτωνι, ώστε τὸ μὲν κέντρον κατὰ τοῦ μονξ κύκλου φερόμενον ὁμαλῶς περιπορεύενο σθαι αὐτὸν ἐνιαυτῷ, καὶ ἐν τῷ ⟨αὐτῷ⟩ χρόνῷ τὸν ῆλιον διανύειν τὸν ἑαυτοῦ κύκλον, ὁμοίως φερόμενον ὁμαλῶς. πάλιν ὁ ῆλιος κατὰ τοῦ εξηκ κύκλου ἤτοι ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντὶ ἐνεχθήσεται, ἢ ὑπεναντίως, ⟨ἐπὶ τὰ αὐτὰ δὲ⟩ τῷ ἰδίῷ κύκλῷ, οἶον ἀπὸ τοῦ κ ἐπὶ τὸ ε καὶ ἀπὸ τοῦ ε ἐπὶ τὸ ζ. λέγω δὲ ὅτι τοῦ εξηκ κύκλου περιφερομένου

κατὰ τοῦ μουξ ύπεναντίως τῷ παντὶ ὁ ῆλιος ἐπὶ τοῦ εξηκ κύκλου ἐνεχθήσεται ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντὶ καὶ σώσει τὰ φαινόμενα.

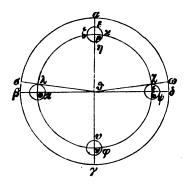
ένηνέχθω γαρ πρότερον ύπεναντίως μέν τῷ παντί, έπλ τὰ αὐτὰ <δὲ> τῶ έαυτοῦ κύκλω, οἶον ἀπὸ τοῦ ε 5 έπὶ τὸ ζ ἢ ἀπὸ τοῦ ζ ἐπὶ τὸ η ἢ ἀπὸ τοῦ η ἐπὶ τὸ κ. έπελ τοίνυν έπλ τοῦ ε γενόμενος πλείστον ἀφέστηκεν ήμῶν, δῆλον ὅτι τὸ α κατὰ τὴν ε΄ ἡμίσειαν μοῖράν έστι τῶν Διδύμων Εσται οὖν τὸ γ περί τὴν ε΄ ἡμίσειαν μοζοαν τοῦ Τοξότου καὶ τὸ μὲν μ, τοῦ ἡλιακοῦ κύκλου 10 κέντρον, τεταρτημοριαίαν ένηνέχθω περιφέρειαν τοῦ μουξ κινούμενον όμαλῶς, τὴν μο, καὶ τὸν εζηκ κύκλον μετενηνοχέτω έπὶ τὸν λπ. ὁ δὲ ῆλιος έπὶ τὰ αὐτὰ τούτω φερόμενος όμοίως τεταρτημοριαίαν ένηνέχθω περιφέρειαν τοῦ. εζηκ τὴν εζ' ἔσται οὖν ἐπὶ τοῦ π, φανήσεται 15 δε ήμιν έπι του σ, και την εζ τεταρτημοριαίαν του ίδίου κύκλου διελθών δόξει τοῦ ζφδιακοῦ μείζονα ἢ ὁμοίαν πορεύεσθαι την αβο καλ από τοῦ α ταχέως απιέναι. πάλιν δε τὸ ο ενηνέχθω κέντρον τεταρτημοριαίαν περιφέρειαν την ον, και καθεστακέτω τον λπ κύκλον έπι 20 τὸν συ ὁ δὲ ηλιος τεταρτημοριαίαν κεκινήσθω περιφέρειαν την πτ' έσται οὖν έπὶ τοῦ υ, φανήσεται δὲ ήμιτν έπι τοῦ γ, και ένην<u>έγ</u>θαι δόξει τὴν σγ τοῦ ζωδιακοῦ ἐλάττονα ἢ τεταρτημοριαίαν καὶ προσιέναι τῷ γ

Theo Smyrn.

⁴ ἐνηνέχθω] γενέσθω B 5 δὲ add. Mart. 8 α] θε B 13 τούτου B^* 18 $\alpha \overline{\rho} \overline{\sigma}$] $\bar{\alpha} \mu \overline{s}$ B^* απείναι B^*

²⁰ παθεστημέτω B τὸν λπ] τὸ λπ B* 21 πεπινείσθω B* 22 οὐν] ἡμῖν B, μὲν Mart. cf. vs. 9. 15. p. 163, 7 23 ἐνηνέςθω B* 24 τῶ] τὸ B*

βραδέως. πάλιν δη το ν τεταρτημοριαίαν μεταβάν περιφέρειαν την υξ, μετενηνοχέτω τον χύκλον έπὶ τον Τψ. ό δε ήλιος τεταρτημοριαίαν ένεχθείς περιφέρειαν έστω έπι τοῦ ψ' φανήσεται δὲ ἄρα κατὰ τὸ ω και δόξει δι-5 εληλυθέναι τὴν $\overline{\gamma \omega}$, έλάττονα $\langle \tilde{\eta} \rangle$ τεταρτημοριαίαν, χαὶ βραδέως ἀπιέναι τοῦ γ. λοιπὸν δὲ τὸ μὲν ξ κέντρον, τεταρτημοριαίαν έλθον περιφέρειαν την ξμ, αποκαθεστακέτω τὸν Ψχ κύκλον ἐπὶ τὸν εζηκ, καὶ αὐτὸς δὲ ὁ ηλιος, διελθών [θ'] όμοίαν την περιφέρειαν την ψχ, ἀπο-10 καθεστάσθω έπι τὸ ε, φαινόμενος κατά πὸ α' και ένηνέχθαι δόξει τὴν ωδα τοῦ ζωδιακοῦ μείζονα περιφέρειαν και ταχύνειν έπι τὸ α. ώστε δηλον ότι φερόμενος ούτω τάχιστα μεν δόξει κινεϊσθαι περί τοὺς Διδύμους, βραδύτατα δὲ περὶ τὸν Τοξότην φαίνεται δὲ τοὐναντίον 15 οὐκ ἄρα, τοῦ κύκλου αὐτοῦ φερομένου κατὰ τὸν μονξ έγκεντρον κύκλον έπὶ τὰ έναντία τῷ παντί, καὶ αὐτὸς ό τλιος έπλ τοῦ έπικύκλου έπλ τὰ αὐτὰ μὲν τούτφ κινηθήσεται, ὑπεναντίως δὲ τῷ παντί.



λείπεται οὖν, τοῦ ἐπικύκλου φερομένου ὑπεναντίως τῷ παντί, τὸν ῆλιον κατὰ τοῦ ἐπικύκλου φέρεσθαι ἐπὶ τὰ αὐτὰ τοῖς ἀπλανέσιν οῦτως γὰρ σωθήσεται τὰ φαινόμενα. οἶον ἐνηνέχθω τὸ μὲν κέντρον τοῦ ἐπικύκλου τεταρτημοριαίαν περιφέρειαν περὶ ἔγκεντρον κύκλον τὴν 5 μο, καὶ μετενηνοχέτω τὸν ἐπίκυκλον ἐπὶ τὸν λπ' ὁ δὲ ῆλιος ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου τὴν ἐπὶ τοῦ σ, τεταρτημοριαίαν τοῦ ἰδίου κύκλου κινηθεὶς περιφέρειαν ἐπὶ δὲ τοῦ ζωδιακοῦ δόξει ἐλάττονα ἐνηνέχθαι τὴν ασ καὶ βραδέως 10 ἀπερχόμενος τοῦ α σημείου. πάλιν τὸ ο κέντρον μεταβεβηκέτω τεταρτημοριαίαν τὴν ον, καὶ ὁ ῆλιος ὁμοίαν τοῦ ἐπικύκλου τὴν λπ' ἔσται δὲ ἐπὶ τοῦ υ, φανήσεται δὲ κατὰ τὸ γ, καὶ δόξει κεκινῆσθαι τοῦ ζωδιακοῦ τὴν σῦγ, μείζονα τεταρτημοριαίας, ταχύνων ἐπὶ τὸ γ. ἐπενη- 15

¹ τοῦ apogr.] τον Β 5 πεςιενιεν Β*
κλον ἐπὶ τὸ λπ Β* 7 τήν ante τοῦ del. Β
κλου Β* 13 λτ Β* 14 κεκινεῖσθαι Β*

⁶ τὸ ν΄ ἐπίνυἐπικύκλου] ἐπι 15 τὸ] τοῦ Β*

νέχθω τὸ ν ἐπὶ τὸ ξ τεταρτημοριαίαν τὴν νξ καὶ τὸν υσ κύκλον έφηρμοκέτω τῷ χψ. ὁ δὲ ῆλιος, κινηθεὶς όμοίαν ταις πρόσθεν την υφ [περί την υφ] περιφέρειαν, έστω έπὶ τοῦ χ' φανήσεται δὲ κατὰ τὸ ω, καὶ δόξει δι-5 εληλυθέναι τὴν γδω τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρειαν μείζονα τεταρτημοριαίας, καὶ ταχέως ἀπιέναι τοῦ γ ἐπὶ τὸ δ. λοιπήν (δὲ τὸ κέντρον έλθὸν) την ξα κίνησιν ἀποκαθεστακέτω (τὸν) γψ ἐπὶ τὸν ἐπίκυκλον τὸν εζη, καὶ αύτὸς ὁ ηλιος, ένεχθεὶς ὁμοίαν λοιπὴν τὴν γψ, ἀπο-10 καθεστάσθω έπὶ τὸ ε, φανήσεται δὲ κατὰ τὸ α, δόξει δὲ [ὁ κατὰ τὶ α] τοῦ ζωδιακοῦ διεληλυθέναι τὴν ωα έλάττονα τεταρτημοριαίας καὶ βραδέως προσιέναι τῶ α. ώστε κατά τήνδε την υπόθεσιν σωθήσεται τὰ φαινόμένα βραδύτατον μέν γάρ δόξει κινεϊσθαι καλ μικρό-15 τατος είναι κατά μέγεθος ό ήλιος περί την ε΄ ς΄ μοζραν των Διδύμων, τάχιστα δε φέρεσθαι καλ μέγιστος είναι περί την αὐτην μοζραν τοῦ Τοξότου καὶ ταῦτα εὐλόγως άπὸ μὲν γὰο τοῦ ε μεταβαίνων ἐπὶ τὸ κ, τοῦ κύκλου αὐτοῦ κινουμένου ἀπὸ τοῦ μ ἐπὶ τὸ ο, ἀντιφερό-20 μενος

1 τὸ ξ] τὸ \bar{v} ξ B^* \bar{v} ξ \bar{b} \bar{v} ξ \bar{c} ξ

έπὶ τὸ π, τοῦ ἐπικύκλου μεταβαίνοντος ἀπὸ τοῦ ο ἐπὶ τὸ ν, συντρέχων αὐτῷ τὴν ἐπὶ τοῦ ζῷδιακοῦ φορὰν ἐπιτείνειν δόξει τῷ κινήσει ἐπὶ ταὐτὰ γινομένην ⟨τῷ παντὶ καὶ⟩ τρόπον τινὰ συμβαίνουσαν. καὶ παραπλησίως ἀπὸ τοῦ υ φερόμενος ἐπὶ τὸ φ, τοῦ ἐπικύκλου 5 μεταβαίνοντος ἀπὸ τοῦ ν ἐπὶ τὸ ξ, οἶον προφθάνων τὸν ἑαυτοῦ κύκλον [καὶ] ἐπὶ τοῦ ζῷδιακοῦ δόξει ταχύνειν. ἀνάπαλιν δὲ ἀπὸ τοῦ χ παραγινόμενος ἐπὶ τὸ ψ, τοῦ ξ μεταβαίνοντος ⟨ἐπὶ τὸ⟩ μ, ἀντιφερόμενος τῷ ἑαυτοῦ κύκλῷ βραδεῖαν φαίνεται ποιούμενος τὴν ἐπὶ τοῦ ζῷ- 10 διακοῦ φοράν.

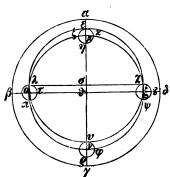
εύρίσκεται δὲ πάλιν τὸ μέγεθος τοῦ ἐπικύκλου καὶ ὁ λόγος τοῦ μεταξὺ τῶν κέντρων πρὸς τὴν ἔη τοῦ εξ ἐπικύκλου (διάμετρον) ὑπεναντίως τῷ πρόσθεν, ὡς κδ΄ πρὸς ἔν, διὰ τῆς περὶ ἀποστημάτων καὶ μεγεθῶν πραγ- 15 ματείας 'μέγιστον μὲν γὰρ ἀπόστημα τοῦ ἡλίου τὸ Θε, ἐλάχιστον δὲ τὸ θυ' ἡ δὲ ὑπεροχὴ τοῦ μεγίστου πρὸς τὸ ἐλάχιστον διάμετρος γίνεται τοῦ ἐπικύκλου' κατ' ἐπίκυκλον γὰρ καὶ ἡ τοιαύτη γίνεται πραγματεία,

κ ad η pergens e. q. s. Chalc. 82. τῷ ξαυτοῦ κύκλῷ βράδιον ἐπὶ τὸ ο (?) ἐνεχθήσεται καὶ βράδιον δόξει διεληλυθέναι τοῦ ζωδιακοῦ τὴν αβ περιφέρειαν ἀνάπαλιν δὲ ἀπὸ τοῦ λ παραγινόμενος vel τῷ ξαυτοῦ κύκλῷ βραδεῖαν φαίνεται ποιούμενος τὴν ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ φοράν ἀνάπαλιν δὲ ἀπὸ τοῦ λ παραγινόμενος suppl. Mart. 1 π] τ΄ Β* 2 ½ ἐπὶ] μὲν Β, μὲν ἐπὶ Mart. 3 ταὐτὰ] ταῦτα Β*. sol demum a κ ad η pergens concur-

3 ταυτα] ταυτα B*. sol demum a n da η pergens concurrere videbitur mundi circumactioni et adiutus ab ea propere et citius obire zodiaci quadrantem Chalc. γινομένη Mart.
4 συμβαίνουσα B* 6 ξ] φ'ξ B* 8 ψ add. Mart.] in B spatium vacuum rel. 9 ἐπὶ τὸ add. Mart. 13 ἔη] ἐκ B*

έπειδὴ ὁ εξα τοῦ πλανωμένου κύκλος καθ' έτέρου τινὸς έγκέντρου [ὁμοκέντρου] φέρεται κύκλου, οἰον τοῦ μονξ.

άλλ' ὅτι μὲν καθ' ἐκατέραν τὴν ὑπόθεσιν, τὴν κατ' εκκεντρον καὶ τὴν κατ' ἐπίκυκλον, σώζεται τὰ φαινόμενα, δείκνυσιν ἐκ τούτων. Ἱππαρχος δέ φησιν ἄξιον εἶναι μαθηματικῆς ἐπιστάσεως ἰδεῖν τὴν αἰτίαν δι' ἢν τοσοῦτον διαφερούσαις ὑποθέσεσι, τῇ τε τῶν ἐκκέντρων κὰλ τῶν ἐαικύκλων, τὸ τὰ αὐτὰ φαίνεται ἀκολουθεῖν. δείκνυσι δὲ ὁ ᾿Αδραστος πρῶτον μὲν πῶς τῇ κατ' ἐπίκυκλον ἔπεται κατὰ συμβεβηκὸς ἡ κατὰ ἔκκεντρον' ὡς δὲ ἐγώ φημι, καὶ τῇ κατὰ ἔκκεντρον ἡ κατ' ἐπίκυκλον.



έστω γὰρ ζωδιακος μέν ὁ αβγδ, κέντρον δὲ τοῦ

¹ εξηπ Mart. 2 ὁμοκέντρον del. Mart. φέρεται] φαίεται B^* οίον] οίς B^* 3 μνοξ B^* 4 κατέγκεντρον B^* 8 διαφερούσαις] διαφέρει B, διαφόροις Mart. 9 τη ante των όμοκέντρων add. Mart. cf. p. 185, 14. 186, 4. 199, 6 12 η η B^* έγκεντρον B^* 13 η B^* B^*

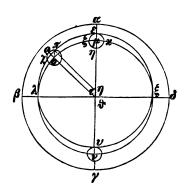
παντός τὸ θ, ήλίου δὲ ἐπίκυκλος ὁ εζηκ, κέντρον δὲ αὐτοῦ τὸ μ' καὶ γεγράφθω κέντρω μὲν τῷ θ, διαστήματι δε τῷ θμ, κύκλος ὁ μουξ. λέγω ὅτι, τοῦ μ κέντρου κινουμένου περί τον μουξ κύκλον δμόκεντρον όμαλῶς, ὑπεναντίως τῷ παντί, καὶ συναποφέροντος τὸν 5 έπίκυκλου, ὁ ήλιος ἐν ἴσφ χρόνφ διανύων τὸν εκηζ ἐπίπυπλον όμαλῶς, ἐπὶ τὰ αὐτὰ δὲ τῷ παντί, γράψει καὶ τὸν ἔκκευτρον ἴσον ὄντα τῷ μουξ ἐγκέυτρῳ. διήγθωσαν γὰρ αί αγ βδ διάμετροι τοῦ ζφδιακοῦ πρὸς ὀρθὰς άλλήλαις, ώστε τὸ μὲν α σημείον περί τὴν ε΄ ς΄ μοίραν 10 τῶν Διδύμων είναι, τὸ δὲ γ περὶ τὴν αὐτὴν τοῦ Τοξότου, καὶ κέντροις τοῖς [μ] ο ν ξ γεγράφθωσαν τῷ εζηκ έπικύκλφ ίσοι κύκλοι οί λπτ τοφ χψς καὶ τῶν λπτ χψς διάμετροι πρός όρθας τη βδ αί λπ χψ, καὶ ἐπεζεύχθωσαν αί λχ ⟨οξ⟩. λέγω ὅτι αί λχ οξ ἴσαι τέ εἰσι καὶ 15 παράλληλοι τοη ἄρα έκατέρα τῶν λο σχ έκατέρα τῶν οθ θξ αι είσιν έκ του κέντρου του μουξ κύκλου καί έπει ίση ή θα τη ολ, ίσαι έσονται ή θα και έκατέρα των υν με εστι δε ίση και ή δν τη δμ ίση άρα και ή υσ τη σε. άλλ' έπεὶ ἴση ή θσ τη υν, κοινη δε ή θυ, ἴση 20

ή συ τη θν' έκατέρα άρα των εσ συ ίση έσται τη έκ τοῦ κέντρου τοῦ μονξ κύκλου. ἐδείχθη δὲ καὶ έκατέρα $\tau \tilde{\omega} \nu$ $\lambda \sigma$ $\overline{\sigma_{\chi}}$ $\delta \sigma$ $\tau \tilde{\eta}$ $\delta \kappa$ $\tau \tilde{\sigma} \tilde{v}$ $\kappa \tilde{\nu} \tau \rho \sigma v$ $\tau \tilde{\sigma} \tilde{v}$ $\kappa \tilde{\nu} \tau \rho \sigma v$ τέσσαρες άρα αί σε σλ συ σχ ίσαι άλλήλαις είσι και 5 προς όρθάς. ο άρα κέντρφ μεν τῷ σ, διαστήματι δέ τινι μια αὐτῶν γραφόμενος κύκλος ήξει διὰ τῶν ε λ υ χ σημείων, καὶ ἴσος ζέσται > τῷ μουξ κύκλφ, καὶ ὑπὸ τῶν ευ λχ διαμέτρων είς τέσσαρα ίσα διαιρεθήσεται. γεγράφθω οὖν καὶ ἔστω ὁ ελυχ' οὖτος δὲ ἔσται ὁ ἔκκεν-10 τρος, τὸ μὲν ἀπογειότατον ἔχων ὑπὸ τὸ α, ε΄ ς΄ μοῖραν τῶν Διδύμων, τὸ δὲ προσγειότατον ὑπὸ τὸ γ, ε΄ ς΄ μοῖραν τοῦ Τοξότου. λέγω δ' ὅτι ἥλιος, φερόμενος, ὡς ύπετέθη, κατά του εκηζ έπικύκλου, κατά συμβεβηκός γράψει καὶ τὸν ελυχ ἔκκεντρον. ἐνηνέχθω γὰρ τὸ μὲν 15 κέντοον τοῦ ἐπικύκλου τὴν μο περιφέρειαν τεταρτημοριαίαν και ο ηλιος άρα, έν τῷ αὐτῷ χρόνῷ ένεχθείς όμοίαν τοῦ ἐπικύκλου τὴν Εκ, ἔσται ἐπὶ τοῦ λ, καὶ ἀπὸ τοῦ ε ἐπὶ τὸ λ ἐλεύσεται τεταρτημοριαίαν γράψας περιφέρειαν τοῦ ἐκκέντρου τὴν ελ. πάλιν τὸ ο κέντρον ἐπλ 20 τοῦ κύκλου ἐνηνέχθω τεταρτημοριαίαν τὴν ον περιφέφειαν, δ δε ήλιος δμοίαν τοῦ ἐπικύκλου τὴν λτ. ἔσται άρα έπὶ τοῦ υ, καὶ κατὰ συμβεβηκὸς γράψει τοῦ έκκέντρου όμοιαν περιφέρειαν την λυ. όμοιως δη τοῦ ν δια-

³ $\tau \tilde{\eta}$ corr. ex $\tau o \tilde{v}$ B 6 v] γ B* 7 $\tilde{\epsilon} \sigma \tau \alpha \iota$ add. Mart. $\dot{v} \pi \dot{o} \tau \tilde{\omega} v$] $\dot{v} \pi o \kappa \epsilon (\sigma \partial \omega B, \dot{v} \pi' \dot{\epsilon} \kappa \epsilon (\nu \omega \nu \tau \tilde{\omega} \nu Mart. 8 <math>\overline{\lambda} \chi$] 11/B* 9 \bar{o} $\bar{\epsilon} \lambda \overline{v} \chi$ B* 10 $\epsilon' s'$ $\epsilon' s$ B* 11 $\tau \dot{o}$ γ $\epsilon' s'$ $\mu o \tilde{\iota} e \alpha \nu$]

τὴν γ εζ μόνον B^* 17 τῷ ἐπικύκλου B 22 γράφει B^* 23 ὁμοίαν ὁμοίαν περιφέρειαν ὁμοίαν B^*

πορευθέντος τὴν νξ, ὁ ἥλιος τοῦ ἐπικύκλου διελεύσεται ὁμοίαν τὴν τῷς ἔσται δὴ ἐπὶ τοῦ χ, κατὰ συμβεβηκὸς ραάψας καὶ τὴν τῷ ὁμοίαν περιφέρειαν τοῦ ἐκκέντρου. λοιπὸν δὲ τοῦ ξ διελθόντος τὴν ξμ, καὶ ὁ ῆλιος έξανύσας ⟨τὴν⟩ χς ἀποκατασταθήσεται ἐπὶ τὸ ε΄ γράψει δὲ 5 ἄμα καὶ τὴν χε περιφέρειαν τοῦ ἐκκέντρου λοιπὴν καὶ ὁμοίαν. ὅστε ὅλον τὸν ἐπίκυκλον έξανύσας ὁμαλῶς διὰ τοῦ ὁμοκέντρου γράψει ἔκκεντρον. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.



δείκνυται δὲ τὸ αὐτὸ καὶ οῦτως. ἔστω ζωδιακὸς μὲν ὁ αβγδ, ἡλίου δὲ ἐπίκυκλος ὁ εξηκ, τὸ μὲν κέν- 10 τρον ἔχων ἐπὶ τοῦ μονξ κείμενον, ὅς ἐστιν ὁμόκεντρος περὶ τὸ θ κέντρον τοῦ παντός καὶ ἔστω τὸ ε σημεῖον ἀπογειότατον ὑπὸ τὴν ε΄ g' μοῖραν τῶν Διδύμων. λέγω ὅτι, τοῦ πε φερομένου ὁμαλῶς ἐπὶ τοῦ μονξ κύκλου

 $^{2 \}overline{v\phi}$] $\psi \chi$ B* $4 \tau o \tilde{v}$ ξ] $\tau o \zeta'$ B* $5 \overline{\chi s}$] $\chi \sigma$ B* $6 \tilde{\alpha} \varrho \alpha$ B, $\tilde{\alpha} \mu \alpha$ $\tilde{\alpha} \varrho \alpha$ ap. $10 \alpha \omega \gamma \delta$ B* $\bar{\epsilon} \zeta u \bar{\eta}$ B* $13 \bar{\epsilon} \zeta$ B*

ύπεναντίως τῷ παντί, ὁ ῆλιος ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῷ φερόμενος κατά τοῦ εκηζ ἐπικύκλου ὁμαλῶς μὲν καὶ ὑπεναντίως τῷ ἐπικύκλῳ, ἐπὶ τὰ αὐτὰ δὲ τῷ παντί, κατὰ συμβεβηκὸς γράψει καὶ τὸν ἔκκεντρον ἴσον ὅντα τῷ μονξ 5 έγκεντοφ. ἀπενηνέχθω γὰο τὸ μὲν μ κέντοον τυχοῦσάν τινα περιφέρειαν την μο, και καθεστακέτω τον έπίκυκλον έπι τὸν ποχ. ὁ δὲ ηλιος ἀρξάμενος ἀπὸ τοῦ ε, τουτέστιν από τοῦ ο, ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῷ διεληλυθέτω την οπ, όμοίαν τη μο, και κείσθω τη με ίση ή θη, και 10 έπεζεύχθωσαν αί $\overline{\eta\pi}$ $\overline{\vartheta}\varrho$ έπεὶ οὖν ὁμοία $\dot{\eta}$ $\overline{\varrho\pi}$ περιφέφεια τη ομ, ζση καὶ γωνία ή φ τη τ' παφάλληλος ἄ**φ**α $\dot{\eta} \ \overline{\pi o} \ \tau \tilde{\eta} \ \eta \vartheta$. Ect. $\delta \dot{\epsilon} \ \kappa \alpha \dot{\epsilon} \ \dot{\epsilon} \sigma \eta$. $\dot{\epsilon} \sigma \eta$ $\ddot{\alpha} \dot{\rho} \alpha \ \dot{\eta} \ \overline{\pi \eta} \ \tau \tilde{\eta} \ o \vartheta$ $\kappa \alpha \dot{\epsilon}$ παράλληλος εστι δε ή $\overline{\vartheta o}$ ζση τ $\overline{\eta}$ $\overline{\eta \varepsilon}$ ζση ά $\overline{\varrho}$ α ή $\overline{\eta \pi}$ τ $\overline{\eta}$ ηε. ὁ ἄρα κέντρφ μὲν τῷ η, διαστήματι δὲ τῷ ηε γρα-15 φόμενος κύκλος ήξει και διά τοῦ π και ίσος έσται τῶ μουξ. γεγράφθω οὖν ὁ επλυξ' οὖτος ἄρα ἔσται ὁ ἔκκεντρος έπει ούν παράλληλος ή πη τη φθ, ίση ή φ γωνία τῆ τ, τουτέστι τῆ πηε · ὁμοία ἄρα ἡ επ · ἀρξάμενος δε ζό ηλιος από τοῦ ε, κατά συμβεβηκός γράψει καί 20 την επ όμοίαν περιφέρειαν τοῦ ἐκκέντρου. όμοίως δὲ δειχθήσεται τοῦτο ποιῶν ἀεί· ὥστε καὶ ὅλον ἀνύσας

2 τοῦ] τῆς B* 5 ἐνκέτρω Β* ἀπηνέχθω Β, em. apogr. 6 τὸν] τὸ $\overline{\nu}$ Β* 7 πεχ Β* 9 $\overline{\nu}\eta$] $\vartheta\overline{\nu}$ Β, de eadem lit. duo diversa puncta significante cf. Friedlein praef. ad Procli in Eucl. comm. p. VII 12 $\overline{\eta}\overline{\vartheta}$] $v\overline{\vartheta}$ Β* 13 $\overline{\eta}\overline{\varepsilon}$] $\xi\overline{\eta}$ $\eta\varepsilon$ Β* 14 $\tau\widetilde{\wp}$ η] τὸ η Β* τ $\widetilde{\wp}$ $\overline{\eta}\varepsilon$] τὸ $\kappa\overline{\varepsilon}$ Β* 15 ἴσο Β* 16 ἕκκεντερος Mart.] in B est nota vocis κέντρον supra quam scripta est lit. ε 17 $\overline{\pi}\overline{\eta}$] $\pi\overline{\eta}\overline{\eta}$ Β* 18 τοντέστι $\tau\widetilde{\eta}$ $\pi\eta\varepsilon$] τοῦ τὶ $\widetilde{\eta}$ $\overline{\pi}\overline{\wp}$ Β: cf. ad p. 171, 18. 172, 10. 187, 19. 197, 3. Mart. sic scripsit: ἴση δὲ $\widetilde{\eta}$ φ γωνία $\tau\widetilde{\eta}$ τ , τοῦ τε (τοῦ τὲ apogr.) ποχ $\tau\widetilde{\eta}$ πρ ὁμοία ἄφα $\widetilde{\eta}$ επ 19 $\widetilde{\eta}$ λιος add. Mart.

τον επίκυκλον διὰ τοῦ εγκέντρου όλον γράψει καὶ εκκεντρον όπερ εδει δείξαι.

δεικτέον δε και το άναστρέφον. ἔστω γάρ πάλιν ζωδιακὸς μὲν ὁ $\alpha\beta\gamma\delta$, διάμετρος δὲ αὐτοῦ ἡ $\overline{\alpha\gamma}$, καὶ κέντρον τὸ θ, ήλίου δὲ κύκλος ἔκκεντρος ελυξ· καὶ ἔστω s άπογειότατον μέν αὐτοῦ τὸ ε ὑπὸ ε΄ ς΄ μοζοαν τῶν Δ ιδύμων, κέντρον δὲ ἐπὶ τῆ $\overline{a\vartheta}$ τὸ η καὶ γεγράφθω κέντοω μεν τω ω, διαστήματι δε τω ω ω κύκλος δ μουξ. πάλιν κέντοφ μεν τῷ μ, διαστήματι δε τῷ με, κύκλος γεγράφθω ό εξηκ. δηλον οὖν ώς οὖτος ἔσται ὁ 10 αὐτὸς τῷ ἐπικύκλῳ. λέγω δὴ ὅτι ὁ ῆλιος κινούμενος όμαλῶς κατὰ τοῦ ελυξ έκκέντρου γράψει κατὰ συμβεβηκὸς καὶ τὸν εζηκ ἐπίκυκλον φερόμενον ὁμαλῶς κατὰ τοῦ μουξ καὶ ισοχρουίως τῷ ἡλίφ. ἐνηνέχθω γὰρ ὁ ῆλιος τυχοῦσάν τινα περιφέρειαν ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου τὴν επ. 15 καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{\pi\eta}$, καὶ $\langle \dot{\eta} \rangle$ $\varrho \vartheta$ παράλληλος, ἴση δὲ τ $\tilde{\eta}$ θη ή ορ, και έπεζεύχθω ή πο. έπει οὐν αί ηθ πο ίσαι έσονται καὶ παράλληλοι, έστι δὲ ἡ θη ἴση τῆ με, τουτέστι τη σο τη σπ, δ άρα κέντρφ μεν τφ ο, διαστήματι δὲ τῷ ορ γραφόμενος κύκλος ηξει καὶ διὰ τοῦ π, καὶ 20 ό αὐτὸς ἔσται τῷ εζηκ ἐπικύκλφ. γεγράφθω οὖν ὁ ποχ' έπει οὖν διὰ τὰς παραλλήλους αι τ φ γωνίαι ίσαι

¹ ἐκκέντοον B^* ἔγκεντοον B^* 5 ἔγκεντοος B^* 6 ἔζ μοίραν B^* 7 τῆ αθ̄] τὰ (corr. ex τὸ) αθ̄ B^* 8 τῷ θ̄] τὸ θ̄ B^* τῷ $η_{\overline{e}}$ κύκλος] τὸ ἔλῦνξ B^* 9 κέντοω corr. ex κέντοον B τῷ μ̄] τὸ μ̄ B^* τῷ με] τὸ μ̄σ B^* 10 οῦτως B^* 12 συμβηκὸς B, em. apogr. 16 ἡ add. Mart. $Q\overline{\theta}$] οθ̄? 17 $\overline{\theta}$ ἡ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ 18 $\overline{\mu}\overline{e}$ τουτέστι] μσ τουτὶ B^* 20 $\overline{\theta}$ \overline{Q} $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ $\overline{\theta}$ 22 ει post γωνίαι del. $\overline{\theta}$

είσιν άλλήλαις, ἐν δὲ τοις κύκλοις αι ἴσαι γωνίαι ἐφ' ὁμοίων περιφερειῶν βεβήκασιν, ἐν δὲ τοις ἴσοις καὶ ἐπὶ ἴσων, ἐάν τε πρὸς τοις κέντροις ὧσιν ἐάν τε πρὸς ταις περιφερείαις, αι ρπ επ μο περιφέρειαι [δὲ] ὅμοιαι ὁ ἔσονται ἀλλήλαις, αι δὲ επ μο καὶ ἴσαι. ἐν φρ ἄρα χρόνφ ὁ ῆλιος τὴν επ περιφέρειαν ἐκινήθη τοῦ ἐκκέντρου, ἐν τούτφ καὶ τὸ μ κέντρον τοῦ ἐπικύκλου, τὴν μο περιφέρειαν ἐνεχθέν, τὸν εξη ἐπίκυκλον ἐπὶ τὸν πρχ μετήνεγκε, καὶ ὁ ῆλιος τὴν επ ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου διανύσας, το ἀρξάμενος ἀπὸ τοῦ ε, τουτέστιν ἀπὸ τοῦ ρ, καὶ τὴν ρπ τοῦ ἐπικύκλου περιφέρειαν ὁμοιαν ἔγραψε. τὸ δ' αὐτὸ δειχθήσεται καὶ κατὰ πᾶσαν κίνησιν ποιούμενος ¨ ῶστε καὶ ὅλον διανύσας τὸν ἔκκεντρον ὁ ῆλιος ὅλον γράψει τὸν ἐπίκυκλὸν ¨ ὅπερ ἔδει δείξαι.

15 ταῦτα δὲ καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων πλανωμένων δείκνυται. πλὴν ὁ μὲν ῆλιος ἀπαραλλάκτως ταῦτα δοκεῖ ποιεῖν κατὰ ἀμφοτέρας τὰς ὑποθέσεις, διὰ τὸ τοὺς ἀποκατασταικοὺς αὐτοῦ χρόνους, τόν τε τοῦ μήκους καὶ τὸν τοῦ πλάτους καὶ τὸν τοῦ βάθους καὶ [τὸν] τῆς λεγομένης ἀνωμαλίας, οῦτως εἶναι σύνεγγυς ἀλλήλων, ώστε τοῖς πλείστοις τῶν μαθηματικῶν ἴσους δοκεῖν, ἡμερῶν ἔκαστον τξε΄ δ΄΄, ἀκριβέστερον δὲ ἐπισκοπουμένοις τὸν μὲν τοῦ μήκους, ἐν ῷ τὸν ζωδιακὸν ἀπὸ σημείου τινὸς ἐπὶ τὸ αὐτὸ σημείον διανύει καὶ ἀπὸ τροπῆς ἐπὶ τὴν

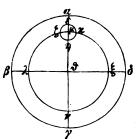
^{4 [}dè]: μ èv Mart. 10 τουτέστιν] τουτὶ B^* 13 ἔγκεντουν B^* 15 inscr. π ερὶ ἡλίου ἀποκαταστάσεως B 17 cf. p. 184, 18 18 αὐτοὺς B^* τόν τε — ἕκαστον: haec verba iterantur in B post ἐπισκοπουμένοις vs. 22, signo \dagger ante τόν τε et post ἔκαστον posito (B^b) τε supra voculam μ èν deletam scr. B^b 19 τὸν del. Mart. 20 εἶναι om. B^a 21 τοὺς πλείστους B^* ἴσας B^b 22 τξε΄] $\overline{\tau}$ ε B^* 24 διανύειν B^*

αὐτὴν τροπὴν καὶ ἀπὸ ἰσημερίας ἐπὶ τὴν αὐτὴν ἰσημερίαν παραγίνεται, τὸν εἰρημένον σύνεγγυς [κύκλον] χρόνον, παρά τετραετίαν έπὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον τοῦ μήκους αὐτοῦ κατὰ τὴν αὐτὴν ώραν ἀποκαθισταμένου. τὸν δὲ τῆς ἀνωμαλίας, καθ' ὃν ἀπογειότατος γινόμενος 5 καλ δι' αὐτὸ τῆ μὲν φάσει τοῦ μεγέθους μικρότατος, βραδύτατος δε κατά την είς τα επόμενα φοράν, η ανάπαλιν προσγειότατος, και διὰ τοῦτο μέγιστος μέν τῷ μεγέθει δοκῶν, τῆ δὲ κινήσει τάχιστος, ἡμερῶν ἔγγιστα τξε΄ ς΄, διετία πάλιν έπὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον τοῦ βάθους 10 την αὐτην ώραν αὐτοῦ φαινομένου, τὸν δὲ τοῦ πλάτους, εν ω ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ βορειότατος ἢ νοτιώτατος γενόμενος έπλ τὸ αὐτὸ παραγίνεται, ὡς πάλιν ἴσας δρᾶσθαι τὰς τῶν αὐτῶν γνωμόνων σκιάς, ἡμερῶν μάλιστα τξε΄ η΄΄, κατὰ τὸ αὐτὸ τοῦ πλάτους σημεῖον αὐτοῦ 15 την αὐτην ώραν ὀκταετία παραγινομένου. ἐπὶ δὲ τῶν άλλων, έπει καθ' εκαστον τῶν πλανωμένων πολύ παραλλάττουσιν (οί) εἰρημένοι χρόνοι πάντες, καὶ ἐφ' ὧν μεν μαλλον, έφ' ών δε ήττον, τα γινόμενα καθ' εκαστον φαίνεται ποικιλώτερα καὶ διαλλάττοντά πως καθ' 20 έκατέραν την υπόθεσιν, οὐκέτ' ἐν ἴσφ χρόνφ τοῦ πλάνητος έκάστου τὸν έαυτοῦ ἐπίκυκλον περιερχομένου καλ τοῦ ἐπικύκλου τὸν ἔγκεντρον, ἀλλ' ὧν μὲν θᾶττον, ὧν δὲ βράδιον, διά τε τὰς τῶν χύχλων ἀνισότητας χαὶ διὰ

² κύκλον delendum aut in δοκείν mutandum esse censet Mart. 4 αὐτὴν] έαυτοῦ Β* 5 γινόμενος] γίνεται?

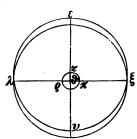
⁶ μ 1 ν] δ 1 Β * 10 * 3 1 1 1 Β * 12 νοτιώτατος 1

τὰς ἀπὸ τοῦ μέσου τοῦ παυτὸς ἀνίσους ἀποστάσεις, ἔτι τε διὰ τὰς πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζφδίων διαφόρους τὰ τὰς πὰς πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζφδίων διαφόρους τὰ τῶν στηριγμῶν τε καὶ ἀναποδισμῶν καὶ προηγήσεων τὰ τῶν στηριγμῶν τε καὶ ἀναποδισμῶν καὶ προηγήσεων τὰ τῶν στηριγμῶν τε καὶ ἀναποδισμῶν καὶ προηγήσεων τὰ μὰν τῶν ε΄ γίνεσθαι [ώς] ταῦτα φαίνεται, εἰ καὶ μη παντάπασιν ὁμοίως. ἐπὶ μέντοι γε ἡλίου καὶ σελήνης οὐδ' ὅλως' οὖτε γὰρ προηγείσθαί ποτε οὖτε στηρίζειν οὖτε ἀναποδίζειν οὖτοι φαίνονται, διὰ τὸ τὸν μὲν τοῦ κύκλου φαίνεσθαι φερόμενον, καὶ τὸν ἐπίκυκλον αὐτοῦ κατὰ τοῦ ἐγκέντρου, καθάπερ ἔφαμεν, τῆς δὲ σελήνης τὸν ἐπίκυκλον δᾶττον κατὰ τοῦ ἐγκέντρου φέρεσθαι καὶ τοῦ τῶν ζφδίων ὑπολείπεσθαι κύκλου ἢ 15 αὐτὴν διεξιέναι τὸν ἐπίκυκλον.



1 ὑποστασεις B^* 2 τὰς] τοῦ B^* 3 λοξώσεις: τητας del. inter λοξώ (ω fort. corr. ex 0) et σεις B inscr. περλ στηριγμῶν καλ προηγήσεων καλ ἀναποδισμῶν B 5 ὑπολήψεων B^* πάντ' B^* ἀπαντᾶν deleto ut vid. altero B 6 γίνεται servata voce ως Mart. εί καλ] καλ εί B verba καλ εί — σελήνης iterantur in B post φαίνονται vs. B, post φαίνονται et post σελήνης signo D posito 10 αὐτὸν add. Mart. αὐτοῦ Mart. 12 αὐτοῦ] αὐτὸν Mart. καθάπερ ἔφαμεν: D. 160, 20 14 τοῦ] τὸν D^* κύκλον D^* 15 αὐτὸν D^*

δηλον δε ώς οὐδεν διαφέρει πρός τὸ σώζειν τὰ φαινόμενα, τοὺς πλάνητας κατὰ τῶν κύκλων, ὡς διώρισται, λέγειν κινεῖσθαι, ἢ τοὺς κύκλους φέροντας τὰ τούτων σώματα αὐτοὺς περί τὰ ίδια κέντρα κινεῖσθαι. λέγω δε τους μεν έγκεντρους, φεροντας τα των έπικύ- 5 κλων κέντρα, περί τὰ αύτῶν κέντρα κινεῖσθαι ὑπεναντίως (τῷ παντί), τοὺς δὲ ἐπικύκλους, φέροντας τὰ τῷν πλανωμένων σώματα, πάλιν περί τὰ αύτῶν κέντρα, οἶον τὸν μὲν μλυξ ἔγκευτρον φέρεσθαι περί τὸ θ, τοῦ παντὸς καὶ ξαυτοῦ κέντρον, ὑπεναντίως τῷ παντί, φέροντα 10 έπὶ τῆς αύτοῦ περιφερείας τοῦ (ἐπικύκλου τὸ) μ κέντρου, τὸυ (δὲ) εζηκ ἐπίκυκλου ἔχουτα τὸυ πλαυώμενου κατά τὸ ε φέρεσθαι πάλιν περί τὸ μ κέντρον, ἐπὶ μὲν ήλίου και σελήνης έπι τὰ αὐτὰ τῷ παντί, έπι δὲ τῶν άλλων και τοῦτον ὑπεναντίως τῷ παντί· σώζεται γὰρ 15 οῦτως τὰ φαινόμενα.



κατὰ δὲ τὴν έτέραν πραγματείαν, ὅντος ἐκκέντρου

⁶ ύπεναντίους B, em. apogr. 7 τῷ παντὶ add. Mart. 8 πλανομένων B, em. apogr. αὐτῶν] αὐτὰ Β* 10 ξαυτὸν Β* φέροντα ἐπὶ τῆς αὐτοῦ περιφέρειας τὸ μ κέντρον τοῦ εζιμι ἐπικύκλου, (δν) ἔχοντα ατλ. Mart. 15 τούτων Β* 17 ἐγκέντρου Β*

κύκλου τοῦ ελυξ περί κέντρον τὸ κ, ἐπὶ μὲν ἡλίου αὐτὸς ό ελυξ κύκλος εν ενιαυτῷ κινούμενος όμαλῶς περί τὸ κ κέντρον, φέρων τὸν ῆλιον ἐνεστηριγμένον κατὰ τὸ ε σημεῖον, σώσει τὰ φαινόμενα, τοῦ κ κέντρου καθ' έαυτὸ 5 μεν μη κινουμένου μηδ' ύπεναντίως τῶ παντί, συναποφερομένου δε τῷ παντὶ καὶ πρὸς ἡμέραν έκάστην γράφοντος τὸν ποπ κύκλον, ἴσον γινόμενον τῷ τῆς έτέρας πραγματείας κύκλω ποιήσεται γάρ ουτως ὁ ήλιος ἀεὶ κατὰ τοὺς αὐτοὺς τόπους μέγιστα ἀποστήματα καὶ πάλιν 10 καθ' ετέρους ελάχιστα καὶ παραπλησίως κατὰ ἄλλους μέσα, τὰ μὲν μέγιστα κατὰ τὴν ε΄ ς΄ μοῖραν, ὡς εἴρηται, τῶν ⊿ιδύμων, τὰ δὲ ἐλάχιστα κατὰ τὴν αὐτὴν τοῦ Τοξότου, και τὰ μέσα ὁμοίως κατὰ τὰς αὐτὰς τῆς τε Παρθένου και των Ίχθύων έπειδή και το ε σημειον 15 τοῦ ἐκκέντρου ἐφ' οὖ ἐστιν ὁ ἥλιος, τήνδε μὲν ἔχοντος την θέσιν τοῦ κύκλου, φαινόμενον ὑπὸ τοὺς Διδύμους άπογειότατόν έστιν, περιενεχθέντος δε τοῦ κύκλου περί τὸ κ κέντρον, μεταπεσὸν ὅπου νῦν ἐστι τὸ υ, φανήσεται μεν ύπο τον Τοξότην, έσται δε προσγειότατον, 20 μεταξύ δὲ τούτων, κατά τε τὴν Παρθένον καὶ τοὺς Ίχθύας, μέσως ἀποστήσεται.

τὰ δ' ἄλλα πλανητὰ ἐπειδὴ κατὰ πάντα τόπον τοῦ ζωδιακοῦ καὶ μέγιστα καὶ ἐλάχιστα καὶ μέσα ποιεῖται καὶ ἀποστήματα καὶ κινήματα, ἐὰν κέντοω μὲν τῷ ð τοῦ παντός, διαστήματι δὲ τῷ ðκ, γεγράφθαι νοήσωμεν κύκλον τὸν κπρ, ἔπειτα τοῦτον, ἔγκεντρον ὅντα καὶ

⁴ ξαυτοῦ B, ξαυτὸν Mart. 11 μέσους B^* ξζ B^* ως εἴοηται: p. 157, 5 18 μεταπεσών B^* 19 προσγειότατος B^* 24 τὸ ϑ B^* 25 νοήσομεν B^*

ίσον τῷ τῆς ἐτέρας ὑποθέσεως ἐπικύκλῳ, φέρεσθαι περὶ τὸ θ τοῦ παντὸς κέντρον καὶ συναποφέρειν τὸ κ κέντρον τοῦ ἐκκέντρου ὑπεναντίως τῷ παντὶ ἐν χρόνῳ τινί, τὸν δὲ ελυξ ἔκκεντρον ἐν ἐτέρῳ χρόνῳ κινεῖσθαι περὶ τὸ ἐαυτοῦ κέντρον τὸ κ, φέροντα τὸν πλανώμενον ἐνεστηριγμένον ἐν αὐτῷ κατὰ τὸ ε, λαμβανομένων τῶν χρόνων καθ' ἔκαστον τῶν πλανωμένων ἰδίων καὶ οἰκείων, σωθήσεται τὰ φαινόμενα.

καὶ ταῦτα μὲν ἐπὶ πλέον διέξεισι τοῦ προσοικειῶσαι άλλήλαις τὰς τῶν μαθηματικῶν ὑποθέσεις τε καὶ πραγμα- 10 τείας, οΐτινες πρός τὰ φαινόμενα μόνον καὶ τὰς κατὰ συμβεβηκός γινομένας των πλανωμένων κινήσεις άποβλέποντες, μακροίς χρόνοις ταύτας τηρήσαντες δια.τὸ εύφυες της χώρας αὐτῶν, Βαβυλώνιοι καὶ Χαλδαῖοι καλ Αλγύπτιοι, προθύμως άρχας τινας καλ ύποθέσεις 15 άνεζήτουν, αξς έφαρμόζει τὰ φαινόμενα, δι' οὖ τὸ κατὰ τὰ εύρημένα πρόσθεν ἐπικρίνειν καὶ κατὰ μέλλοντα προλήψεσθαι, φέροντες οί μεν άριθμητικάς τινας, ώσπερ Χαλδαζοι, μεθόδους, οί δε και γραμμικάς, ώσπερ Alγύπτιοι, πάντες μεν ἄνευ φυσιολογίας ἀτελεῖς ποιού- 20 μενοι τὰς μεθόδους, δέον ᾶμα καὶ φυσικῶς περὶ τούτων έπισκοπείν. ὅπερ οί παρὰ τοῖς Ελλησιν ἀστρολογήσαντες έπειρώντο ποιείν, τὰς παρὰ τούτων λαβόντες άρχὰς καὶ τῶν φαινομένων τηρήσεις, καθὰ καὶ Πλάτων

12

³ ἐγκέντοου Β* 4 ἔγκεντοου Β* 6 λαμβανόμενου του χοόνων Β, λαμβανόμενοι τῶν χοόνων Ματι. 7 πλανομένων Β, em. apogr. 11 οἶτινες] ὧν τινες? 14 cf. Aristot. de caelo II 12. Bretschneider die Geometrie u. die Geometer vor Euklides p. 12 sq. 16 ἐφαρμόζοι Ματτ. δι' οὖ ππλ.] haec verba graviter corrupta sunt κατὰ] καὶ Ματτ. 17 εἰρημένα Β* κατὰ] τὰ Ματτ. 18 προλείψεσθαι Β* 19 γραμμικάς: cf. Biot, Journal des Savants 1850 p. 199

έν τῷ Ἐπινομίᾳ μηνύει, ὡς ὀλίγον ὕστερον ἔσται δῆλον παρατεθεισῶν τῶν λέξεων αὐτοῦ.

καὶ Αριστοτέλης δὲ ἐν τοῖς περὶ οὐρανοῦ κοινῶς διὰ πλειόνων δείξας περί τῶν ἄστρων, ὡς οὕτε δι' ἡρε-5 μοῦντος αὐτὰ φέρεται τοῦ αίθερίου σώματος οὔτε φερομένου συνθεί καθάπερ ἀπολελυμένα και καθ' έαυτά, οὖτε μὴν δινούμενα οὖτε κυλινδούμενα, μᾶλλον δὲ ὑπ' έχείνου φέρεται τὰ ἀπλανῆ πολλὰ ὅντα ὑπὸ μιᾶς χοινῆς τῆς ἐκτός, τῶν δὲ πλανωμένων ἔκαστον ξυ ὑπὸ πλειόνων 10 σφαιρών, πάλιν έν τῷ λ΄ τῶν μετὰ τὰ φυσικά φησιν Εὔδοξόν τε καὶ Κάλλιππον σφαίραις τισὶ κινείν τοὺς πλάνητας. τὸ γὰρ φυσικόν ἐστι μήτε τὰ ἄστρα αὐτὰ κατὰ ταὐτὰ φέρεσθαι κυκλικάς τινας ἢ έλικοειδεῖς γραμμάς και ύπεναντίως γε τῷ παντι μήτε αὐτούς τινας 15 χύχλους περί τὰ αύτῶν χέντρα δινεῖσθαι φέροντας ένεστηριγμένους τοὺς ἀστέρας, καὶ τοὺς μὲν [έπτὰ] ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντί, τοὺς δὲ ὑπεναντίως. πῶς γὰρ καὶ δυνατὸν ἐν κύκλοις ἀσωμάτοις τηλικαῦτα σώματα δεδέσθαι; σφαίρας δέ τινας είναι τοῦ πέμπτου σώματος 20 οίχεῖον έν τῷ βάθει τοῦ παντὸς οὐρανοῦ χειμένας τε καὶ φερομένας, τὰς μὲν ὑψηλοτέρας, τὰς δὲ ὑπ' αὐτὰς τεταγμένας, καὶ τὰς μὲν μείζονας, τὰς δὲ ἐλάττονας, ἔτι δὲ τὰς μὲν κοίλας, τὰς δ' ἐν τῷ βάθει τούτων πάλιν στερεάς, εν αξς απλανών δίκην ενεστηριγμένα τὰ πλα-

¹ Έπινομίω: p. 987 A 3 inscr. τὰ Ἰοιστοτέλους B. dditum est κε', quod ex ea quae sequitur καὶ voce ortum esse probabiliter cj. Mart. περὶ οὐρανοῦ: Π 8 4 διηρεμοῦντος Β* 8 Arist. de caelo II 12. cf. Krische die theol. Lehren der griech. Denker p. 286 sqq. τὰ | τὰ μὲν? 10 cf. p. 201, 25. Arist. Metaph. λ 8 p. 1073 μο φαζιν Εὐδοξός τε καὶ Κάλιππος Β* 16 έπτὰ del. Mart. 19 sqq. cf. p. 189, 7

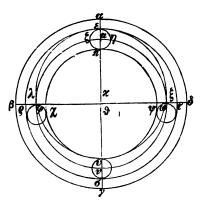
νητὰ τῆ ἐκείνων ἁπλῆ μέν, διὰ δὲ τοὺς τόπους ἀνισοταχει φορά κατά συμβεβηκός φαίνεται ποικίλως ήδη κινεϊσθαι καλ γράφειν τινάς κύκλους έκκέντρους ἢ καλ έφ' έτέρων τινών κύκλων κειμένους ή τινας έλικας, καθ' ών οι μαθηματικοί κινεϊσθαι νομίζουσιν αὐτά, τῆ 5 άναστροφή άπατώμενοι. έπεὶ οὖν φαίνεται μὲν συναποφέρεσθαι ύπὸ τοῦ παντὸς πρὸς έκάστην ἡμέραν τὴν άπ' άνατολών έπλ δύσεις, άντιφέρεσθαι δε την είς τὰ έπόμενα κατά λοξοῦ τοῦ ζωδιακοῦ μετάβασιν, κινεῖσθαι δέ τι και πλάτος, βορειότερά τε και νοτιώτερα βλεπό- 10 μενα, πρός δε τούτοις ύψος τε καλ βάθος, ότε μεν άπογειότερα, ότε δε προσγειότερα θεωρούμενα, φησίν ό Αριστοτέλης ότι διὰ πλειόνων σφαιρών εκαστον οί πρόσθεν ύπετίθεντο φέρεσθαι. Εύδοξος μεν ηλιον και σελήνην διὰ τριῶν σφαιρῶν φησιν ἐστηρίχθαι, μιᾶς μὲν τῆς 15 τῶν ἀπλανῶν περὶ τοὺς τοῦ παντὸς πόλους δινουμένης και διὰ κράτος κοινώς πάσας τὰς ἄλλας ἀπὸ ἀνατολών έπὶ δύσεις έφελκομένης, έτέρας δὲ φερομένης περὶ ἄξονα τὸν πρὸς ὀρθὰς τῷ διὰ μέσου τῶν ζωδίων, δι' ἦς τὴν κατὰ μῆκος μετάβασιν είς τὰ έπόμενα τῶν ζωδίων κοι- 20 νῶς ξκαστον πάλιν φαίνεται ποιεῖσθαι, τρίτης δὲ περί ἄξονα τὸν πρὸς ὀρθὰς τῷ λελοξωμένφ κύκλφ πρὸς τὸν διὰ μέσου ἐν τῷ πλάτει τῶν ζωδίων, δι' ἦς τὴν κατὰ πλάτος κίνησιν εκαστον ίδίαν, τὸ μεν εν πλείονι, τὸ δε

¹ διά τε B* 3 ἐγκέντοους B* 5 μαθητικοὶ B, em. apogr. αὐτοῦ B* 7 πρὸς ἐκάστην ἡμέραν] πρὸς ἐκάστην δὲ καὶ πάντα Β, παρ' ἐκάστην τε καὶ πάντα Mart. cf. p. 176, 6 8 τὰ apogr.] τὴν B 13 ὅτι] ὁτὲ δὲ B* 14 inser. τὰ Εὐδόξου κατὰ (καὶ τὰ Mart.) Ἰριστοτέλους B. cf. Ideler, Abh. d. Berl. Akad. 1830 p. 73 sqq. Letronne, Journal des Savants 1841 p. 542 19 ἡς] ἢν B 22 τὸν] τῶν B* 23 διαμέσον Β*

έν έλάττονι φέρεται διαστάσει, βορειότερόν τε καί νοτιώτερον γινόμενον τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων, τῶν δ' άλλων πλανωμένων ξκαστον διὰ τεττάρων, προστεθείσης [ἄν τις ὑπολάβηται σειρῆνας] καθ' ἕκαστον έτέ-5 ρας, δι' ής και τὸ βάθος εκαστον ποιήσεται. Κάλλιππος δέ, χωριστοῦ Κρόνου καὶ Διός, τοῖς ἄλλοις καὶ έτέρας τινάς, φησί, προσετίθει σφαίρας, ανα δύο μέν ήλίω και σελήνη, τοις δε λοιποις ανα μίαν. είτα δε έπιλογίζεται, εί μέλλοιεν συντεθείσαι σώζειν τὰ φαινό-10 μενα, καθ' εκαστον των πλανωμένων καλ ετέρας είναι σφαίρας μια έλάττονας των φερουσων τὰς ἀνελιττούσας, εἴτε έαυτοῦ δόξαν ταύτην, εἴτε ἐκείνων ἀποφαινόμενος. έπει γὰο ἄουτο κατὰ φύσιν μὲν είναι τὸ έπι τὸ αὐτὸ φέρεσθαι πάντα, έώρων δε τὰ πλανώμενα καὶ ἐπὶ τοὐ-15 ναντίον μεταβαίνοντα, ὑπέλαβον δεῖν εἶναι μεταξὺ φερουσών έτέρας τινάς, στερεάς δηλονότι, σφαίρας, αξ τῆ ξαυτῶν κινήσει ἀνελίξουσι τὰς φερούσας ἐπὶ τοὐναντίου, έφαπτόμενας αὐτῶν, ώσπερ έν ταίς μηχανοσφαιροποιίαις τὰ λεγόμενα τυμπάνια, κινούμενα περί τὸ κέν-20 τρου ίδίαυ τιυὰ κίυησιυ, τῆ παρεμπλοκῆ τῶυ ὀδόυτων είς τούναντίον κινείν καὶ άνελίττειν τὰ ὑποκείμενα καὶ προσυφαπτόμενα. ἔστι δὲ τὸ μὲν φυσικὸς ὄντως, πάσας τας σφαίρας φέρεσθαι μέν έπὶ τὸ αὐτό, περιαγομένας ύπὸ τῆς έξωτάτω, κατὰ δὲ τὴν ίδίαν κίνησιν διὰ την

2 γινομένων B* 4 σεισήνας Β. ὑπολάβοιτο, σεισήνης Mart. interpolator verba διὰ τεττάσων male intellecta ad Platonis de sphaerarum concentu locum supra exscriptum (p. 146, 1. cf. adn. ad p. 138, 9) rettulit 5 δι' ής] διήση Β* inscr. τὰ Καλίππον κατὰ (καὶ τὰ Mart.) Άριστοτέλονς Β* Κάλιππος Β* 7 δύο] δύο: δύο Β* · 18 cf. Papp. VIII p. 308 Gerh. Lübbert, Rhein. Mus. n. F. XII p. 119 21 κινεί καὶ ἀνελίττει Mart. 22 προσυφαπτόμενον Β* 23 περιαγομένω Β*

τάξιν τῆς θέσεως καὶ τοὺς τόπους καὶ τὰ μεγέθη τὰς μὲν θᾶττον, τὰς δὲ βραδύτερον ἐπὶ τὰ ἐναντία φέρεσθαι περὶ ἄξονας ἰδίους καὶ λελοξωμένους πρὸς τὴν τῶν ἀπλανῶν σφαῖραν ¨ῶστε τὰ ἐν αὐταῖς ἄστρα τῆ τούτων ἀπλῆ καὶ ὁμαλῆ κινήσει φερόμενα κατὰ συμβεβηκὸς αὐτὰ 5 δοκεῖν συνθέτους καὶ ἀνωμάλους καὶ ποικίλας τινὰς ποιεῖσθαι φοράς. καὶ γράφουσί τινας κύκλους διαφόρους, τοὺς μὲν ἐγκέντρους, τοὺς δὲ ἐκκέντρους, τοὺς δὲ ἐπικύκλους. Ενεκα δὲ τῆς ἐννοίας τῶν λεγομένων ἐπὶ βραχὺ καὶ περὶ τούτων ἐκθετέον, κατὰ τὸ δοκοῦν 10 ἡμῖν ἀναγκαῖον εἰς τὰς σφαιροποιίας διάγραμμα.



καὶ διὰ μέσων τῶν ζωδίων. ἐτέρα δέ τις ὑποκάτω 15 αὐτῆς αὶ 15 αὸς καὶ νοείσθω 15 α κύκλος μέγιστος 15 αὶ μέσων τῶν ζωδίων. ἐτέρα δέ τις ὑποκάτω 15

5 nal ante nivýsli del. B 12 in descr. omissae sunt literae duluv $\xi \varphi \omega$ 14 a ℓ] $\dot{\eta}$ B* 15 d $\dot{\epsilon}$ τ_{ℓ} $\tilde{\eta}$ τ_{ℓ} B*

1 αὐτῆς] τῆς B 2 τῷ $\overline{\epsilon \pi}$] τὸ $\epsilon \pi$ B* 10 lacunam Martinus his verbis supplevit: τοῦ lσημερινοῦ ἐπιπέδῳ ἡ δὲ κοίλη τοῦ πλάνητος περὶ ἄξονα πρὸς ὀρθὰς τῷ 16 περιεῖναι B* τὴν] τῆς B* 18 ἄλλοι B, em. apogr. ρ. 148, 5 ἐπὶ del. Mart. 21 ἀπλανῆ B* 24 φερομένην B

άποκαθιστάσθω πρότερον έν τῷ αὐτῷ καὶ ἔστω κέντοον της σφαίρας τὸ μ. και γεγράφθω κέντρω μέν τῷ ϑ, διαστήματι δὲ τῷ θμ κύκλος ὁ μλνξ \cdot τῆς δὲ $\langle \overline{\epsilon v} \rangle$ εύθείας δίχα διαιρεθείσης κατά τὸ κ, κέντοφ μεν τῷ κ, διαστήματι δε τῷ πε, κύκλος γεγράφθω ὁ ελυξ, ἔκκεν- 5 τρος πρός τὸ πᾶν. φανερὸν δὴ ὅτι ἐν ιν χρόνω ἡ κοίλη σφαίζοα τοῦ πλανωμένου τῆς τῶν ἀπλανῶν ὑπολείπεται φέρουσα την στερεάν, τὸ μὲν μ κέντρον τῆς στερεᾶς σφαίρας διελεύσεται τον μλυξ κύκλον έγκευτρου, έπλ τὰ ἐναντία δοκοῦν φέρεσθαι καὶ ἀπάγον τὴν στερεὰν 10 σφαῖραν, τὸ δὲ ἐπὶ τοῦ ε πλανώμενον ἐν μὲν τῆ στερεῷ σφαίρα γράψει τὸν εηπζ κύκλον, ἐπίκυκλον γινόμενον τοῦ μλυξ έγκευτρου, αὐτὸν φερόμενον ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντί κατὰ συμβεβηκὸς (δὲ) γράψει καὶ τὸν ελυξ ἔκκευτρου ίσου τῷ ἐγκέυτρῷ, περιγράφου αὐτὸυ ἐπὶ τὰ 15 έναντία τῷ παντί δόξει δὲ τοῖς ἀπὸ τοῦ θ ὁρῶσι καὶ τον αβγδ ζωδιακον διανύειν, είς τὰ έπόμενα προϊον ύπεναντίως τῆ τοῦ παντὸς φορᾶ: φανήσεται δὲ καὶ πλάτος κινεϊσθαι τὸ κατὰ λόγον τῆς λοξώσεως τοῦ ἐπιπέδου πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων, ῷ ἐπιπέδω πρὸς ὀρθὰς 20 οί ἄξονες τῶν σφαιρῶν αὐτοῦ κατὰ δὲ τὸν αὐτὸν τόπον άελ μέγιστον απόστημα ποιήσεται καλ τα έλαχιστα δόξει

¹ ἔστω] ἐν τῶ Β 2 τῆ σφαίρα Β. ἐν τῷ κέντοῷ (ex ea nota qua νος. κέντοον hoc loco significatur casus cognosci non potest) τῷ σφαίρα Mart. 3 τὸ θ Β* τὸ θμ Β* μψνξ Β* εν add. Mart. 4 τὸ κ] τὸ ἡ Β, τὸ Η Mart. τῷ κ] τὸ η Β, τῷ Η Mart. 5 τῷ] τὸ Β* ἔγκεντρος Β* 9 μ νξ Β* 10 ἀπάγο. Β, em. apogr. 11 τὸ] τὸν Β* 12 εντξ Β* 14 καὶ ante κατὰ add. Mart. 15 περιγράφων Β* ἐπί] περί Β* 17 προϊών Β* 20 τὸν] τῶν Β* ὧ ἐπίπεδοι Β, οἰς ἐπιπέδοις Mart. 22 καὶ τὰ] κατὰ Β*

κινεϊσθαι, οίον κατά τὸ α σημεῖον τοῦ ζωδιακοῦ, ἐπειδαν της στερεάς σφαίρας το κέντρον έπλ της αθ εύθείας κατὰ τὸ μ, αὐτὸ δὲ τὸ πλανώμενον κατὰ τὸ ε κατὰ δὲ τούναντίον ἀεὶ τὸ ἐλάχιστον ἀπόστημα ἀποστήσεται καὶ 5 τὰ μέγιστα δόξει χινεῖσθαι, οἶον χατὰ τὸ γ σημεῖον τοῦ ζφδιακου, έπειδάν, έπὶ τὰ έναντία τῆς κοίλης σφαίρας μεταπεσούσης, [καί] τῆς στερεᾶς τὸ μὲν κέντρον ἐπὶ τῆς θη εὐθείας γένηται κατὰ τὸ ν, αὐτὸ δὲ τὸ πλανώμενον κατά τὸ γ, τουτέστι κατά τὸ υ. τὰ μέντοι μέσα 10 αποστήματα και τὰ μέσα κινήματα ποιήσεται διχῆ, κατὰ τὰς διχοτομίας γινόμενον τοῦ εξπη ἐπικύκλου καὶ τοῦ μλυξ έγκέντοου, οίον τὰς ζ η, αΐτινες διὰ τὴν ἐπὶ τὰ έναντία μετάπτωσιν τῶν σφαιρῶν ἢ ὑπόλειψιν αί αὐταί γίνονται ταζς λ ξ διχοτομίαις τοῦ τε ελυξ έχχέντρου 15 κύκλου καὶ τοῦ μλυξ έγκέντρου, φαινόμεναι κατὰ τὰ μεταξύ σημεῖα τῶν α γ ἐφ' ἐκάτερα β δ ἐν τῷ ζῷδιακῷ, οίον τὰ φ ω· ἄ τινα πάντα φαίνεται περί τὸν ηλιον, διὰ τὸ τοὺς ἀποκαταστατικοὺς αὐτοῦ χρόνους πάντας ώς πρός αἴσθησιν ἴσους ἢ σύνεγγυς ἀλλήλων εύρίσκεσθαι 20 - λέγω δὲ τόν τε τοῦ μήκους καὶ τοῦ πλάτους καὶ βάθους - (καί) έπισυναντᾶν άμφοτέρων τῶν σφαιρῶν τὰ δμόλογα σημεῖα κατὰ τὰς δμολόγους αὐτῶν κινήσεις ἀεὶ κατὰ τοὺς αὐτοὺς τόπους καὶ κατὰ τὰ αὐτὰ ὁρᾶσθαι ζώδια.

έπειδη δὲ τῆ τοιαύτη καὶ κατὰ φύσιν [οῦτω] φορῷ 25 τῶν [πλανωμένων οῦτω] σφαιρῶν, ὁμαλῆ καὶ ἀπλῆ καὶ

⁷ κέντοον] nota voc. κέντοω B^* 11 εξπη B^* 11 extr. τοῦ] τὸ B^* 12 ἐκκέντοον B^* τὰς ζ η] τὸ ε ξ $\overline{\nu}$ B^* 13 ὑπόληψιν B^* 15 ἐκκέντοον, φαινόμενα B^* 18 cf. p. 172, 17 22 τὰς] τοὺς B^* 23 αὐτοὺς] αὐτῆς B^* 25 οὕτω] ἢ τῶν Mart. ὁμαλὴ καὶ ἀπλὴ B^*

τεταγμένη, λοξη δε και δια βραδυτήτα μόνον υπολειπομένη τῶν ἀπλανῶν ἢ μιᾶ τῆ φερούση τὴν στερεάν, τουτέστι τὸν ἐπίκυκλον, ἐπὶ τὰ ἐναντία φερομένη κατὰ συμβεβημός ἐπιγίνεται ποικίλη μαὶ σύνθετος ἀνώμαλός τε [καί] οὖσα φορὰ τοῦ πλανωμένου, διὰ μὲν 5 εἰς τὰ ἐπόμενα τῶν ζωδίων γινομένη ἢ ὄντως η καθ' ὑπόλειψιν, διὰ δὲ τὴν λόξωσιν ἐν πλάτει τινὶ τῶν ζωδίων θεωρουμένη, διὰ δὲ ⟨τὴν⟩ τῆς στερεᾶς περί τὸν αύτῆς ἄξονα δίνησιν ποτε μεν εν ΰψει καί διὰ τοῦτο βραδεῖα δοκοῦσα, ποτὲ δὲ ἐν βάθει καὶ διὰ τοῦτο 10 ταχυτέρα, και άπλως άνωμαλος, διὰ ταῦτα δὲ και κατὰ τοῦ ἐπικύκλου γινομένη καὶ κατὰ τοῦ ἐκκέντρου δοκοῦσα, δηλον ώς εἰκότως καὶ αί τῶν μαθηματικῶν ὑποθέσεις της φοράς αὐτῶν, η τε κατ' ἐπίκυκλον καὶ κατ' έκκευτρου, άλλήλαις επουται καί συνάδουσιν, έπειδή 15 άμφότεραι τη κατά φύσιν, κατά συμβεβηκός δέ, άκολουθουσιν, δ καὶ θαυμάζει Ίππαρχος, μάλιστα έπὶ τοῦ ήλίου διὰ τὸ ἰσοχρόνιον τῆς τῶν σφαιρῶν αὐτοῦ φορᾶς άχριβῶς ἀπαρτιζόμενον, ἐπὶ δὲ τῶν ἄλλων οὐχ οῦτως ἀκριβῶς διὰ τὸ μὴ ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῷ τὴν στερεὰν 20 σφαϊραν τοῦ πλάνητος ἀποκαθίστασθαι, ἐν ὧ ἡ κοίλη τῆς τῶν ἀπλανῶν ἢ ὑπολείπεται ἢ ἐπὶ τὰ ἐναντία περιέρχεται, άλλ' έφ' ών μεν θαττον, έφ' ών δε βραδύτερον. ώστε τὰς δμολόνους αὐτῶν χινήσεις, καὶ κατὰ τὰ

¹ λοξή B^* 2 η μιᾶ] ή μία B^* 5 καὶ del. Mart. διὰ μὲν . . .] μία μὲν ἡ B, lacuna ante μία vacuo spatio complurium literarum indicata: excidisse videnţur verba τὴν τῆς κοίλης φορὰν vel similia. καὶ μία μὲν ἡ Mart. 7 ὑπόληψιν B^* 8 τὴν add. Mart. 11 κατὰ] διὰ B^* 17 Ἰππαρχος: cf. p. 166, 6 ἐπὶ] ὑπὸ B^* 19 ἀπαρτιζομένους B^* 21 κοίλη τῆς] κοιλότης B^*

αὐτὰ σημεία τῶν σφαιρῶν μὴ κατὰ τοὺς αὐτοὺς τόπους συνανταν, άλλ' άελ παραλλάττειν, είναι δε και τὰς λοξώσεις τῶν σφαιρῶν ἐν πλείοσι πλάτεσι, διὰ δὲ ταῦτα τούς τε [τοὺς] ἀποκαταστατικοὺς αὐτῶν χρόνους τοῦ τε 5 μήκους και πλάτους και βάθους άνίσους είναι και διαφόρους, (και τὰς μεγίστας) και έλαχίστας και μέσας άποστάσεις και κινήσεις άλλοτε κατ' άλλους τόπους και έν πᾶσι ποιείσθαι τοις ζωδίοις, έτι δέ, διὰ τὸ παραλλάττειν, ως φαμεν, τας δμολόγους κινήσεις και κατα τα 10 όμόλογα σημεΐα τῶν σφαιρῶν, μηδε κύκλους δοκεΐν γράφειν τὰ πλανώμενα ταζς κατὰ συμβεβηκὸς κινήσεσιν, άλλά τινας ελικας. ἐπὶ οὖν τῶν πλανωμένων ἐκάστου χρη νομίζειν ιδίαν μεν είναι την κοίλην σφαίραν καλ φέρουσαν εν τῷ έαυτῆς βάθει τὴν στερεάν, ίδίαν δὲ 15 την στερεάν, πρός τη ίδία πάλιν έπιφανεία φέρουσαν τὸ, πλανώμενον.

ἐπὶ δὲ τοῦ ἡλίου καὶ φωσφόρου καὶ στίλβοντος [οὐ] δυνατὸν μὲν καὶ ἰδίας εἶναι καθ' ἕκαστον ἀμφοτέρας, ἀλλὰ τὰς μὲν κοίλας τῶν τριῶν ἰσοδρόμους ἐν ἴσφ 20 χρόνφ τὴν τῶν ἀπλανῶν ἐπὶ τἀναντία περιιέναι σφαίραν, τὰς δὲ στερεὰς ἐπὶ μιᾶς εὐθείας ἐχούσας τὰ κέντρα, μεγέθει δὲ τὴν μὲν τοῦ ἡλίου ἐλάττονα, ταύτης δὲ μείζονα τὴν τοῦ στίλβοντος, καὶ ταύτης ἔτι μείζονα τὴν τοῦ φωσφόρου. δυνατὸν δὲ καὶ μίαν μὲν εἶναι τὴν 25 κοίλην κοινὴν τῶν τριῶν, τὰς δὲ στερεὰς ⟨τῶν⟩ τριῶν

⁴ τοὺς del. Mart. 6 καὶ μεγίστας add. Mart. 7 ἀποκαταστάσεις B* 8 παραλλάττειν] πράττειν B* 9 κατὰ τὰ] κατὰ αὐτὰ Β, κατὰ αὐτὰ τὰ Mart. 17 inscr. περὶ ἡλίου, Έρμοῦ, Αφροδίτης Β οὐ del. Mart. 20 περιεϊναι Β* 21 nonnulla excidisse videntur, velut ἐπὶ τὰ αὐτὰ φέρεσθαι τῷ ἀπλανεῖ

έν τῷ βάθει ταύτης περί τὸ αὐτὸ κέντρον ἀλλήλαις, μικροτάτην μεν και οντως στερεάν την του ήλίου, περί δε ταύτην την τοῦ στίλβοντος, είτα ἀμφοτέρας περιειληφυταν και τὸ πᾶν βάθος τῆς κοίλης και κοινῆς πληροῦσαν την τοῦ φωσφόρου. δι' ο την μέν κατὰ τὸ μηκος 5 διὰ τῶν ζωδίων ἢ ὑπόλειψιν ἢ ἐπὶ τὰ ἐναντία φορὰν ισόδρομον οί τρείς ούτοι ποιούνται, τὰς δὲ ἄλλας ούχ όμοίως, [ας] ἀεί τε περὶ ἀλλήλους ὁρῶνται καταλαμβάνοντες και καταλαμβανόμενοι και έπιπροσθούντες άλλήλοις, τοῦ μὲν Ερμοῦ τὸ πλεῖστον εἴκοσί που μοίρας 10 έφ' έκάτερα τοῦ ήλίου πρὸς έσπέραν ἢ πρὸς ἀνατολὴν άφισταμένου, τοῦ δὲ τῆς Αφροδίτης τὸ πλεῖστον πεντήκοντα μοίρας. ὑποπτεύσειε δ' ἄν ⟨τις⟩ καὶ τὴν ἀληθεστέραν θέσιν τε καὶ τάξιν είναι ταύτην, ΐνα τοῦ κόσμου, ώς κόσμου και ζώου, της έμψυχίας ή τόπος ούτος, 15 ώσανεὶ καρδίας τοῦ παντὸς ὄντος τοῦ ἡλίου πολυθέομου διὰ τὴν κίνησιν καὶ τὸ μέγεθος καὶ τὴν συνοδίαν τῶν περὶ αὐτόν. ἄλλο γὰρ ἐν τοῖς ἐμψύχοις τὸ μέσον τοῦ πράγματος, τουτέστι τοῦ ζώου ή ζώου, καὶ ἄλλο τοῦ μεγέθους οίον, ώς ἔφαμεν, ἡμῶν αὐτῶν ἄλλο μέν, 20 ώς ανθρώπων και ζώων, της έμψυχίας μέσον τὸ περί την καρδίαν, αξικίνητον καλ πολύθερμον καλ δια ταυτα πάσης ψυγικής δυνάμεως ούσαν άργήν, οίον ψυγικής καλ κατά τόπον όρμητικής, όρεκτικής καλ φανταστικής καλ διανοητικής, τοῦ δὲ μεγέθους ἡμῶν ἔτερον μέσον, 25 οίον τὸ περὶ τὸν ὀμφαλόν. ὁμοίως δὴ καὶ τοῦ κόσμου

³ ἀμφοτέφοις B^* 6 ὑπόληψιν B^* 8 ας] αζς Mart. 13 τις add. Mart. 18 αὐτῶν B^* 19 τόυτι B^* ή ζώω B^* 22 ἀπίνητον B^* 23 οἶον ψυχικῆς] οἶον θεεπτικῆς? cf. Aristot, de an. II 3 24 scr. $\langle \kappa\alpha i \rangle$ ὀξεπτικῆς vel ὀξεπτικῆς $\langle \tau\epsilon \rangle$

παντός, ώς ἀπὸ βραχέων καὶ τυχόντων καὶ θνητῶν τα μέγιστα καὶ τιμιώτατα καὶ θεῖα εἰκάσαι, τοῦ μεγέθους μέσον τὸ περὶ τὴν γῆν κατεψυγμένον καὶ ἀκίνητον ώς κόσμου δὲ καὶ ἡ κόσμος καὶ ζῷον τῆς ἐμψυχίας μέσον τὸ περὶ τὸν ῆλιον, οἰονεὶ καρδίαν ὅντα τοῦ παντός, ὅθεν φέρουσιν αὐτοῦ καὶ τὴν ψυχὴν ἀρξαμένην διὰ παντὸς ῆκειν τοῦ σώματος τεταμένην ἀπὸ τῶν περάτων.

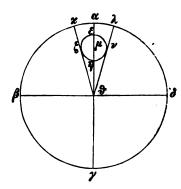
δηλον δε ώς δια τας είρημένας αίτίας αμφοτέρων τῶν ὑποθέσεων έπομένων ἀλλήλαις κοινοτέρα καὶ καθο-10 λικωτέρα δοκεί και σύνεγγυς τῆ κατὰ φύσιν ἡ κατὰ τὸν ἐπίχυκλον. ὁ γὰρ τῆς στερεᾶς σφαίρας μέγιστος κύκλος, δυ τη έκ' αὐτης περί αὐτην φορά γράφει τὸ πλανώμενον, έστιν ὁ ἐπίκυκλος ὁ δὲ ἔκκεντρος παντάπασιν άπηρτημένος τοῦ κατὰ φύσιν καὶ μᾶλλον κατὰ 15 συμβεβηκός γραφόμενος. ὅπερ καὶ συνιδών ὁ Ἱππαργος έπαινεῖ τὴν κατ' ἐπίκυκλον ὑπόθεσιν ὡς οὖσαν ἑαυτοῦ, πιθανώτερον είναι λέγων πρός τὸ τοῦ κόσμου μέσον πάντα τὰ οὐράνια Ισορρόπως κεῖσθαι καὶ ὁμοίως συναρηρότα οὐδε αὐτὸς μέντοι, διὰ τὸ μὴ ἐφωδιάσθαι 20 ἀπὸ φυσιολογίας, σύνοιδεν ἀκριβῶς, τίς ἡ κατὰ φύσιν καὶ κατὰ ταῦτα ἀληθής φορὰ τῶν πλανωμένων καὶ τίς ή κατά συμβεβηκός καὶ φαινομένη ύποτίθεται δε καὶ ούτος τον μεν επίκυκλον εκάστου κινείσθαι κατά τοῦ έγκέντρου κύκλου, τὸ δὲ πλανώμενον κατὰ τοῦ ἐπικύκλου. έοικε δε καί Πλάτων κυριωτέραν ήγεζοθαι την κατ' 25

έπίκυκλου, οὐ μὴν σφαίρας, ἀλλὰ κύκλους εἶναι τὰ φέροντα τὰ πλανώμενα, καθάπερ καὶ ἐπὶ τέλει τῆς Πολιτείας τοις ἐν ἀλλήλοις ἡρμοσμένοις αἰνίσσεται σφονδύλοις χρῆται δὲ τοις ὀνόμασι κοινότερου, καὶ τὰς μὲν σφαίρας πολλάκις κύκλους προσαγορεύει καὶ 5 πόλους, τοὺς ἄξονας δὲ πόλους.

ό δὲ 'Αριστοτέλης φησί' σφαίρας εἶναί τινας τοῦ πέμπτου σώματος οἰκεῖον ἐν τῷ βάθει τοῦ παυτὸς οὐρανοῦ κειμένας τε καὶ φερομένας, τὰς μὲν ὑψηλοτέρας, τὰς δὲ ὑπ' αὐτὰς τεταγμένας, καὶ τὰς μὲν μείζονας, τὰς 10 δὲ ἐλάττονας, ἔτι δὲ τὰς μὲν κοίλας, τὰς δὲ ἐν τῷ βάθει τούτων πάλιν στερεάς, ἐν αἷς ἀπλανῶν δίκην ἐνεστηριγμένα τὰ πλανητά, τῷ ἐκείνων ἁπλῷ μέν, διὰ δὲ τοὺς τόπους ἀνισοταχεῖ φορῷ κατὰ συμβεβηκὸς φαίνεται ποικίλως ἤδη κινεῖσθαι καὶ γράφειν τινὰς κύκλους ἐκ- 15 κέντρους, ἢ καὶ ἐφ' ἐτέρων τινῶν κύκλων κειμένους ἤ τινας ἕλικας, καθ' ὧν οί μαθηματικοὶ κινεῖσθαι νομίζουσιν αὐτά, τῷ ἀναστροφῷ ἀπατώμενοι.

2 Plat. Civ. X p. 616 D 3 alliflois] allois B*

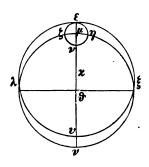
4 ποινό B, ποινοτέροις Mart. 5 πύπλον B*. cf. Civ. p. 616 E. 617 AB. Tim. p. 36 D 6 καὶ πόλους: cf. Crat. p. 405 C. Epin. p. 986 C. (Axioch. p. 371 B) τοὺς ἄξονας δὲ πόλους: cf. Tim. p. 40 B post πόλους excidisse putat Mart. ea quae p. 178, 1 ex Epinomide se allaturum Theo promisit '7 inscr. τὰ ἀριστοτέλους B hunc locum (vs. 7—18) pro spurio habet Mart. cf. p. 178, 19 sqq. (Ba) 13 ἐπείνων Ba] ποινή Bb διὰ δὲ] δία τε B*



πῶς δέ ποτε φαίνονται προηγεϊσθαί τε καὶ στηρίξειν καὶ ἀναποδίζειν ὅσοι τῶν πλανήτων καὶ ταῦτα
ποιεῖν δοκοῦσι, δηλωτέον. ἔστω ζωδιακὸς μὲν ὁ αβγδ
περὶ τὸ θ τοῦ παντὸς κέντρον, πλάνητος δὲ ἐπίκυκλος
5 ὁ εξη, καὶ ἀπὸ τῆς θ ὄψεως ἡμῶν ἤχθωσαν ἐφαπτόμεναι
τοῦ ἐπικύκλου αἱ θξκ, θνλ, καὶ διὰ τοῦ μ κέντρου τοῦ
ἐπικύκλου ἡ θμεα. ἐπεὶ οὖν ἐπ' εὐθείας ὁρῶμεν, δῆλον
ώς ὁ ἀστὴρ ἐπὶ μὲν τοῦ ζ γενόμενος ἡμῖν ἐπὶ τοῦ κ
φανήσεται τὴν δὲ ζε περιφέρειαν ἐνεχθεὶς δόξει τοῦ
10 ζωδιακοῦ τὴν κα εἰς τὰ προηγούμενα προπεποδικέναι.
πάλιν δὲ τὴν νζ διαπορευθεὶς δόξει τὴν λακ εἰς τὰ
έπόμενα τῶν ζωδίων ἀναπεποδικέναι καὶ τῷ μὲν ζ προσιῶν καὶ πρώτως αὐτοῦ ἀποχωρῶν, ἐπὶ τοῦ κ φανήσε15 ται πλείω χρόνον ποιῶν καὶ στηρίζων πλεῖον δὲ ἀπο-

 $[\]frac{1}{5} \frac{\text{inscr.}}{\epsilon \xi \eta \nu} \frac{\pi \epsilon \varrho l}{\text{Mart.}} \frac{\pi \varrho \circ \eta \gamma \dot{\eta} \sigma \epsilon \omega \varsigma}{\text{chalc. 86}} \frac{\pi \alpha l}{8} \frac{\dot{\alpha} \nu \alpha \pi \circ \delta \iota \sigma \mu \tilde{\omega} \nu}{\text{E} \nu} \frac{\text{B}}{\epsilon \bar{\nu}} \frac{\text{B}^*}{\text{B}^*}$

στὰς τοῦ ζ, πάλιν προηγησάμενος ἔπειτα προσεγγίζων τῷ ν καὶ πρώτως ἀπιὼν αὐτοῦ, πάλιν ἑστάναι δόξει καὶ ἀναποδίζειν. τοὺς μέντοι στηριγμοὺς καὶ ἀναποδισμοὺς καὶ τὰς προηγήσεις καὶ ὑπολείψεις ἕκαστος πλάνης ἄλλοτε ἐν ἄλλοις ποιήσεται ζωδίοις καὶ μέρεσι ζωδίων, 5 διὰ τὸ καὶ τὸν ἐπίκυκλον ἑκάστου ἀεὶ μετανίστασθαι εἰς τὰ ἑπόμενα ἢ μεταβαίνοντα ἢ ὑπολειπόμενον.



χρήσιμον δὲ ἔνεκα τῶν προκειμένων καὶ τὴν μέσην ἀπόστασιν πλάνητος, ὁποία ποτέ ἐστιν, ἰδεῖν. κατὰ μὲν οὖν τὴν τῶν ἐπικύκλων πραγματείαν, ἐὰν λάβωμεν τὸ 10 μέγιστον ἀφ' ἡμῶν ἀπόστημα τοῦ ἀστέρος, οἶον τὸ δε, καὶ πάλιν τὸ ἐλάχιστον, οἶον τὸ δν, καὶ τὴν ὑπεροχὴν τοῦ μεγίστου παρὰ τὸ ἐλάχιστον, οἶον τὸ εν, καὶ δίχα διέλωμεν κατὰ τὸ μ, δῆλον ὡς γενήσεται μέση αὐτοῦ ἀπόστασις ἡ δμ. ἐὰν οὖν κέντρω μὲν τῷ δ, δια- 15 στήματι δὲ τῷ δμ γράψωμεν τὸν μλυξ κύκλον ἔγκεν-

¹ πάλιν] καὶ B 2 ν] η̄ B, ν η̄ Mart., cf. p. 190, 14 4 ὑπολήψεις B* 6 διὰ τὸ] δι' ὰ B* 7 ηੌ μεταβ.] καὶ μεταβ. B* ὑπολειπόμενα B* 9 κατὰ] καὶ τὸ B* 13 τὸ $\overline{\epsilon \nu}$] τὸν εν B* 15 κέντρον μὲν τὸ $\overline{\vartheta}$ B* 16 τὸ $\overline{\vartheta}\mu$ B*

τρον, κέντρω δε τω μ και διαστήματι τω με τον εζνη έπίχυκλου, φανερού ώς ο άστηρ κατά τοῦ έπικύκλου φερόμενος, έπὶ μεν τοῦ ε σημείου γενόμενος μέγιστον άποστήσεται άφ' ήμῶν, ἐπὶ δὲ τοῦ ν ἐλάγιστον, καθ' 5 έκατερον δε των ζη, καθ' α τέμνεται δ επίκυκλος ύπο τοῦ ἐγκέντρου, ὁπουδήποτε μεταστάντος τοῦ ἐπικύκλου, τὸ μέσου. κατὰ δὲ τὴν ⟨τῶν⟩ ἐκκέντρων ὑπόθεσιν, ὄντος έκκεντρου τοῦ ελυξ περί κέντρον τὸ κ, τοῦ δὲ παντὸς κέντρου τοῦ θ, καὶ τῆς μεταξὺ τῶν κέντρων τῆς θκ 10 έκβληθείσης έφ' έκάτερα, έὰν κέντρω τῷ θ γράψωμεν *ἴσον τῷ ἐκκέντρᾳ τὸν μλυξ, δῆλον ὡς οὖτος ἔσται ὁ* ἔγκευτρος, καθ' οὖ τῆς έτέρας ὑποθέσεως φέρεται ὁ έπίκυκλος, κέντοφ μέν γραφόμενος τῷ μ, διαστήματι δὲ τῷ με. ὁ πλάνης, κατὰ τοῦ ἐκκέντρου φερόμενος, 15 έπλ μεν τοῦ ε γενόμενος, ὅπου ἂν καλ τοῦτο, μέγιστον άφέξει άφ' ήμῶν, ἐπὶ δὲ τοῦ υ ἐλάχιστον, κατὰ δὲ τὰς πρός του έγκευτρου διχοτομίας τας λ ξ, οπου ζαυ> γίνωνται μεταπίπτοντος τοῦ ἐκκέντρου, τὰ μέσα. καὶ φανερον ώς καθ' έκατέραν την υπόθεσιν τα αυτά συμ-20 φωνήσει μέγιστα καὶ πάλιν ἐλάγιστα καὶ μέσα εἶναι άποστήματα.

λείπεται περί συνόδων καὶ ἐπιπροσθήσεων καὶ κρύψεων καὶ ἐκλείψεων ἐπὶ βραχὺ τῶν προκειμένων ἕνεκα διελθεῖν. ἐπεὶ τοίνυν φύσει μὲν ἐπ' εὐθείας ὁρῶμεν, 25 ἔστι δὲ ἀνωτάτω μὲν ἡ τῶν ἀπλανῶν σφαῖρα, ὑπὸ δὲ

¹ τὸ μ Β* 3 γενόμενος] φερόμενος Β* 5 έκάτερον] ετερον Β 6 ὁπουδήπουτε Β, em. apogr. 7 έγκέντρων ἀπόθεσων Β* 11 τὸν] τῷ Β* 12 ἐκκεντρος Β* 16 τὰς] τὴν Β* 17 ἔκκεντρον Β* ὅπου γίνονται Β* 22 inscr. περί συνόδων καὶ ἐπιπροσθέσεων καὶ φάσεων καὶ κρύψεων Β ἐπιπροσθέσεων Β*

ταύτην αί τῶν πλανωμένων, ἐν ή τάξει διωρίσαμεν, δήλου ώς ή μεν σελήνη, προσγειοτάτη οὖσα, πᾶσι τοῖς ύπερ αὐτὴν ἐπιπροσθήσει, καὶ πάντα τὰ πλανώμενα, τινα δε και των απλανών, κούπτει, έπειδαν μεταξύ τινος αὐτῶν καὶ τῆς ὄψεως ἡμῶν ἐπ' εὐθείας καταστῆ, τ αὐτὴ δὲ ὑπ' οὐδενὸς ἄστρου κρύπτεται. ὁ δὲ ῆλιος ὑπὸ μέν της σελήνης έπιπροσθείται, αὐτὸς δὲ πλὴν τῆς σελήνης τάλλα πάντα κρύπτει, τὸ μὲν πρῶτον συνεγγίζων καὶ καταυγάζων, ἔπειτα δὲ κατὰ μίαν εὐθεῖαν ἔμπροσθεν τῆς ὄψεως ἡμῶν κἀκείνων τινὸς μεταξὺ καθ- 10 ιστάμενος. στίλβων δε και φωσφόρος τὰ μεν ύπερ αὐτοὺς κρύπτουσι, τῆς ὄψεως ἡμῶν κἀκείνων κατ' εὐθεῖαν όμοίως ἐπίπροσθεν γινόμενοι δοκοῦσι (δέ) καὶ ἀλλήλους έπιπροσθείν ποτε, διὰ τὰ μεγέθη καὶ τὰς λοξώσεις τῶν κύκλων και τὰς θέσεις άλλήλων ὑπέρτεροί τε και ταπει- 15 νότεροι γινόμενοι. τὸ μέντοι ἀκριβες ἄδηλον ἐπ' αὐτῶν, διὰ τὸ περὶ τὸν ηλιον ἀναστρέφεσθαι καὶ μάλιστα τὸν στίλβοντα μικρὸν κέντρον εἶναι τῷ μεγέθει καὶ σύνεγγυς ἀεὶ τῷ ἡλίω καὶ τὰ πολλὰ καταυγαζόμενον άφανῆ. πυρόεις δὲ τοὺς ὑπὲρ αὐτὸν δύο πλάνητάς ποτε 20 κρύπτει, φαέθων δὲ τὸν φαίνοντα, πάντες δὲ οί πλάνητες τῶν ἀπλανῶν τοὺς κατὰ τὸν ξαυτοῦ δρόμον ξκαστος.

σελήνη δε κατα διάμετρον ήλίου [και σελήνης] γενομένη και είς την της γης έμπίπτουσα σκιαν έκλείπει,

¹ διωρίσαμεν: p. 138 sqq. 6 κρύπτε ante αστρου del. B

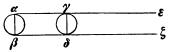
⁸ συνεγγίζον καὶ καταυγάζον B^* 13 ἐπίπροσθα B^* δὲ add. Mart. 15 ἄλλων B^* , invicem Chalc. 87 16 αὐτῶ B^* 20 δύο] αὐ B, duos supra se planetas Chalc. 23 inscr. περὶ ἐκλείψεως ἡλίου καὶ σεὶήνης B ἡλίου καὶ σελήνης γενομένων Mart. luna item diametro a sole distans et incurrens umbram terrae Chalc.

πλην ού κατά πάντα γε μηνα ούτε (γάρ πάσαις) ταίς συνόδοις καλ συμμηνίαις λεγομέναις ήλιος έκλείπει, ούτε ταζς πανσελήνοις πάσαις ή σελήνη, διὰ τὸ τοὺς κύκλους αὐτῶν πολὺ λελοξῶσθαι πρὸς ἀλλήλους. ὁ μὲν γὰρ ε ήλίου κύκλος, ως φαμεν, ὑπ' αὐτῷ σύνεγγυς τῷ διὰ μέσων των ζωδίων φαίνεται φερόμενος, του κύκλου αὐτοῦ βραχύ τι πρὸς τοῦτον έγκεκλιμένου, ως ημισυ μοίρας έφ' έκάτερον παραλλάττειν. δ δε τῆς σελήνης κύκλος, ώς μεν Ίππαρχος εύρίσκει, έν πλάτει δέκα μοι-10 φων λελόξωται, ώς δ' οι πλείστοι των μαθηματιχών νομίζουσι, δώδεκα, ώστε ε΄ ἢ καὶ ς΄ μοίρας ἐφ' έκάτερα τοῦ διὰ μέσων βορειοτέραν ἢ νοτιωτέραν ποτὲ φαίνεσθαι. αν δή νοήσωμεν τα δια των κύκλων έκατέρων, τοῦ τε ήλιακοῦ καὶ τοῦ τῆς σελήνης, ἐπίπεδα ἐκβεβλῆ-15 σθαι, ἔσται αὐτῶν κοινὴ τομὴ εὐθεῖα, ἐφ' ἧς ἀμφοτέρων έστι τὰ κέντρα. ήτις εύθεζα τρόπον τινὰ κοινή διάμετρος έσται άμφοιν. ής τὰ ἄκρα, καθ' ἃ τέμνειν δοκοῦσιν ἀλλήλους οί κύκλοι, σύνδεσμοι καλοῦνται, ὁ μὲν άναβιβάζων, δ δε καταβιβάζων, και αὐτοι μεταπίπτον-20 τες είς τὰ έπόμενα τῶν ζφδίων. ἐὰν μὲν οὖν κατὰ σύνδεσμον ή σύνοδος ήλίου πρὸς σελήνην γένηται, σύνεγγυς άλλήλων φαινομένων των σωμάτων, έπιπροσθήσει τῷ ἡλίᾳ πρὸς τὴν ὄψιν ἡμῶν σελήνη, ώστε δόξει ήμιν έκλείπειν ὁ ήλιος, και τοσοῦτόν γε μέρος, 25 οσου αν ή σελήνη έπίπροσθεν γένηται. έαν δε μή κατα τὸν σύνδεσμον ή συμμηνιακή σύνοδος γένηται, άλλὰ

¹ πάσαις add. Mart. 2 λεγομένοις B* 5 φαμεν: cf. p. 135, 13 ὑπαντῶν σύνεγγνς τῶν διαμέσων B* 9 cf. p. 135, 14. Lübbert, Rhein. Mus. n. F. XII p. 118 11 δωδώνα B, em. ap. 5] ζ B* 12 τον διαμέσον B* 16 έστι] έπι B* 18 ἀλλήλοις Β*

τοῦ μὲν μήκους τῶν ζωδίων κατὰ τὴν αὐτὴν μοῖραν, τοῦ δὲ πλάτους μὴ κατὰ τὴν αὐτήν, ἀλλὰ τὸ μὲν βορειότερον φαίνηται τῶν ἄστρων, τὸ δὲ νοτιώτερον, οὐκ ἐπιπροσθούμενος ἥλιος οὐδ' ἐκλείπειν δόξει.

έπὶ δὲ τῆς σελήνης ὧδ' ἂν γένοιτο φανερόν. ὅτι ε μὲν γὰρ εἰς τὴν τῆς γῆς ἐμπίπτουσα σκιάν ποτε ἐκλείπει, πολλάκις εἴρηται ὡς δ' οὐ καθ' ἕκαστον μῆνα, δηλωτέον.

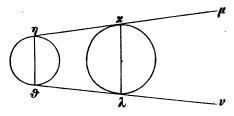


έπεὶ τοίνυν ἐπ' εὐθείας τῶν φωτιζόντων αὶ ἀκτίνες καὶ αὶ αὐγαὶ πίπτουσι καὶ παραπλησίως συνεχεῖς ταύ- 10 ταις αὶ σκιαί, ὅταν μὲν ἴσον ἢ τό τε φωτίζον καὶ τὸ τὴν σκιὰν ἀποβάλλον, σφαιρικὰ δὲ ἄμφω, γίνεται ἡ [δὲ] σκιὰ κυλινδρικὴ καὶ εἰς ἄπειρον ἐκπίπτουσα. οἶον ἔστω φωτίζον μὲν τὸ αβ, φωτιζόμενον δὲ τὸ γδ, ἴσα δὲ ἀλλήλοις καὶ σφαιρικά δῆλον οὖν ὡς τῆς γε αγ 15 ἀκτίνος καὶ τῆς βδ ἐπ' εὐθείας ἐκπιπτουσῶν, ἐπεὶ αἱ αβ γδ διάμετροι ἴσαι τέ εἰσιν ἀλλήλαις καὶ πρὸς ὀρθὰς ταῖς αγε βδξ ἐφαπτομέναις, παράλληλοι ἔσονται, καὶ αἱ

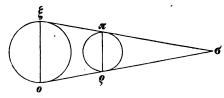
13*

³ νοτιώτερον: ι corr. ex ει B 5 inscr. περὶ ἐπὶείψεως σεὶ ἡνης <math>B 8 tres quae sequentur descriptiones desunt in B, sed exstant apud Chalc. 10 ταύτης B^* 12 γίνηται, ἡ δὲ σιιὰ Mart. ergo cum ignis lucem praebens aequalis erit corpori, ex quo emicant umbrae, si tam ignis quam corporis globosa erit forma, umbrae nascentur in modum cylindri Chalc. 89 13 ἐμπίπτουσα B^* 14 φωτιζόμενον] προσλαμβάνον B, προλαμβάνον Mart. quod vero illuminatur Chalc. 16 $\overline{\rho \delta}$ Chalc.] ε $\overline{\delta}$ B $εμπιπτουσών <math>B^*$ 18 έφαπτομένας B, cf. p. 190, 5, ἑπάτεφαι μὲν οὖν Mart.

 $\overline{\gamma \varepsilon}$ $\overline{\delta \zeta}$ έπ' ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι οὐ συμπεσοῦνται τοῦ δὲ τοιούτου πάντοθεν γινομένου δῆλον ὡς τῆς $\overline{\gamma \delta}$ σφαίρας ἡ σκιὰ κυλινδρική τε ἔσται καὶ ἐπ' ἄπειρον ἐκπίπτουσα.



5 ἐὰν μέντοι τὰ φωτίζον ἔλαττον ἦ, οἶον τὸ ηθ, το δὲ φωτιζόμενον μεῖζον, οἶον τὸ κλ, ἡ κμλν ⟨σκιὰ⟩ τῷ μὲν σχήματι ἔσται καλαθοειδής, ἐπ' ἄπειρον δὲ ὁμοίως ἐκπίπτουσα ἐπεὶ γὰρ μείζων ἡ κλ διάμετρος τῆς ηθ, αί κμ λν ἀκτῖνες ἐπ' ἄπειρον ἐκπίπτουσαι ἐν πλείονι ἀεὶ 10 διαστάσει γενήσονται, ⟨καὶ⟩ τοῦτ' ἔσται πανταχόθεν ὁμοίως.



1 $\overline{\delta \xi}$ $\delta \xi$ B^* 6 $\overline{n\lambda}$ Chalc. 90] $\eta \overline{\lambda}$ B onià add. Mart. manifestum est umb r am orbis n λ quae est n $\mu \lambda \nu$ in formam quidem effigiari calathi Chalc. 7 naladosidès B^* 8 $\overline{n\lambda}$ Chalc.] $\eta \overline{\lambda}$ B at $\overline{n\mu}$ $\overline{\lambda} \nu$] nal $\eta \overline{\lambda}$ $\mu \overline{\nu}$ B^* , $\eta n\mu$ et $\theta \lambda \nu$ Chalc. 9 antives bis ser. B^* é $\mu \pi l \pi \tau \circ \nu \circ \alpha \iota$ B^* 10 $\gamma \varepsilon \nu \eta \circ \sigma \varepsilon \circ \alpha \iota$ B^* $\tau \circ \tilde{\nu}$ τ estau B, $\tau \circ \tilde{\nu}$ τ estau $\tau \circ \tilde{\nu}$ Mart.

έὰν δὲ ἀνάπαλιν τὸ μὲν φωτίζον ἢ μεῖζον, καθάπερ τὸ ξο, τὸ δὲ φωτιζόμενον ⟨ἔλαττον⟩, οἶον τὸ πρ,
σφαιρικὰ δὲ ἄμφω, δῆλον ὅτι ἡ τοῦ πρ σκιά, τουτέστιν
ἡ πρσ, κωνοειδὴς καὶ πεπερασμένη γενήσεται, τῶν ξπ
ορ ἀκτίνων ἐπ' εὐθείας ἐκβαλλομένων καὶ συμπιπτου- 5
σῶν ἀλλήλαις κατὰ τὸ σ σημεῖον, ἐπειδὴ ἐλάττων ἐστὶν
ἡ πρ διάμετρος τῆς ξο, καὶ τούτου γινομένου πανταχόθεν.

έπει τοίνυν διὰ τῆς περι ἀποστημάτων και μεγεθών πραγματείας ήλίου καὶ σελήνης δείκνυσιν Ίππαρχος τὸν μέν ηλιον σύνεγγυς χιλιοκτακοσιογδοηκονταπλασίονα 10 τῆς γῆς, τὴν γῆν έπταεικοσαπλασίονα μάλιστα τῆς σελήνης, πολύ δε ύψηλότερον τον ηλιον της σελήνης, δηλον ώς η τε σκιὰ ἔσται της γης κωνοειδής και κατά την κοινην διάμετρον τοῦ τε ηλίου καὶ τῆς γῆς ἐμπίπτουσα, καί τὸ τῆς σελήνης μέγεθος κατὰ τὸ πλεϊστον ἔλαττον 15 τοῦ πάγους τῆς ἀπὸ τῆς γῆς σκιᾶς. ἐπειδὰν κατὰ μὲν τὸν ετερον σύνδεσμον ήλιος γένηται, κατὰ δὲ τὸν ετεφον σελήνη, και έπι μιᾶς εὐθείας ὅ τε ῆλιος και ἡ γῆ καλ ή σκιὰ καλ ή σελήνη καταστῆ, τότε άναγκαίως έμπίπτουσα είς την σκιὰν τῆς γῆς ή σελήνη, διὰ τὸ έλάτ- 20 των είναι αὐτῆς καὶ μηδεν έχειν ίδιον φῶς, ἀφανής καθίσταται καὶ λέγεται έκλείπειν. άλλ' έπειδαν μέν αποιβώς γένωνται κατά διάμετρον, ώστε έπὶ τῆς αὐτῆς, ως φαμεν, εύθείας καταστηναι τό τε τοῦ ήλίου κέντρον

¹ inser. περὶ μεγέθους ἡ λίου καὶ σελήνης καὶ περὶ ἑκθέσεως (ἐκθέσεως compendiose ser., ἐκλείψεως Mart.) σελήνης B 2 μεῖον add. Mart. (si) minus vero erit quod inlustratur Chale. 3 τουτὶ B* 4 κονοειδὴς B* 5 συμπτουσῶν B* 13 κονοειδὴς B* 16 ἐπειδὰν <οὖν>? 17 γένεται B* 18 σελήνης B* 21 ἀφανὲς B*

καὶ τὸ τῆς γῆς καὶ τὸ τῆς σελήνης, διὰ μέσου τοῦ σκιάσματος σελήνη ἰοῦσα ὅλη ἐκλείπει. ὅτε δὲ σύνεγγυς, μὴ μέντοι ἐπ' εὐθείας, ἐνίοτε οὐχ ὅλη τὰ μέντοι πλείω, μὴ κατὰ τοὺς συνδέσμους γινομένων τῶν σωμάτων τοῦ τε ἡλίου καὶ σελήνης ἐν ταῖς πανσελήνοις, ἡ μὲν σκιὰ τῆς γῆς καὶ οὕτως ἐπὶ μιᾶς εὐθείας ἔσται τῷ ἡλίῳ, ἡ δὲ σελήνη, βορειοτέρα τῆς σκιᾶς ἢ νοτιωτέρα παροῦσα καὶ κατ' οὐδὲν εἰς αὐτὴν ἐμπίπτουσα, οὐδ' ὅλως ἐκλείψει.

ταυτί μεν ό "Αδραστος. ό δε Δερχυλλίδης οὐδεμιῷ 10 μεν οίκεία καὶ προσηκούση τάξει περὶ τούτων ἀνέγραψεν α δε καὶ αὐτὸς ὑποδείκνυσιν ἐν τῷ περὶ τοῦ ἀτράκτου καὶ τῶν σφονδύλων τῶν ἐν τῷ Πολιτεία παρὰ Πλάτωνι λεγομένων ἐστὶ τοιαῦτα.

Εύδημος ίστορεῖ ἐν ταῖς ᾿Αστρολογίαις, ὅτι Οἰνο15 πίδης εὖρε πρῶτος τὴν τοῖ ζωδιακοῦ διάζωσιν καὶ τὴν τοῦ μεγάλου ἐνιαυτοῦ περίστασιν Θαλῆς δὲ ἡλίου ἔκλειψιν καὶ τὴν κατὰ τὰς τροπὰς αὐτοῦ περίοδον, ὡς οὐκ ἔση ἀεὶ συμβαίνει ᾿Αναξίμανδρος δὲ ὅτι ἐστὶν ἡ γῆ μετέωρος καὶ κινεῖται περὶ τὸ τοῦ κόσμου μέσον ᾿Ανα-

1 καὶ τὸ τῆς σεὶ.] ἀπ' αὐτῆς τῆς σεὶ. Β, καὶ αὐτῆς τῆς σεὶ. Mart. 3 τὰ] τὸ B* 4 γινόμενον B* 9 δερβνλλίδης B* 14 — p. 199, 8: haec leguntur etiam in fine excerptorum quibus titulus ἐπ τῶν λνατολίον inscriptus est; edita sunt a Fabricio, Bibl. Gr. cur. Harles III p. 464, "ex apographo Holstenii qui illa ex Peiresciano se codice hausisse est testatus, et ab Hultschio, Heronis reliq. p. 280, qui codice Monacensi 165 usus est inscr. τίς τί εὖςεν ἐν μαθηματικῆς exc. Εὕδημος: fr. 94 Speng. 16 Θαλῆς: cf. Zeller die Philos. der Gr. I* p. 171. Schiaparelli p. 123 sq. 17 περίοδον Fabr.] πάροδον B et codex Mon.

18 συμβαίνει Fabr.] συμβαίνειν B et Mon. 18 sqq. cf. Lewis an historical survey of the astronomy of the ancients p. 91 sqq.

'Αναξίμανδοος: cf. Zeller p. 210 19 πινείται] πείται Montucla Histoire des Mathématiques I p. 107 'Αναξιμένης: cf. Zeller p. 226 ξιμένης δε ότι ή σελήνη έκ τοῦ ήλίου έχει τὸ φῶς καί τίνα έκλείπει τρόπον. οί δε λοιποί έπι έξευρημένοις τούτοις έπεξεύρον ετερα. ὅτι οἱ ἀπλανεῖς κινούνται περὶ τὸν διὰ τῶν πόλων ἄξονα μένοντα, οί δὲ πλανώμενοι περί τὸν τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς ὀρθὰς ὄντα αὐτῷ ἄξονα, 5 άπέχουσι δ' άλλήλων δ τε των άπλανων και των πλανωμένων άξων πεντεκαιδεκαγώνδυ πλευράν δ έστι μοΐοαι κδ΄.

έν δε τοῖς έφεξῆς φησιν. ὂν τρόπον έπι γεωμετρία καλ μουσική μη καταστησάμενον τὰς ὑποθέσεις ἀδύνα- 10 τον τῶν μετὰ τὰς ἀρχὰς λόγων ἐξάπτεσθαι, κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἐπὶ τῆς ἀστρολογίας προομολογεῖσθαι χρὴ τὰς ύποθέσεις, έφ' αξε πρόεισιν ὁ λόγος ὁ περὶ τῆς τῶν πλανωμένων κινήσεως. πρὸ πάντων δέ, φησί, σχεδὸν τῶν περί τὰ μαθηματικά τὴν πραγματείαν ἐχόντων ἡ 15 ληψις των άρχων ώς όμολογουμένων έστί πρωτον μέν ώς έστιν ή τοῦ χόσμου σύστασις τεταγμένως έπὶ μιᾶς άρχῆς διεπομένη ὑφέστηκέ τε τὰ ὄντα καὶ φαινόμενα ταῦτα διὸ μὴ δεῖν φάναι τὸν κόσμον τῆς ἡμετέρας ὄψεως έκ τοῦ ἀπείρου, ἀλλὰ κατὰ περιγραφὴν εἶναι 20 δεύτερον δε ώς οὐ σβέσει καὶ ἀνάψει τῶν θείων σωμάτων αί τε άνατολαλ καλ δύσεις: άλλὰ γὰρ εί μὴ άίδιος

21 σβέση Β*

² έπι om. exc. έξευρημένοις exc.] έξηυριμένοις B 3 ὅτι οἱ ἀπλανεῖς πτλ.: cf. p. 202, 8 sqq. (Bb) πινεῖται B^a 4 τῶν πόλων exc.] πόλον B^a , τῶν πόλον B^b 5 αὐτῶ ἄξονα B^b] αὐτοῦ ἄξονα B^a , ἄξονα αὐτῷ exc., ἄξονα del. Hultsch 6 δ' om. exc. 7 πεντεκαιδεκαγώνου exc.] πεντακαιδεκαγώνου B πλευρὰς B^a \tilde{o} έστι μο ηδ B, ὅτι εἰσὶ μοἰρε τὸν ἀριθμὸν εἰκοσιτέσσαρες Mon., οῖ εἰσι μοἰραι εἰκοσιτέσσαρες Fabr. 9 inscr. τίνες αἱ τῆς ἀστρονομίας ὑποθέσεις B φησιν $\langle \tilde{σ}$ τι \rangle Mart. 13 αἷς] οἷς B^* 16 ὁμολογουμένως B^*

τούτων ή διαμονή, οὐκ αν ή ἐν τῷ καντὶ τάξις φυλαχθείη τρίτον ὡς οὐ κλείους οὐδὲ ἐλάττονες τῷν ζ οἱ
κλανώμενοι καὶ τοῦτο δῆλον ἐκ μακρᾶς τηρήσεως
ἐστιν οῦτε κάντα μένειν, ἀλλὰ τὰ μὲν κινεῖσθαι, τὰ δὲ
μένειν, ὁμολογεῖσθαι δεῖ, τίνα ἐν τῷ καντὶ μένειν χοὴ
καὶ τίνα κινεῖσθαι. φηδὶ δ΄ ὡς γῆν μὲν χρη οἰεσθαι
μένειν, ἑστίαν τοῦ θεῷν οἰκου κατὰ τὸν Πλάτωνα, τὰ
δὲ κλανώμενα σὺν τῷ καντὶ κεριέχοντι οὐρανῷ κιυνεῖσθαι τοὺς δὲ τὰ κινητὰ στήσαντας, τὰ δὲ ἀκίνητα
νεῖσθαι τοὺς δὲ τὰ κινητὰ στήσαντας, τὰ δὲ ἀκίνητα
κῆς ὑκοθέσεις ἀποδιοκομπεῖται.

έν δὲ τούτοις φησί καὶ κατὰ μῆκος τοὺς πλανωμένους κινείσθαι καὶ βάθος καὶ πλάτος τεταγμένως καὶ ιδ όμαλῶς καὶ ἐγκυκλίως,..... ἡγησάμενοι οὐκ ἄν σφαλλοίμεθα τῆς περὶ αὐτοὺς ἀληθείας διὸ τάς τε ἀνατολὰς καὶ παρανατολὰς τῆς κατὰ μῆκος κινήσεως καὶ τὰς ἀπὸ τῶν πρεσβυτέρων ἀποδιδομένας ἐκλύτους καὶ ὁρθύμους αἰτίας τῆς ὑπολείψεως λεγομένης παραιτείται. ὀρθὸν δὲ τὸ νομίζειν, φησί, πᾶν τὸ ἄλογον καὶ ἄτακτον φυγόντας τῆς τοιαύτης κινήσεως, ἐναντίαν τῆ ἀπλανεί φορᾶ τὰ πλανώμενα κινείσθαι ἡρέμα, περιαγομένης τῆς ἐντὸς φορᾶς ὑπὸ τῆς ἐκτός. οὐκ ἀξιοῖ δὲ τοῦ πλανωμένου αἰτίας οἴεσθαι τὰς ἕλικοειδείς γραμμὰς ὡς προμένου αἰτίας στάς τε ίππικῆ παραπλησίας γίνεσθαι μὲν γὰρ ταύτας κατὰ συμβεβηκός πρώτην δὲ προηγουμένην

⁸ Πλάτωνα: Phaedr. p. 247 A 9 δὲ] γὰς B 11 μαθηματικῆς] μαντικῆς B 15 ἡγησαμένου (ἡγησάμενος Mart.) κἂν σφαλοίμεθα B 18 ἀπὸ] ὑπὸ Mart. παςα post πςεσβυτέςων del. B 19 ὑπολήψεως λεγομένας B* 21 ἀπλανῆ B* 22 πεςιαγαμένης B* 23 cf. Schiaparelli p. 154

αίτίαν είναι καὶ τοῦ πλάνου καὶ τῆς εκικος τὴν κατὰ λοξοῦ τοῦ ζωδιακοῦ κύκλου κίνησιν καὶ γὰρ ἐπεισοδιώδης καὶ ὑστέρα ἡ κατὰ τὴν εκικα κίνησις, ἐκ τοῦ διπλοῦ τῆς περὶ αὐτοὺς κινήσεως ἀποτελουμένη. προτένην δὲ χρὴ εἰπεῖν τὴν κατὰ τοῦ λοξοῦ προηγουμένην 5 κίνησιν ἐπομένη γὰρ ἡ εκιξ καὶ οἰ πρώτη.

πάλιν παραιτείται και τῆς κατὰ τὸ βάθος κινήσεως αίτίας είναι τὰς έχχεντρότητας. περί δὲ κέντρον εν τι τὸ αὐτῆς καὶ κόσμου ἡγεῖται τοῖς κατ' οὐρανὸν φερομένοις πᾶσι τὴν κίνησιν είναι, κατὰ συμβεβηκὸς ὑπὸ τῶν 10 πλανωμένων, οὐ κατὰ προηγουμένην, ὡς ἐπάνω ἐπεδείξαμεν, τῶν ἐπικύκλων καὶ τῶν ἐκκέντρων κύκλων διὰ τοῦ τῶν ἐγκέντρων βάθους γραφομένων. δύο γὰρ έπιφανείας έχει έκάστη σφαΐοα, την μέν έντος κοίλην, την δε έκτος κυρτήν, ών έν τῷ μεταξύ κατ' έπικύκλους 15 καλ έγκέντρους κινείται τὰ ἄστρα, καθ' ἣν κίνησιν καλ τούς έκκέντρους κατά συμβεβηκός γράφει. φησί δε καί κατὰ μὲν τὰς ἡμετέρας φαντασίας ἀνωμάλους εἶναι τὰς των πλανωμένων κινήσεις, κατά δὲ τὸ ὑποκείμενον καὶ τάληθες όμαλάς πασι δε την κίνησιν προαιρετικήν καί 20 άβίαστον είναι δι' όλιγίστων φορών και έν τεταγμέναις σφαίραις. αἰτιᾶται δὲ τῶν φιλοσόφων ὅσοι ταῖς σφαίραις οξον άψύχους ένώσαντες τούς άστέρας καλ τοῖς τούτων κύκλοις πολυσφαιρίας είσηγοῦνται, ὥσπερ Αριστοτέλης άξιος και των μαθηματικών Μέναιγμος και 25

Κάλλιππος, οἱ τὰς μὲν φερούσας, τὰς δὲ ἀνελιττούσας εἰσηγήσαντο. ἐπὶ δὲ τούτοις ὁμολογουμένοις περὶ μένουσαν τὴν γῆν τὸν οὐρανὸν σὰν τοῖς ἄστροις ἡγεῖται κινεῖσθαι ἐν ὁμαλαῖς καὶ ἐγκυκλίοις κινήσεσιν ἐλαχίσταις τε καὶ συμφώνοις ἐγκέντροις τε καὶ ἀβιάστοις φοραῖς, καὶ ταύτας σωζομένας καὶ παρὰ Πλάτωνι ἀποδείκνυσι τὰς ὑποθέσεις.

κινοῦνται δὲ οί μὲν ἀπλανεῖς περί τὸν διὰ τῶν πόλων ἄξονα μένοντα, οί δὲ πλανώμενοι περὶ τὸν τοῦ 10 ζωδιακοῦ πρὸς ὀρθὰς ὄντα αὐτῷ ἄξονα ἀπέχουσι δ' άλλήλων δ τε των άπλανων και των πλανωμένων άξων πεντεκαιδεκαγώνου πλευράν. δίχα μεν τέμνει τον κόσμον ὁ ζωδιακὸς μέγιστος ἄν τῆς δὲ τοῦ παντὸς περιφερείας είς τξ΄ μοίρας διαιρουμένης ό ζφδιακός 15 έκατέρωθεν οπ΄ μοίρας ἀπολαμβάνει ὁ δὲ ἄξων τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς ὀρθὰς ὢν δίχα διαιρεῖ τὰς ρπ' μοίρας. λελόξωται δε δ ζωδιακός ἀπό τοῦ χειμερινοῦ παραλλήλου έπι του θερινόν είσι δε άπο μεν του θερινού έπι τὸν ἀνταρατικὸν μοζοαι λ΄, ὡς παραδίδωσιν Ίππαρχος, 20 ἀπὸ δὲ τοῦ ἀνταρκτικοῦ μέχρι τοῦ πόλου τῆς ἀπλανοῦς σφαίρας μοῖραι τριάκοντα εξ΄ συνάμφω δέ, ἀπὸ μέν τοῦ θερινοῦ μέχρι τοῦ πόλου τῆς τῶν ἀπλανῶν σφαίρας, μοζραι ξς΄. ΐνα δὲ πληρωθῶσιν ἐπὶ τὸν πόλον τοῦ τῶν πλανωμένων ἄξονος Ε΄ μοζοαι, προσθετέον μοίρας

¹ Κάλιππος Β* 4 έλαχίστοις Β*. (παὶ ἐν) ἐλαχίσταις? 6 σωμένας Β* cf. Boeckh Unters. über das kosm. System des Platon p. 127 8 cf. p. 199, 3 sqq. (Β*) 9 πόλων exc.] πόλον Β 11 ὅ τε] ὁ περὶ Β' 12 πεντεκαιδεκαγώνου exc.] πεντακαιδεκαγώνου Β μὲν ⟨γὰρ⟩? 16 ρπ΄] πρ Β* 19 ἀρκτικὸν Mart., sed hic error ad scriptoris neglegentiam referendus esse videtur 20 ἀρκτικοῦ Mart. 21 τριακονταέξ Β* 24 προστίθεται Β*

κό, καθ' ὁ είη ἄν ὁ πόλος τοῦ ⟨τῶν⟩ πλανωμένων ἄξονος πρὸς ὀρθὰς ὅντος τῷ ζωδιακῷ. λοιπαὶ δὴ ἀπὸ τοῦ πόλου ⟨τοῦ⟩ τῶν πλανωμένων ἄξονος μοτραι ἐπὶ τὰ θερινὰ μέρη τοῦ ἀνταρκτινοῦ ιβ΄ αὶ πᾶσαι γὰρ ἦσαν λς΄ ὧν ἀφέλωμεν κό' λοιπαὶ ιβ΄. αἶς προσθετέον τὰς 5 ἀπὸ τοῦ ἀνταρκτικοῦ μέχρι τοῦ θερινοῦ πάλιν μοίρας λ΄ καὶ τὰς ἀπὸ τοῦ θερινοῦ ἐπὶ τὸν ἰσημερινὸν μοίρας κό' καὶ ⟨τὰς⟩ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τὸν χειμερινόν, οὖ πάλιν ἐφάπτεται ὁ ζωδιακός, μοίρας κό'. γίνονται μοτραι κό' τῶν τξ΄ τοῦ παντὸς μοιρῶν πεντεκαιδέκατον 10 μέρος πεντεκαιδεκάκις γὰρ κό' γίνονται τξ΄. διὰ τοῦτό φοιεν τοῦ ἐγγραφομένου εἰς σφατραν πεντεκαιδεκαγώ-νου πλευρὰν ἀπέχειν ἀλλήλων τοὺς δύο ᾶξονας, τόν τε τῶν ἀπλανῶν καὶ τὸν τῶν πλανωμένων.

ελικα δε γράφει τὰ πλανώμενα κατὰ συμβεβηκός, 15 διὰ τὸ δύο κινεϊσθαι κινήσεις ἐναντίας ἀλλήλαις. τῷ γὰρ αὐτὰ κατὰ τὴν ἰδίαν κίνησιν ἀπὸ τοῦ θερινοῦ ἐπὶ χειμερινὸν φέρεσθαι καὶ ἀνάπαλιν, ἡρέμα μὲν αὐτὰ περιιόντα, τάχιστα δὲ ἐπὶ τὰ ἐναντία περιαγόμενα καθ' ἐκάστην ἡμέραν ὑπὸ τῆς ἀπλανοῦς σφαίρας, οὐκ ἐπ' 20 εὐθείας ἀπὸ παραλλήλου ἐπὶ παράλληλον πορεύεται, ἀλλὰ περιαγόμενα περὶ τὴν ἀπλανῆ σφαϊραν. ἵνα δὴ διὰ τοῦ ζῷδιακοῦ ἀπὸ τοῦ α ἐπὶ τὸ β χωρήση, τῆς φορᾶς αὐτῶν οὐκ ἐπὶ εὐθείας τοῦ ζῷδιακοῦ μόνον, ἀλλὰ καὶ ἐν κύκλῷ περὶ τὴν ἀπλανῆ γινομένης, ἕλικα 25

4 zeipegivà Mart. - agnitinoù Mart. 6 agnitinoù Mart.

μοῖραι B^* 9 γίνοιντο μ_{γ}^{0i} κδ μοῖραι B, γίνονται μὴν κδ μοῖραι Mart. 11 πεντεκαιδεκάι B^* 15 inscr. περὶ τῆς έλιποειδοῦς κινήσεως B. cf. Procl. in Tim. p. 263 $\tilde{\eta}$ λικα B^* 22 περὶ έπὶ B^* 24 αὐτοῦ B^* εὐθείας supra vs. add. B 25 γινομένη B, γινομένην Mart.

γράφουσιν έν τη ἀπὸ παραλλήλου ἐπὶ παράλληλον διόδφ όμοίαν τη των άμπέλων έλικι καθάπεο εί τις ίμάντα περιελίττει κυλίνδρω από της έτέρας αποτομής μέχρι της έτέρας, ώσπερ ταις Λακωνικαις σκυτάλαις οί έφοροι 5 περιελίττοντες ιμάντας τὰς ἐπιστολὰς ἔγραφον. γράφει δε και άλλην ελικα τὰ πλανώμενα, οὐ μόνον ώς περί κύλινδρον ζάπὸ τῆς έτέρας> ἀποτομῆς ἐπὶ τὴν έτέραν άποτομήν, άλλὰ καὶ τὴν ὡς ⟨έν⟩ ἐπιπέδφ. ἐπειδὴ γὰρ δι' αίωνος ἀπὸ τοῦ έτέρου παραλλήλου ἐπὶ τὸν ετερον 10 χωροῦσι καὶ ἀπ' ἐκείνου πάλιν ἐπὶ τὸν αὐτὸν καὶ τοῦτο άδιαλείπτως καὶ ἀπαύστως γίνεται ὑπ' αὐτῶν, ἂν ἐπινοήσωμεν έπ' ἄπειρον έχτεινομένας εύθείας είναι τὰς παραλλήλους και δι' αὐτῶν κατὰ τὰ αὐτὰ πορευόμενα τὰ πλανώμενα ποτὲ μὲν τὴν χειμερινὴν όδόν, ποτὲ δὲ 15 την θερινήν, μέχρις ἀπείρου εύρεθείη ἂν ήμεν Ελικα γράφοντα. κατὰ δὲ τὸ ἄπαυστον καὶ αἰώνιον τῆς περὶ την σφαζοαν διὰ [της] τῶν παραλλήλων πορείας ὁμοία ή όδὸς αὐτοῖς γίνεται τῆ διὰ τῶν ἐπ' ἄπειρον ἐκτεινομένων εύθειών όδώ, καθάπερ δηλοί τὰ ύποκείμενα δια-20 γράμματα. ώστε δύο κατὰ συμβεβηκὸς γράφουσιν έλικας, την μέν ώς περί κύλινδρον, την δε ώς δι' έπιπέδου.

ταυτί μεν τὰ ἀναγκαιότατα καὶ έξ ἀστρολογίας κυριώτατα πρὸς τὴν τῶν Πλατωνικῶν ἀνάγνωσιν. ἐπεὶ δὲ ἔφαμεν εἶναι μουσικὴν καὶ ἁρμονίαν τὴν μεν ἐν 25 ὀργάνοις, τὴν δὲ ἐν ἀριθμοῖς, τὴν δὲ ἐν κόσμω, καὶ

3 περιειλίττει Β* ἀπὸ bis scr. B, semel ap. ἐτέραν B, em. ap. 6 ἄλλον Β* 7 ἀπὸ τῆς ἐτέρας add. Mart. 8 ἐν add. Mart. 11 ἂν] κάν B (κ rubrum versus initio antepositum est), κἂν ap. 14 τὰ πλανώμενα] τὰ ἀπλανῆ Β, τῆ ἀπλανεῖ Mart. 17 τῆς del. Mart. 19 descriptiones B non habet 22 κυριότατα Β*. καὶ κυριώτατα ἐξ ἀστρολογίας? 24 ἔφαμεν: p. 17, 2, 47, 3

περί τῆς ἐν κόσμφ τἀναγκαῖα πάντα έξῆς ἐπηγγειλάμεθα μετὰ τὴν περί ἀστρολογίας παράδοσιν — ταύτην γὰρ ἔφη καὶ Πλάτων ἐν τοῖς μαθήμασι πέμπτην εἶναι μετὰ ἀριθμητικὴν γεωμετρίαν στερεομετρίαν ἀστρονομίαν —, ἃ καὶ περὶ τούτων ἐν κεφαλαίοις παραδείκνυσιν ὁ Θρά- 5 συλλος σὺν οἶς καὶ αὐτοὶ προεξειργάσμεθα δηλωτέον.

1 ἐπηγγειλάμεθα: p. 47, 9. 93, 11 2 αστρολογίαν B^* 3 Πλάτων: Civ. VII p. 530 4 στερεωμετρίαν B^* 5 θρασύλλος B^* 6 προεξηργάσμεθα B^* τέλος add. B

οιά πουσών διά πουσλαμβανόμενος οι ύπατη ύπατῶν παρυπάτη ύπατῶν υπάτη οιἄτονος υπάτη μέσων παρυπάτη μέσων μέσων διάτονος μέση οιεξευγμένη διεξευγμένη διεξευγμένη διεξευγμένη τρίτη ὑπερβολαίων νήτη ὑπερβολαίων νήτη ὑπερβολαίων

Exstat haec descriptio neglegentissime facta in cod. A post finem eius partis qua de musica agitur (p. 72). Quindecim nominibus adiecta sunt haec signa: $q \ \overline{\xi} \ \overline{R} \ \overline{\Phi} \ \overline{C} \ \overline{P} \ u \ \overline{\iota} \xi \ \xi \Box \ U$ $\theta q \ u \ \overline{l} \ \overline{K}$. Cf. Boeth. de inst. mus. p. 312 sqq. Friedl. Westphal p. 324 sqq.

COMPARATIO PAGINARUM HUIUS EDITIONIS CUM PRIORUM EDITIONUM CAPITIBUS.

	De arithmetica.	c.	29 30	in. p. 41, 8 42, 3
c. 1	in n 1 1		31	42, 10
			32	
8	10, 24		34	45, 9
4	18, 3 19, 21			De musica.
4	21, 20	c.	1	in. p. 46, 20
6	23, 6		2	47, 18
7			3	48, 8
8			4	48, 12
Ş			5	48, 16
10			6	49, 6
11			7	53, 1
12			8	53, 8
18			9	53, 17
14			10	54, 16
18			11	55, 8
16			12	55, 11
17			13	60, 12
18			14	66, 14
19			15	70, 3
20			16	70, 14
21			17	72, 21
22			18	72, 24
28			19	73, 16
24			20	74, 8
25	39, 10		21	74, 12
26			22	74, 15
27			23	76, 8
28	,		24	76, 21

26 78, 23 4 128, 1 27 79, 15 5 129, 10 28 80, 7 6 130, 16 29 80, 15 7 131, 5 30 81, 6 8 131, 13 31 82, 6 9 132, 5 32 84, 15 10 133, 17 33 85, 8 11 134, 1	c. 25				C.			n	122, 17
27 79, 15 5 129, 10 28 80, 7 6 130, 16 29 80, 15 7 131, 5 30 81, 6 8 131, 13 31 82, 6 9 132, 5 32 84, 15 10 133, 17 33 85, 8 11 134, 1					٠.		****	Ρ.	
28 80, 7 6 130, 16 29 80, 15 7 131, 5 30 81, 6 8 131, 13 31 82, 6 9 132, 5 32 84, 15 10 133, 17 33 85, 8 11 134, 1			79	15					
29 80, 15 7 131, 5 30 81, 6 8 131, 13 31 82, 6 9 132, 5 32 84, 15 10 133, 17 33 85, 8 11 134, 1			80.	7			,		120, 10
30 81, 6 8 131, 13 31 82, 6 9 132, 5 32 84, 15 10 133, 17 33 85, 8 11 134, 1									191 5
31 82, 6 9 132, 5 32 84, 15 10 133, 17 33 85, 8 11 134, 1			81	6					131, 0
32 84, 15 10 133, 17 33 85, 8 11 134, 1			82	6					139 5
33 85, 8 11 134, 1						-			132, 0
84 96 15 19 194 0			85	8					194 1
	84		86	15		12			134, 8
35 87, 4 13 136, 20									136 20
36 90, 22 14 137, 7									187 7
37 93, 17 15 138, 9									138 9
38 93, 25 16 143, 7									143 7
39 99, 17 17 147, 7							•		147 7
40 99, 24 18 147, 14									147 14
41 100, 9 19 147, 19									
42 100, 13 20 148, 1									
43 101, 11 21 148, 3									
44 101, 14 22 148, 13									148 13
45 102, 4 23 150, 19									150 19
46 103, 1 24 151, 20			103.	ī					
47 104, 20 25 151, 23									
48 106, 3 26 152, 6	48	•							
49 106, 7 27 172, 15	49		106			-			172, 15
50 106, 12 28 173, 16	50		106.						173, 16
51 107, 10 29 174, 3	51								174. 3
52 110, 19 30 175, 1	52								175. 1
53 111, 14 31 178, 3	53		111,	14					178.3
54 112, 26 32 180, 22	54								
55 113, 18 33 186, 17	55								186, 17
56 114, 1 34 188, 8	56		114,	1		34			
57 114, 14 35 190, 1	57				:	B 5			
58 115, 5 36 191, 8	58					36			191. 8
59 115, 12 37 192, 22	59		115,	12		37			192, 22
60 115, 20 38 193, 24	60								193, 24
61 116, 8 39 195, 5	61								195, 5
		т.							198, 14
De astronomia. 41 199, 9				mia.					199, 9
c. 1 m. p. 120, 1 42 202, 8		in.	p. 120,	1	4	12			202, 8
2 121, 1 43 203, 15	2				4	L3			203, 15

COMPARATIO PAGINARUM HUIUS EDITIONIS CUM PRIORUM EDITIONUM PAGINIS.

p. 1 Bull. ir	n. p. 1, 1	p. 30 Bull. in	. p. 22, 5
2	1, 4	31	22, 21
3	2, 3	32	23, 8
4	2, 20	33	23, 24
5	3, 12	34	24, 16
	4, 11	35	25, 2
6 7 8	5, 5	36	25, 14
8	6, 2	37	26, 3
9	7, 6	38 ·	26, 14
10	8, 4	39	26, 21
11	9, 1	40	27, 11
12	10, 3	41	27, 24
13	10, 19	42	28, 12
14	11, 14	43	28, 23
15	12, 4	44	29, 14
16	12, 20	4 5	30, 4
17	13, 9	46	30, 17
18	14, 15	47	31, 9
19	15, 6	48	31, 18
20	15, 21	49	32, 12
21	16, 16	50	32, 22
22	17, 3	51	33, 16
23	17, 19	52	34, 1
24	18, 8	53	34, 14
25	19, 1	54	
26	19, 17	55	35, 8
27	20, 8	56	35, 24
28	21, 1	57	36, 12
29	21, 17	58	37, 1
Theo Smyrn			14

Digitized by Google

n KQ	Bull. in.	n	27	15	n	104	Bull.	in	n	68	19
60	Dun. III.	ъ.	38,		P.	105	Dull.	ш.	Р.	69 ,	
61			39,			106				70,	
62			39,			107				70,	
63			40,			108				71,	
64			40,			109				72,	
65			41,			110				72,	
66			41,			111				206	
67			42,	4		112				72,	24
68			43,			113				73,	
69			43,			114				74,	1
70			44,			115				74,	12
71			45,			116				74,	
72			46,			117				75,	
73			46,	20		118				76,	6
74	•		47,	9		119				76,	21
7 5			47,	21		120				77,	13
76			48,	8		121				78,	4
77			48,			122				78,	18
78			49,	6		123				79,	6
79			49,	18		124				79,	19
80			50,	16		125					7
81			51,			126				80,	
82			52,	9		127				81,	
83			53,	1		128				81,	
84			53,	10		129				82,	9
85			54,			130				83,	
86			54,	16		131				83,	
87			55,			132				84,	11
88			55,			133				85,	4
89			56,			134				85,	
90			58,	1		135				86,	
91			59,			136				86,	
92			59,			137				87,	
93			60,			138				88,	
94			61,			139				88,	
95			61,			140				89,	
96			62,			141				90,	
97			63,			142				90,	
98			64,			143				91,	
99			65,			144				92,	
100	,		66,			145				92,	
101			66,			146				93,	
102			67,			147				93,	23
103			67,	20		148				94,	10

p.	149	Bull.	in.	p.	95,	9	р	. 6	Geld.	in.	p.	2,	19
•	150			•	96,	3	_	7				3,	11
	151				96,	20		8					11
	152				97,	11		9					7
	153				98,	5		10				6,	5
	154				98,	22		11				7,	9
	155				99,			12				8,	
	156				99,	24		13					19
	157				100,	13		14				9,	14
	158				101,			15				10,	19
	159				101,			16				11,	
	160				102,			17				12,	
	161				102,	17		18			•	12,	10
	162					13		19				13,	10
	163					7		$\begin{array}{c} 20 \\ 21 \end{array}$				14,	16 7
	164					20		21				15,	
	165 166				105,	9 7	•	23				16, 16,	19
	167				106, 106,			24				17,	
•	168				107,			25				17,	
	169					22		26				18,	
	170				108,			27				19,	
	171				109,			28				19,	
	112				110,	7		29				20,	7
	173				110,			30				20,	
	174				111,			31				21,	
	175				112,	1		32				22,	1
	176				112,			3 3				22,	16
	177				113,	4		34				23,	6
	178				113,	18		35				23,	20
	179				114,	1		3 6				24,	
	180				114,	14		37				24,	
	181				114,	26		38				25,	
	182				115,	12		39				25,	
	183				115,			40				26,	7
	184				116,			41				26,	18
	185				116,			42				27,	5
	186				117,			43				27,	19
	187				118,			44				28,	
	188				119,	b		45				28,	17
								46				29,	8
_	2 C	.14 :-						47				29,	
p.		eld. i	ս. բ					48				30,	
	4 5				, 4 , 3			49 50				30, 31,	24
	J			-	, ,			00		1.4	*	σΞ,	10

p.	51 (Geld.	in.	p.	32,	2		p.	176	Mart.	in.	p.	136,	10
	52				32,	15			178			_	137,	2
	53				33,	7			180				137,	
	54				34,	1			182				138,	
	55				34,				184				139,	
	56				35,	9			186				140,	
	57				35,	24			188				140,	
	58				36,	10			190				141,	3
	59				36,	22			192				141,	
	60				37,	11			194				142,	19
	61				38,	3			196				143,	
	62				38,	16			198				144,	
	63				39,	8			200				145,	
	64				39,				202				146,	
	65				40,				204				147,	
	66				41,				2 06				147,	
	67				41,	10			208				148,	
	68				42,	3			210				149,	7
	69				43,				212				150,	
	70				4 3 ,				214				150,	
	71				44,				216				151,	
	72				45,				218				152,	
	73				46,				220				153,	
	74				46,				222				154,	
					-				224				156,	
									226				157,	3
p.	138	Mart.	. in	. p.	. 12	0, 1			228				157,	22
_	140			_	12	0, 1	0		230				159,	
	142				12	1, 3			232	,			159,	24
	144				12	1, 2	5		234				160,	22
	146					2, 1			236				161,	19
	148				12	3, 1	5		238				162,	11
	150					4, 1			24 0				163,	14
	152				12	5, 1	6		242				165,	1
	154				12	6, 1	3		244				165,	14
	156				12	7, 8			246				166,	10
	158				12	8, 1			248				167,	14
	160				12	9, 5			250				168,	10
	162				13	0, 1			252				169,	5
	164				13	0, 1	9		254				170,	9
	166					2, 2			256				171,	
	168				13	2, 1	9		258				171,	20
	170				13	3, 1	7		260				172,	19
	172				13	4, 8			262				173,	8
	174				13	5, 8			264	\$			174,	1

p. 266	Mart. in. p. 17	5, 1	p. 304 Mart.	in. p. 190, 1
268		5, 14	306	191, 2
270	17	6, 18	308	192, 3
272	17	7, 14	310	192, 22
274	17	8,6	312	193, 12
276		9, 2	314	194, 3
278	17	9, 18	316	194, 24
280	18	0,8	318	195, 18
282	18	1, 3	320	197, 3
284	·18	2, 11	322	197, 21
286	. 18	3, 4	324	198, 16
288	18	3, 16	326	199, 9
290	18	4, 13	328	200, 7
292	. 18	5, 5	330	201, 2
294	18	6, 1	332	201, 24
296	18	6, 19	3 34	202, 19
298	. 18	7, 15	336	203, 12
300	18	8, 8	338	204, 6
3 02	18	8, 23	34 0	205, 2

INDEX SCRIPTORUM.

Adrastus: 49, 6. 50, 4. 61, 19. 64, 1. 65, 10. 66, 12. 73, 19. 76, 2. 106, 16. 107, 10. 24. 120, 8. 129, 9. 10. 146, 11. 147, 7. 16. 148, 10. 13. 149, 9. 150, 20. 151, 20. 154, 12. 21. 157, 12. 158, 10. 166, 6. 10. 177, 9. 198, 9. Alexander: 138, 18. 140, 4. 141, 5 sqq. 143, 1. Anaximander: 198, 18. Anaximenes: 198, 19. Aratus: 146, 16. Archimedes: 124, 12. 127, 3. Archytas: 20, 19. 22, 10. 61, 12. έν τῷ περί δεκάδος 106, 10. Aristoteles: 179, 13, 189, 7.

201, 25. ἐν τῷ λ τῶν μετὰ τὰ φυσικά 178, 10. ἐν τοῖς περὶ οὐρανοῦ 178, 3. ἐν τῷ Πυθαγορικῷ 22, 5.

Aristoxenus: 53, 9. 55, 12. 15. 56, 1. 64, 2. 67, 10.

Callippus: 178, 11. 180, 6. 202, 1.

Dercyllides: 198, 9. 199, 9. 14. 200, 7. 13 sqq. 201, 7 sqq. 202, 3. 6. ἐν τῷ περὶ τοῦ ἀτράπτον καὶ τῶν σφονοὐλων τῶν ἐν τῷ Πολιτεία παρὰ

Dicaearchus: 124, 21.
Empedocles: 15, 10. 149, 6.
ἐν τοῖς Καθαρμοῖς 104, 2.

Πλάτωνι λεγομένων 198, 11.

Eratosthenes: 82, 22, 105, 14. 107, 15. 23. 111, 10. 124, 12. 21 142, 7. ἐν τοὶς ἔπεσι 142, 16. ἐν τῷ ἐπιγοαφομένφ Πλατωνικῷ 2, 3. 81, 17. Euander: 105, 6. Eudemus: έν ταις Αστρολογίαις 198, 14. Eudoxus: 61, 12. 178, 11. 179, 14. Euripides: 48, 3. 146, 16. Herophilus: 104, 16. Hesiodus: 9, 9. Hipparchus: 166, 6. 185, 17. 188, 15. 194, 9. 197, 9. 202, 19. ${\it Hippasus}:$ 59, 8. Ibycus: 146, 12. Lasus: 59, 7. Menaechmus: 201, 25. Oenopides: 198, 14. Orphica: έν τοις Όρφικοις ορное 105, 1. Peripatetici: 72, 24. Philolaus: 20, 19. ἐν τῷ περὶ φύσιος 106, 11. Plato: 1, 2. 7. 15. 2, 8. 12, 10. 15, 7. 11. 16. 16, 1. 11. 19. 27. 17, 5. 9. 47, 16. 56, 5.

63, 25. 65, 1. 67, 12. 69,

6. 9. 73, 11. 113, 10. 116, 14. 119, 19. 146, 6. 147, 16. 151, 19. 188, 25. 200, 8. 202, 6. 204, 23. 205, 3. ἐν τῆ Ἐπινομίδι 2, 15. ἐν τῷ Ἐπινομίῳ 7, 9 sqq. 84, 8. 177, 24. ἐν τη Πολιτεία 2, 22. [10, 12.] 12, 26. 198, 12. ἐν τῷ τρίτφ τῆς Πολιτείας 10, 17. έν τῷ έβδόμφ τῆς Πολιτείας 3, 16 sqq. έπλ τέλει τῆς Πολιτείας 143, 7. 189, 2. έν τῷ Τιμαίφ 96, 5. 103, 17. έν Φιλήβφ 21, 14. *Posidonius:* 103, 18. Pythagoras: 56, 10. 94, 150, 16. Pythagorei: 6, 2. 12, 10. 18. 17, 25. 20, 7. 46, 13. 47, 12. 50, 4. 55, 14. 94, 3 sqq. 99, 14. 18. 103, 4. 116, 4. 138, 11. 139, 11. 147, 4. Thales: 198, 16. Theo: έν τοὶς τῆς Πολιτείας ύπομνήμασιν 146, 4. Thrasyllus: 47, 18. 48, 8. 85, 8. 87, 8. 93, 8. 205, 5. Timotheus: 105, 11.

ADDENDA ET CORRIGENDA.

```
p. 4 adn. vs. 4 ante μη ηπίστατο add. 8
   5, 17 [\mu \hat{\epsilon} \nu] cj. H(ultsch)
   6 adn. vs. 6 corr. olov
   12, 18 φασίν] πάλιν cj. H.
  18, 11 corr. πολλά
  20, 14 [ov τὸ εν] cj. H.
  24, 14 nal yào | ώς yào A
  34, 13 corr. αεί-
  44, 2. 4. 5 corr. τριάδος — τριάδα — τριάδι
      17 corr. διάμετροι
  45, 15 συνθώμεν cj. H.
  46, 11 corr. τέταρτον
  47, 22 (et in adn.) οὖτος post αὐτὸς add.
  48, 15 ὑπατῶν: cf. v. Jan. Philol. XXIX p. 302 1)
  52, 18 λόγον] λέξιν?
  53, 9 ήμιπήχειον Η.
  55, 14 corr. δίεσιν
  62, 8 ὅτι] ἄρα cj. H.
  71, 1 μέν τις μεν τῆ cj. Η.
  73 in adn. ad 21 A post "litt." add.
  75, 14 συμφωνίαις] συμφωνία cj. Η.
  77, 25 et p. 80, 23 corr. del
  82, 22 ὅτι \langle \dot{\eta} \rangle τῆς ἀναλογίας φύσις ἀρχ\dot{\eta} εὐλόγου ἐστὶ καὶ
          (τεταγμένης γενέσεως, έκ τῆς Ισότητος αὐτή τε γεννη-
          θείσα ποώτη κτλ. cj. Η.
  84, in adn. ad 15 corr. "inscr."
  93, 4 άρχόμενοι ὑποτεθείσης (γάρ) αὐτῆς μυρίων τξη΄ οί
          έφεξης πτλ.?
      12 λοιπῶν del. vid.
  94, 9 (εἶναι) cj. H.
  96, 2 corr. αυξησις
  97, 25 an scr. ονδόη δε τετο. ή τούτων πριτική και νοητική
          οὐσα?
```

```
p. 100, 14 μέσα: cf. adn. ad p. 46, 15
  101, 18 corr. ἀεί
  102, 6 moisir cj. H.
  103, 14 γεννα del. vid.
  114, 14 et 21 αναλογία et αναλογία neglegenter pos. pro
          μεσότης et μεσότητι
  116, 12 ευρήσομεν?
  124, 1 συρουήσεται (ἄρα) Η.
       5 อีกุโดง (อบัง)?
  127, 16 τῶν τὸ?
  128, 12 πρός τὰς όλας σφαίρας] πάσης καθόλου σφαίρας cj. Η.
  131, 4 δέ τις δ' έτι τις?
       6 (els) loa H.
  138, 9 \tilde{\eta}] xal H. cf. p. 152, 4.
  150, 2 ταῦτα] τὰς cj. H. an αὐτὰ?
  153, 11 pro <sup>4</sup>η' corr. 4' η'
  157, 15 έπεζεύχθωσαν Η.
  171, 3 αναστροφον cj. H.
       19 (καί) τη οπ?
  178 adn. vs. 2 corr. "additum"
  180, 6 χωρίς τοῦ Η.
       18 μηχανικαίς σφαιροποιίαις cj. Η.
       22 όντως] οῦτως cj. Η.
       in adh. ad 18 post "Gerh." add. "p. 1026, 2-4. 1027 n. 3. 4 Hultsch."
  184, 3 (γένηται) κατά τὸ μ cj. Η.
24 και κατά φύσιν οὖση φορῷ τῶν πλανωμένων ἤτοι
         σφαιοών cj. Η.
 185, 5 τε καί] τέ τις cj. Η.
 186, 12 έπι (μεν) οὖν cj. Η.
 188, 6 φέρουσιν] άποφαίνουσιν cj. Η.
 192, 14 ὁ (δὲ) πλάνης?
       15 καί] ή vel γίνηται Η.
 194, 7 corr. ώς
      in adn. ad 11 corr. δώδωκα
 200, 13 έν] έπλ cj. Η.
```





